УДК 532.526

# ИССЛЕДОВАНИЕ РАЗВИТИЯ ВОЗМУЩЕНИЙ ОТРЫВНОГО ЛАМИНАРНОГО ТЕЧЕНИЯ НА КРЫЛЕ С ВОЛНИСТОЙ ПОВЕРХНОСТЬЮ<sup>\*</sup>

В.В. КОЗЛОВ<sup>1</sup>, И.Д. ЗВЕРКОВ<sup>1</sup>, Б.Ю. ЗАНИН<sup>1</sup>, А.В. ДОВГАЛЬ<sup>1</sup>, В.Я.РУДЯК<sup>2,3</sup>, Е.Г.БОРД<sup>2</sup>, Д.Ф.КРАНЧЕВ<sup>2,3</sup>

<sup>1</sup>Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск

<sup>2</sup>Новосибирский государственный архитектурно строительный университет

<sup>3</sup>Новосибирский государственный технический университет

Исследовано развитие возмущений скорости течения при отрыве ламинарного пограничного слоя на крыле с волнистой поверхностью. Выполнены эксперименты, в которых определены особенности структуры пространственно-периодического течения. Проведен анализ линейной устойчивости измеренных профилей скорости, в результате которого определено влияние модифицированной обтекаемой поверхности на частотные диапазоны нарастающих колебаний и скорости их усиления при хорошем совпадении расчетных и экспериментальных данных.

### введение

Фактором, оказывающим радикальное влияние на аэродинамические характеристики крыла, является отрыв ламинарного потока, приводящий к образованию местных или крупномасштабных областей оторвавшегося течения. Подобные режимы течения реализуются при обтекании профилей и крыльев в широком диапазоне углов атаки, в особенности на крыльях с большой относительной толщиной профиля, характерных для малоразмерных летательных аппаратов в компоновке "летающее крыло". Для целенаправленного изменения аэродинамических характеристик крыла в условиях его отрывного обтекания используется управление отрывом потока, призванное предотвратить либо, напротив, инициировать его появление.

Одним из ресурсов управления отрывом потока и улучшения аэродинамических качеств летательных аппаратов является модификация их несущей поверхности, в частности, ее волнистостью в трансверсальном потоку направлении. Предпосылкой работ по этой теме служит появление летательных аппаратов с эластичной оболочкой, способной образовывать волны на поверхности крыла, например, парапланов. Основные различия отрывного обтекания гладкого и волнистого крыльев показаны в экспериментах [1]. Результаты визуализации течения и их трактовка в том и другом случае приведены на рис. 1 и 2. На волнистом крыле

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup> Работа выполнена при финансовой поддержке программы Минобрнауки РФ "Развитие научного потенциала высшей школы" 2006-2008 гг. (проекты РНП 2.1.1.471, РНП 2.1.2.3370) и РФФИ (грант № 07-08-00164).

<sup>©</sup> Козлов В.В., Зверков И.Д., Занин Б.Ю., Довгаль А.В., Рудяк В.Я., Борд Е.Г., Кранчев Д.Ф., 2007



*Рис. 1.* Визуализация течения на крыле с гладкой поверхностью и ее трактовка [1]. *1* — ламинарный пограничный слой, 2 — область отрыва потока, 3 — присоединенное турбулентное течение; угол атаки  $\alpha = 0^{\circ}$ , скорость набегающего потока  $V_{\infty} = 12$  м/с, число Рейнольдса Re =  $1,7 \cdot 10^{5}$ .

область отрыва потока распадается на локальные отрывные зоны во впадинах между поверхностными волнами, что сопровождается существенным изменением аэродинамических характеристик крыла.

Ключевую роль в формировании течений с отрывом ламинарного пограничного слоя на профилях и крыльях играет происходящий в пределах области отрыва переход к турбулентности, предсказание которого необходимо, в конечном счете, для разработки надежных методов расчета характеристик отрывных течений и методов управления ими. Описанию начальной стадии процесса турбулизации сдвиговых течений служит линейная теория гидродинамической устойчивости. В исследованиях [2–10], при сопоставлении экспериментальных, теоретических результатов и данных прямого численного моделирования была установлена ее применимость к возникающим в различных условиях номинально двумерным отрывным течениям. В работе [11] линейная теория устойчивости была использована



*Рис. 2.* Визуализация течения на волнистом крыле и ее трактовка [1]. *I* — ламинарный пограничный слой, 2 — локальные зоны отрыва потока, 3 — присоединенное турбулентное течение; угол атаки  $\alpha = 0^{\circ}$ , скорость набегающего потока  $V_{\infty} = 12$  м/с, число Рейнольдса Re =  $1.7 \cdot 10^5$ .

для определения характеристик малых возмущений, нарастающих в трехмерном течении с отрывом пограничного слоя на крыле малого удлинения. Результаты расчетов, выполненных в приближении локальной параллельности потока, оказались в хорошем соответствии с экспериментальными данными.

В настоящем исследовании аналогичный подход применен для расчета характеристик нарастающих колебаний при ламинарно-турбулентном переходе на волнистом крыле в условиях отмеченной выше пространственной периодичности его отрывного обтекания. Экспериментально определены средние во времени и пульсационные характеристики течения над моделью волнистого крыла. Опытные данные — измеренные профили средней скорости — использованы для анализа гидродинамической устойчивости течения с последующим сопоставлением теоретических и экспериментальных результатов.

# 1. ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

### 1.1. Методика измерений

Эксперименты проводились в дозвуковой аэродинамической трубе T-324 ИТПМ СО РАН при степени турбулентности потока не превышающей 0,04 %. Изучалось обтекание модели прямого крыла с волнистой поверхностью, использованной ранее в работе [1]. Волнистость поверхности крыла по размаху характеризуется следующими параметрами: длина волны — 12,8 % хорды профиля, относительная удвоенная амплитуда волнистости — 1,5 % хорды профиля [1]. Крыло имело единичное удлинение и формообразующий профиль ЦАГИ Р-III-12 с хордой c = 195 мм и относительной толщиной 12 %. Данные получены при нулевом угле атаки модели, скорости набегающего потока равной 12 м/с и вычисленном по хорде крыла числе Рейнольдса Re =  $1,7 \cdot 10^5$ . Экспериментальные результаты сравнивались с соответствующими данными для гладкого крыла, обтекание которого исследовалось в тех же экспериментальных условиях.

Характеристики течения определялись с помощью термоанемометрической аппаратуры и однониточных датчиков с диаметром чувствительного элемента 6 мкм и его длиной 1,5 мм. Координатное устройство позволяло перемещать датчик термоанемометра вблизи поверхности модели в автоматическом режиме с точностью 10 мкм по трем пространственным координатам. Таким образом были измерены профили продольной компоненты средней скорости и уровень пульсаций в пристенной зоне течения, получены спектральные распределения возмущений, нарастающих на участке ламинарно-турбулентного перехода, по частоте колебаний.

## 1.2. Развитие возмущений на волнистом и гладком крыльях

Результаты термоанемометрического исследования, выполненного в центральных сечениях моделей, коррелируют с полученными в таких же экспериментальных условиях данными саже-масляной визуализации, приведенными на рис. 1 и 2. Последовательности профилей средней скорости во впадине и на гребне волнистой поверхности представлены на рис. 3; здесь Y — наибольшая в измеренных сечениях толщина пограничного слоя, x' = x/c — безразмерная продольная координата, отсчитываемая от передней кромки крыла. Во впадине формируются распределения скорости с точкой перегиба, характерные для течения в областях отрыва пограничного слоя, тогда как на гребне волны сохраняется безотрывное обтекание крыла.



*Рис. 3.* Профили средней скорости течения во впадине (*a*) и на гребне (*b*) поверхностной волны.

Особенности ламинарно-турбулентного перехода на волнистой и гладкой поверхностях иллюстрируются спектральными данными, показанными на рис. 4. Переход к турбулентности на гладком крыле происходит в зоне отрыва пограничного слоя, расположенной в пределах x' = 0,28-0,60. В начальной стадии турбулизации течения наблюдается усиление пакета волн неустойчивости с центральной частотой 800 Гц, сопровождаемое ниже по потоку генерацией их высших гармоник и формированием сплошного спектра пульсаций, рис. 4, *а*. Аналогично протекает переход к турбулентности во впадине между поверхностными волнами периодического течения на волнистом крыле, рис. 4, *b*. При этом основные фазы ла-



*Рис. 4.* Спектры мощности пульсаций скорости в зоне перехода к турбулентности на гладком крыле (*a*), во впадине (*b*) и на гребне (*c*) волнистого крыла. Данные получены в максимуме амплитуды возмущений поперек вязкого слоя.

минарно-турбулентного перехода — первоначальное нарастание волнового пакета и последующее заполнение частотного спектра — смещены против потока по сравнению с течением на гладком крыле в соответствии с изменившемся положением областей отрыва, x' = 0,17-0,42 (сравни рис. 1 и 2). Качественное отличие от двух предыдущих случаев наблюдается в течении на гребне поверхностной волны, где, согласно результатам визуализации и термоанемометрическим данным, пограничный слой остается присоединенным к поверхности модели. На этом участке течения интенсивность пульсаций нарастает сравнительно медленно при отсутствии выраженного пакета волн неустойчивости, рис. 4, *с*.

Зависимости интегральной по спектру амплитуды возмущений от продольной координаты приведены на рис. 5. "Точка" перехода, определенная стандартным образом по положению максимума пульсаций, расположена во впадине между поверхностными волнами при  $x' \approx 0,45$ , тогда как на гребне волны она находится значительно дальше при x' > 0,75. Ламинарно-турбулентный переход на гладком крыле завершается в промежуточном сечении  $x' \approx 0,60$ .



a

Рис. 5. Нарастание максимальной амплитуды пульсаций в направлении потока на гребне (1), во впадине (3) волнистого крыла и на гладком крыле (2).

Нумерация и координаты сечений, результаты измерений в которых использовались далее при анализе устойчивости течения, отмечены в таблице.

Сечения, выбранные для расчета устойчивости течения во впадине (*a*) и на гребне (*b*) поверхностной волны

-											
-	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
<i>x</i> ′	0,128	0,154	0,179	0,205	0,231	0,256	0,282	0,307	0,333	0,359	0,385
b											
	_	1		2	3	4	5		6	7	
	x'	0,1	28 (	),179	0,231	0,282	0,33	3 0,3	385	0,436	

#### 2. ЧИСЛЕННОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ВЛИЯНИЯ ВОЛНИСТОСТИ ПОВЕРХНОСТИ НА УСТОЙЧИВОСТЬ ТЕЧЕНИЯ

#### 2.1. Методика расчетов

Решение для функции тока возмущенного течения определялось в форме плоской волны:  $\Psi = \psi(y) \exp[i(\alpha x - \omega t)]$ , где  $\psi(y)$  — амплитуда функции тока,  $\alpha$  — волновое число,  $\omega$  — частота возмущений. Для сравнения характеристик течений с различными профилями средней скорости осуществлялась нормировка пространственных переменных и параметров устойчивости на толщину вытеснения

$$\delta = \int_{0}^{1} \left[ 1 - U(y) / U^* \right] dy,$$

здесь  $U^*$  — местная скорость внешнего потока, U(y) — сплайн-интерполяция экспериментального профиля скорости. Обратный переход от автомодельных параметров к размерному волновому числу A и размерной частоте  $\Omega$  осуществляется преобразованиями:  $A = \alpha_{\delta}/Y^*$ ,  $\Omega = 2\pi f = (U^*)^2 F/v$ , здесь  $Y^*$  — местная толщина пограничного слоя,  $\alpha_{\delta} = \alpha \delta$ ,  $\omega_{\delta} = \omega \delta$  — волновое число и частота, определенные по местной толщине вытеснения, f — частота в герцах,  $F = \omega_{\delta}/\text{Re}_{\delta}$  — безразмерный частотный параметр,  $\text{Re}_{\delta} = U^* \delta^*/v$  — местное число Рейнольдса.

Характеристики устойчивости определялись решением спектральной задачи для уравнения Орра–Зоммерфельда с граничными условиями непротекания и прилипания на поверхности и условиями затухания возмущений на бесконечности. Для численного решения краевой задачи применялся метод ортогонализации. Подробное описание применявшейся численной процедуры для расчета устойчивости течения на гладком крыле содержится в работе [11].

#### 2.2. Характеристики устойчивости течения на волнистом крыле

В силу того, что отрывное течение на поверхности крыла не является автомодельным, задача должна решаться систематическими расчетами характеристик устойчивости локальных распределений средней скорости в отдельных сечениях потока.

Зависимости волнового числа и частоты нейтральных возмущений от числа Рейнольдса для профилей скорости, измеренных во впадине между поверхностными волнами, представлены на рис. 6. Кривые нейтральной устойчивости течения в зоне отрыва пограничного слоя демонстрируют сходство с известными аналогичными данными для пристенных и неограниченных течений с точкой перегиба [12]. Области неустойчивости в плоскостях ( $\alpha_{,\delta} - \text{Re}_{\delta}$ ) и ( $F - \text{Re}_{\delta}$ ) оказываются существенно шире по сравнению с диапазонами усиления малых колебаний в каноническом течении — пограничном слое Блазиуса, отмеченными на рис. 6, *а* и *b* пунктирными линиями. Дестабилизация ламинарного течения на крыле, вызванная появлением отрывной области, выражается в сравнительно малых значениях локального критического числа Рейнольдса, которое монотонно уменьшается от  $\text{Re}_{\delta} = 250$  в сечении 1 до  $\text{Re}_{\delta} = 35$  в сечении 11.

Нейтральные кривые в плоскости ( $F - \text{Re}_{\delta}$ ) иллюстрируют качественные изменения свойств устойчивости течения при отрыве пограничного слоя, сопровождающие формирование слоя сдвига у внешней границы отрывного пузыря. По мере перемещения в направлении потока заметно возрастает вклад низкочастотной области спектра в нарастающие колебания вплоть до появления в последних сечениях (9–11) вертикальных асимптотических участков на кривых нейтральной устойчивости. Таким образом, течение оказывается неустойчивым к возмущениям с предельно малыми значениями частотного параметра подобно свободному слою сдвига, в котором доминирует невязкий механизм усиления пульсаций скорости.

Зависимости коэффициентов нарастания возмущений от их частоты, полученные в нескольких расчетных сечениях во впадине между поверхностными волнами, представлены на рис. 7. В сечении *1*, находящемся выше по потоку отрывной зоны, пограничный слой остается устойчивым к колебаниям всех частот. В сечении *2*, расположенном вблизи линии отрыва, появляются нарастающие возмущения, максимальные инкременты которых увеличиваются к сечению *9* в полтора раза при расширении спектрального диапазона неустойчивости в область



*Рис. 6.* Кривые нейтральной устойчивости течения во впадине между поверхностными волнами в координатах  $\alpha_r \delta$  —  $\operatorname{Re}_{\delta}(a)$  и *F* —  $\operatorname{Re}_{\delta}(b)$ .



*Рис.* 7. Скорости усиления колебаний во впадине между поверхностными волнами.

низких частот колебаний. Наибольших значений коэффициенты усиления возмущений достигают в сечениях 10 и 11. Именно на этом участке течения в эксперименте зафиксировано быстрое нарастание пакета пульсаций с центральной частотой 800 Гц (см. рис. 4), которая близка к полученной в расчете частоте максимально нарастающих колебаний. Анализ

устойчивости дает приращение их амплитуды между сечениями 10 и 11, равное примерно 4,7, тогда как в эксперименте интегральная амплитуда возмущений, изменение которой в этой зоне течения определяется развитием пакета волн неустойчивости, возрастает в 3,6 раза (см. рис. 5). Таким образом, теоретические и экспериментальные результаты оказываются в хорошем соответствии по частоте и скорости усиления возмущений ламинарного течения.

Расчет критических чисел Рейнольдса для профилей скорости, измеренных на гребне волны (см. рис. 3, *b*), показал отсутствие нарастающих колебаний на этом участке модели. Здесь пограничный слой находится в присоединенном состоянии и, соответственно, более устойчив, чем оторвавшееся течение. Результаты анализа коррелируют с приведенными на рис. 5 экспериментальными данными. Сравнительно медленное усиление пульсаций по продольной координате, наблюдаемое на гребне поверхностной волны, можно объяснить проникновением в эту зону течения возмущений, развивающихся в рядом расположенной впадине поверхности крыла.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В результате настоящей работы экспериментально определены средние во времени и пульсационные характеристики течения при отрыве ламинарного потока на крыле с волнистой поверхностью. Термоанемометрическим исследованием дополнены ранее полученные результаты визуализации и весовых испытаний обтекания волнистого крыла [1], выявлены подробности структуры пространственно периодического течения и процесса его турбулизации. Опытные данные использованы в расчетах линейной устойчивости течения. Показано, что анализ устойчивости локальных профилей средней скорости у поверхности волнистого крыла дает характеристики нарастающих колебаний (их частоты и скорости усиления близки полученным в эксперименте), позволяя надежно предсказывать развитие возмущений на начальной стадии ламинарно-турбулентного перехода в течении рассмотренной пространственной конфигурации.

# СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- **1. Зверков И.Д., Занин Б.Ю.** Влияние формы поверхности крыла на отрыв потока // Теплофизика и аэромеханика. 2003. Т. 10, № 2. С. 205–213.
- 2. Gruber K., Bestek H., Fasel H. Interaction between a Tollmien-Schlichting wave and a laminar separation bubble // AIAA Paper. — 1987. — No. 87-1256. — 10 p.
- Michalke A. On the instability of wall-boundary layers close to separation // Separated Flows and Jets / Eds. V.V.Kozlov, A.V.Dovgal. — Springer, 1991. — P. 557–564.

- **4. Masad J.A., Nayfeh A.H.** The influence of imperfections on the stability of subsonic boundary layers // Instabilities and Turbulence in Engineering / Eds.D.E.Ashpis et al. Kluwer Academic Publishers. 1993. P. 65–82.
- Bestek H., Gruber K., Fasel H. Direct numerical simulation of unsteady separated boundary-layer flows over smooth backward-facing steps // Notes on Numerical Fluid Mechanics. — 1993. — Vol. 40. — P. 73–80.
- 6. Rist U., Maucher U. Direct numerical simulation of 2-D and 3-D instability waves in a laminar separation bubble // AGARD-CP-551. — 1994. — P. 34-1 — 34-7.
- 7. Dovgal A.V., Kozlov V.V., Michalke A. Contribution to the instability of laminar separating flows along axisymmetric bodies. Part II: Experiment and comparison with theory // European Journ. of Mech., B/Fluids. 1995. Vol. 14. P. 351–365.
- Hein S., Theofilis V., Dallmann U. Unsteadiness and three-dimensionality of steady two-dimensional laminar separation bubbles as result of linear instability mechanisms // DLR IB No. 223-98 A 39. — Goettingen, 1998. — 25 p.
- 9. Perraud J. 1998 Linear stability of the incompressible boundary layer over 2D steps and gaps // EUROMECH Colloquium 380 / ERCOFTAC SIG 33 Conference, Book of Abstracts, Abstract 13. — Goettingen, 1998.
- **10. Haggmark C.** Investigations of disturbances developing in a laminar separation bubble flow // Doctoral Thesis, Department of Mechanics, Royal Institute of Technology, Stockholm. 2000.
- 11. Козлов В.В., Зверков И.Д., Занин Б.Ю., Довгаль А.В., Рудяк В.Я., Борд Е.Г., Кранчев Д.Ф. Экспериментальное и теоретическое исследование развития возмущений в пограничном слое на крыле малого удлинения // Теплофизика и аэромеханика. — 2006. — Т. 13, № 4. — С. 551–560.
- **12.** Дразин Ф. Введение в теорию гидродинамической устойчивости. Москва: Физматлит, 2005. 287с.

Статья поступила в редакцию 6 апреля 1007 г.