

мо в дальнейшем провести измерение массовой скорости частиц различных фракций за фронтом ударной волны и определить характер изменения массовой скорости во времени.

Полученный характер распределения плотности по сечению образцов соответствует характеру распределения массовой скорости и давления за фронтом ударной волны. Равномерное распределение плотности по высоте образцов можно объяснить стационарностью картины ударного обжатия цилиндрическим зарядом ВВ.

Представляет определенный интерес исследование возможности получения полой заготовки в результате обжатия сплошной цилиндрической ампулы с порошком в режиме с трехударной волной за счет выброса металла из осевой зоны заготовки. Вероятно, основной задачей при этом будет изыскание схем нагружения, предотвращающих появление трещин на заготовках.

В порошке и губке титана при их ударном сжатии цилиндрическим зарядом ВВ распространяется коническая ударная волна, которая при увеличении параметров ударного сжатия переходит в волну с трехударной конфигурацией. Диаметр плоского участка (диска Маха) трехударной волны возрастает при увеличении параметров нагружения. При ударном сжатии в режиме конической волны массовая скорость вещества за фронтом ударной волны уменьшается от периферии к центру ампулы. Массовая скорость вещества за плоским участком трехударной волны значительно превышает скорость вещества за коническими участками волны, что приводит в некоторых случаях к выбросу металла из осевой зоны ампулы и образованию осевой полости в образце.

На основании результатов проведенного исследования можно рекомендовать применение режимов ударного сжатия с образованием конической волны для получения сплошной цилиндрической заготовки с высокой плотностью из порошка методом взрывного прессования.

*Поступила в редакцию
14/VI 1973*

ЛИТЕРАТУРА

1. А. М. Ставер, М. П. Бондарь. В сб. «Динамика сплошной среды», вып. V. Новосибирск, ИГ СО АН СССР, 1971.
2. G. R. Fowles, W. M. Isbell. J. Appl. Phys., 1965, 36, 4.
3. Г. А. Адауров, А. Н. Дремин и др. ФГВ, 1967, 3, 2.
4. А. А. Дерibas, А. М. Ставер. В сб. «Динамика сплошной среды», вып. IX. Новосибирск, ИГ СО АН СССР, 1971.

УДК 534.222.2 : 662.215

ДЕПОЛЯРИЗАЦИЯ ПЬЕЗОКЕРАМИКИ В УДАРНЫХ ВОЛНАХ. ФЕНОМЕНОЛОГИЯ ЯВЛЕНИЯ

*Е. З. Новицкий, В. В. Колесников, Р. В. Ведринский
(Москва)*

Результаты исследования ударно-волновых свойств и деполяризации пьезокерамики (ПК) ЦТС-19 изложены в [1]. В этой работе было экспериментально показано, что от выбора параметров измерительной цепи (R — активное сопротивление, L — индуктивность) существенным

образом зависит форма импульса тока $I(t)$, регистрируемого в опыте за время T пробега ударной волны (УВ) по образцу. В частности, при надлежащем выборе R и L , обеспечивающими условие короткозамкнутости цепи, в момент $t=0$ входа УВ в образец на осциллограммах фиксируется скачок тока I_0 . Это обстоятельство, отличающее [1] от аналогичных исследований Рейнольдса и Сэя [2], Хэлпина [3] и Зубарева [4], является решающим для установления исходных предпосылок феноменологической теории деполяризации ПК (сегнетоэлектриков в общем случае) в УВ. Это обстоятельство снимает необходимость аппроксимировать петлю гистерезиса ПК уравнением эллипса, что искусственно вводилось Хэлпиным в теорию для того, чтобы описать отсутствие скачка тока I_0 , и что мало отвечает действительности.

ФЕНОМЕНОЛОГИЧЕСКАЯ ТЕОРИЯ

Рассмотрим случай одномерного и однократного сжатия ПК в плоской УВ. Все расчеты будем проводить для ПК в форме диска, УВ в котором распространяется со скоростью U_0 слева направо (или $U = U_0 - u$ относительно сжатого вещества; $U_0 U^{-1} = \delta$ — сжатие). Начало подвижной системы координат свяжем с левым электродом диска, а соответствующую координату вдоль оси диска будем обозначать через y .

Ударная волна разделяет ПК с начальной толщиной l на две области: сжатого и несжатого вещества, каждая из которых характеризуется собственными значениями: P — спонтанной поляризации; D — электрической индукцией; E — напряженностью поля; λ — электропроводностью и ϵ — диэлектрической проницаемостью (рис. 1). Будем полагать, что слева от фронта находится линейный диэлектрик, справа — нелинейный.

Электроды образца будем рассматривать как бесконечные заряженные плоскости с поверхностными зарядами σ_1 и σ_2 . На границе электрод — ПК $D_{(1,2)} = -4\pi\sigma_{(1,2)}$, что выполняется для обеих областей ПК ввиду ее однородности за и перед фронтом УВ. Однако зависимости $D(E)$ различны. В линейной области ПК $E = -4\pi\sigma\epsilon^{-1}$, в нелинейной — $E = D_*(-4\pi\sigma)$, где D_* — функция, обратная D (последняя описывает петлю гистерезиса исходной ПК; в настоящей работе рассматривается часть петли, отвечающая процессу деполяризации ПК).

Постановка задачи. Будем искать решение для заряда $\sigma_1 \equiv \sigma$, производная по времени t от которого определяет ток во внешней цепи $I(t)$. Для этого воспользуемся условием

$$V_1 + V_2 = IR, \quad (1)$$

где V — разность потенциалов между фронтом УВ и электродами ПК (правым и левым соответственно). Очевидно,

$$V_1 = - \int_{U_0 t}^l E_1 dx; \quad V_2 = - \int_0^{U t} E_2 dy \quad (2)$$

(координата x отсчитывается от первоначального положения левого электрода). $E_1 = D_*(-4\pi\sigma_1)$, как это определено выше. Выражение для E_2 получим, определяя последовательно вклады в него от: а) заряженных плоскостей ПК; б) поляризации P_2 ; в) свободного заряда с объемной плотностью ρ в сжатой области, обусловленного электропровод-

НОСТЬЮ

$$E_2 = \frac{2\pi}{\varepsilon_2}(\sigma_2 - \sigma_1) - \frac{4\pi}{\varepsilon_2}P_2 + \frac{2\pi}{\varepsilon_2} \int_0^y \rho dy' - \frac{2\pi}{\varepsilon_2} \int_0^{Ut} \rho dy'.$$

После подстановки E_1 и E_2 в (2) и некоторых преобразований¹ имеем:

$$\begin{aligned} V_1 &= -D_*(-4\pi\sigma) \cdot (l - U_0t); \\ V_2 &= \frac{4\pi}{\varepsilon_2} \left(\sigma Ut + \int_0^{Ut} P_2 dy' + \int_0^{Ut} y' \rho dy' \right). \end{aligned} \quad (3)$$

Если через j_1 обозначить плотность тока проводимости в несжатой части образца, то выражение для тока может быть записано в виде

$$I = S j_1 - S \frac{d\sigma}{dt}, \quad (4)$$

где $j_1 = \lambda_1 E_1 = \lambda_1 D_*(-4\pi\sigma)$; S — площадь. Тогда после подстановок (3) и (4) в (1) получим

$$\begin{aligned} \frac{4\pi}{\varepsilon_2} \left(\sigma Ut + \int_0^{Ut} P_2 dy' + \int_0^{Ut} y' \rho dy' \right) - (l - U_0t) \cdot D_*(-4\pi\sigma) = \\ = RS \lambda_1 D_*(-4\pi\sigma) - RS \frac{d\sigma}{dt}. \end{aligned} \quad (5)$$

Решение задачи. Используем уравнение непрерывности

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div} j_2,$$

где

$$j_2 = \lambda_2 E_2 = \lambda_2 \varepsilon_2^{-1} (D_2 - 4\pi P_2).$$

С учетом того, что $\operatorname{div} D_2 = 4\pi\rho$, имеем

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\rho}{\theta_2} = \frac{1}{\theta_2} \cdot \frac{\partial P_2}{\partial y} \quad \left(\theta_2 = \frac{\varepsilon_2}{4\pi\lambda_2} \right). \quad (6)$$

Используем также условие непрерывности тока на фронте УВ, т. е. при $y = Ut$. Тогда $j_2 - j_1 = \rho U$. Подставляя сюда выражения для j_1 и j_2 , получим

$$\rho U = - \frac{\sigma}{\theta_2} - \frac{P_2(0)}{\theta_2} - \lambda_1 D_*(-4\pi\sigma). \quad (7)$$

Запишем, наконец, равенства, при выводе которых учтем, что P_2 зависит только от разности $t - yU^{-1}$:

$$\int_0^{Ut} y' \cdot \frac{\partial P_2}{\partial y} \cdot dy' = Ut P_2(0) - \int_0^{Ut} P_2 dy', \quad (8)$$

$$\int_0^{Ut} \frac{\partial P_2}{\partial t} dy' = U [P_2(t) - P_2(0)]. \quad (9)$$

Вернемся к уравнению (5). Продифференцируем его по времени и сложим результат с уравнением (5), умноженным на θ_2^{-1} , произведем подстановки (6) — (9); разделим обе части полученного уравнения на $4\pi U \varepsilon_2^{-1}$ и произведем группировки и преобразования. Тогда

$$\begin{aligned} t_2 T \frac{d^2 F}{dt^2} + \left[T \left(\frac{t_2}{\theta_1^*} + \frac{t_2}{\theta_2} + \kappa^* \right) - (\kappa^* - 1)t \right] \cdot \frac{dF}{dt} + \\ + F + \left[\left(\lambda_1 - \frac{\delta \varepsilon_2}{4\pi \theta_2} \right) \cdot t + \left(\frac{T}{\theta_2} - 1 \right) \cdot \frac{\delta \varepsilon_2}{4\pi} + \frac{\lambda_1 t_2 T}{\theta_2} \right] D_* (4\pi F) = P_2(t) \end{aligned} \quad (10)$$

¹ В частности, заменим $\int_0^y \rho dy'$ на разность $\int_0^{Ut} \rho dy' - \int_0^y \rho dy'$ и учтем, что из условия электронейтральности образца $\sigma_1 + \sigma_2 + \int_0^y \rho dy' = 0$.

$$(t_2 = RC_2; \quad T = lU_0^{-1}; \quad C_2 = \frac{\varepsilon_2 \delta S}{4\pi l}; \quad \theta_1^* = \left(\frac{\partial D_1}{\partial E_1}\right) \cdot (4\pi\lambda_1)^{-1}; \\ \kappa^* = \varepsilon_2 \delta \left(\frac{\partial D_1}{\partial E_1}\right)^{-1}; \quad F = -\sigma).$$

Уравнение (10) выполняется для $t \leq T$, т. е. когда УВ движется по ПК. Для $t > T$ весь объем ПК представляет собой линейный диэлектрик. В цепи рис. 1 существует только V_2 , выражение для которого определяется (3) при $Ut=l$. Произведя операции, подобные тем, что выполнялись при выводе (10), получим уравнение для тока релаксации I_p при $t > T$ в виде

$$t_2 TS^{-1} \left(\frac{dI_p}{dt} + \frac{I_p}{\theta_2} \right) + TS^{-1} I_p = P_2(t) - P_2(t-T). \quad (11)$$

Переход к линейному диэлектрику. Пусть перед фронтом УВ — линейный диэлектрик. Тогда $4\pi F = D_1 = \varepsilon_1 E_1 + 4\pi P_1$, откуда $E_1 = 4\pi\varepsilon_1^{-1}(F - P_1)$; $\frac{\partial D_1}{\partial E_1} = \varepsilon_1$. Преобразование (10) дает:

$$\kappa t_1 T \frac{d^2 F}{dt^2} + \left[\kappa T \left(\frac{t_1}{\theta_1} + \frac{t_1}{\theta_2} + 1 \right) - (\kappa - 1)t \right] \frac{dF}{dt} + \left[\frac{\kappa T}{\theta_2} \left(1 + \frac{t_1}{\theta_1} \right) + \left(\frac{1}{\theta_1} - \frac{\kappa}{\theta_2} \right) t - (\kappa - 1) \right] \cdot F = \left[\frac{\kappa T}{\theta_2} \left(1 + \frac{t_1}{\theta_1} \right) + \left(\frac{1}{\theta_1} - \frac{\kappa}{\theta_2} \right) t - \kappa \right] P_1 + P_2(t) \quad (12)$$

$$(t_1 = RC_1; \quad C_1 = \varepsilon_1 S (4\pi l)^{-1}; \quad \theta_1 = \varepsilon_1 (4\pi\lambda_1)^{-1}; \quad \kappa = \varepsilon_2 \delta \varepsilon_1^{-1}).$$

Уравнение (12) справедливо, когда петля гистерезиса аппроксимируется прямой. Для линейного диэлектрика $P_1=0$, $P_2(t)$ приобретает смысл ударной поляризации, создаваемой фронтом УВ. В этом случае уравнения (11) и (12) целиком совпадают с решением Зайделя [5], из которого следуют все известные феноменологические теории [6—10], описывающие ударную поляризацию линейных диэлектриков.

Анализ уравнений. 1. Для простоты будем полагать, что $\lambda_1 = \lambda_2 = 0$, $\rho = 0$. Уравнение для заряда F принимает при этом вид:

$$t_2 T \frac{dF}{dt} + \left[F - \frac{\varepsilon_2 \delta}{4\pi} D_* (4\pi F) \right] \cdot t + \frac{\varepsilon_2 \delta}{4\pi} T D_* (4\pi F) = U^{-1} \int_0^{Ut} P_2 dy'. \quad (13)$$

При $t_2=0$ (короткозамкнутая цепь) из (13) найдем выражение для тока $I_0 = S \frac{dF}{dt}$ при $t=0$:

$$I_0 = S \frac{P_2(0) - P_1}{\kappa_0^* T} \quad \left(\kappa_0^* = \varepsilon_2 \delta \left(\frac{\partial D_1}{\partial E_1}\right)_{E_1=0}^{-1} \right), \quad (14)$$

а) скачок тока I_0 максимален, когда $P_2(0)=0$, что соответствует мгновенному и полному распаду поляризации за фронтом УВ в ПК (деполяризации)

$$I_0 = -SP_1 (\kappa_0^* T)^{-1}; \quad (15)$$

б) если, например, $P_2 = P_1 \exp(-t/\tau)$, где τ — характерное время распада поляризации¹ так, что $P_2(0) = P_1$, то $I_0 = 0$ и крутизна нарастания тока определится как $\frac{dI}{dt} = -SP_1 (\kappa_0^* \tau T)^{-1}$;

¹ В [1] сообщалось, что процесс деполяризации ПК может носить инерционный характер.

в) для линейного диэлектрика $P_1=0$, откуда

$$I_0 = SP_2(0) (\kappa T)^{-1}. \quad (16)$$

Таким образом, при наличии скачкообразного изменения поляризации на фронте УВ в короткозамкнутой цепи всегда существует скачок тока, определяемый, независимо от природы нагружаемого диэлектрика, выражениями идентичного свойства. В [6] отмечалось, что его величина не зависит от наличия релаксационных процессов за фронтом УВ.

Из (15) следует, что $I_0=0$, когда $\left(\frac{\partial D_1}{\partial E_1}\right)_{E_1=0} = 0$. Именно это условие используется в теории Хэлпина при той же предпосылке $P_2(0)=0$, хотя экспериментальные значения $D_1(E_1)$ для ПК имеют производную при $E_1=0$ порядка 10^3 .

2. Если $P_2=0$ и $t_2=0$, то сразу после выхода УВ из образца ($t=T$) ток должен упасть до нуля (11). Если $t_2 \ll T$, а P_2 по-прежнему равно нулю, то ток отличен от нуля только в области $t-T \sim t_2$, где он спадает по экспоненциальному закону. Если $P_2 \neq 0$ (при $t_2=0$), то характер поведения тока при $t > T$ определяется законом распада P_2 . Последний случай для $P_2 = P_1 \exp(-t/\tau)$ подробно рассмотрен в [9, 11].

В общем случае $P_2(t) < P_2(t-T)$. Сравнение (11) с (15) и (16) показывает, что при деполяризации ПК токи I_0 и I_p имеют один знак, а при ударной поляризации линейных диэлектриков — противоположные знаки. Это обуславливается природой самих названных процессов.

Влияние индуктивности. Рассмотрим для примера линейный преобразователь, когда приемное устройство состоит из индуктивности L и сопротивления R , включенных последовательно. Тогда (1) примет вид $V_1 + V_2 = IR + L \frac{dI}{dt}$, а выражение для заряда при $\lambda_1 = \lambda_2 = 0$, $\rho = 0$, $P_2 = 0$

$$LC_1 T^{-2} \frac{d^2 F'}{dt'^2} + RC_1 T^{-1} \frac{dF'}{dt'} + \left[1 - \left(1 - \frac{1}{\kappa}\right) t'\right] F' = 1 - t' \quad (17)$$

$$(F' = FP_1^{-1}; \quad t' = tT^{-1}).$$

Найдем отсюда приближенное решение для тока

$$I'(t') = \frac{dF'}{dt'} = I(t) T (P_1 S)^{-1}$$

вблизи $t'=0$ в предположении, что $(LC_1)^{1/2} \gg RC_1$, и при начальных условиях $F'|_{t'=0} = 1$, $\left.\frac{dF'}{dt'}\right|_{t'=0} = 0$

$$I'(t') \simeq e^{-\alpha t'} \left(\cos \omega t' - \frac{\alpha}{\omega} \sin \omega t' \right) - 1 \quad (18)$$

$$(\alpha = RT(2L)^{-1}; \quad \omega = T(LC_1)^{-1/2}.$$

Отсюда видно, что ток в цепи с индуктивностью имеет осциллирующий характер, определяемый соотношением α и ω .

Ток в цепи RLC_2 при $t > T$ и тех же упрощающих предположениях определяется выражением для тока в колебательном контуре, решение которого описывает либо апериодический, либо колебательный разряд. В любом случае ток в цепи не исчезает сразу же после выхода УВ из образца, как это имело место в короткозамкнутой цепи при $P_2=0$.

СРАВНЕНИЕ ТЕОРИИ С ЭКСПЕРИМЕНТОМ

За исходное возьмем уравнение (10), полагая $t_2=0$, $\lambda_1=0$ и для определенности $P_2(t) = P_r \exp(-t/\tau)$, где $P_r = P_1$. Преобразуем (10)

¹ P_r — величина остаточной поляризации в случае ПК.

к безразмерному виду:

$$I'(t') = \frac{G\kappa_0^* [(1-t') \cdot (\theta_2')^{-1} - 1] \cdot E_1'(F') - F' + \exp(-t'/\tau')}{t' - G\kappa_0^* (1-t') \frac{dE_1'}{dF'}} \quad (19)$$

$$\left(G = \left(\frac{\partial D_1}{\partial E_1} \right)_{E_1=0} \cdot \left(\frac{4\pi P_r}{E_c} \right)^{-1}; E_1' = -E_1 E_c^{-1}; \theta_2' = \theta_2 T^{-1}; \tau' = \tau T^{-1} \right).$$

E_c , входящее в (19), — коэрцитивное поле. Для различных образцов ПК петли гистерезиса имеют некоторые количественные расхождения, что прежде всего сказывается на величине E_c . Поэтому для строгого описания экспериментальных кривых с помощью (19) необходимо знание конкретной петли гистерезиса для данного образца. На рис. 2, а приведена одна из таких петель, снятая на ПК ЦТС-19, из которой изготавливались образцы для взрывных экспериментов [1]. При расчете кривых $I'(t')$ на ЭВМ для ряда комбинаций κ_0^* , τ' , θ_2' полагалось, что петля гистерезиса не претерпевает существенных изменений в условиях динамического нагружения, которые могут быть обусловлены, например, высокими гармониками импульса тока (до 10^8 Гц), возникающего при деполяризации ПК в УВ.

Анализ кривых показывает: при $\tau' \rightarrow 0$ в момент $t'=0$ ток скачком принимает значение $I'_0 = -I/\kappa_0^*$, при увеличении τ' завал переднего фронта импульса тока увеличивается; максимум тока за время $0 < t' < 1$ смещается на оси t' в зависимости от κ_0^* , при определенных значениях κ_0^*

он может полностью нивелировать скачок тока I'_0 , влияние сводится к снижению максимального значения I' или к появлению провала тока за время $0 < t' < 1$, а также к уменьшению выделяемого в цепи заряда (сравни площади $-\int_0^1 I'(t') dt'$ под кривыми 1 и 7).

Сравнение приведенных расчетных кривых с экспериментальными [1] свидетельствует об их качественном совпадении и дает возможность судить о характере поведения, в первую очередь диэлектрической проницаемости сжатой ПК ЦТС-19. При давлении на фронте УВ $p \approx 5 \div 8$ кбар $\epsilon_2 \approx (3 \div 4) \epsilon_1$, при $p = 20$ кбар $\epsilon_2 \approx (0,5 \div 1) \epsilon_1$. Оценка электропроводности сжатой ПК показывает, что $\lambda_2 \approx 3 \cdot 10^{-4}$ 1/Ом·см на всем интервале $p = 5 \div 20$ кбар.

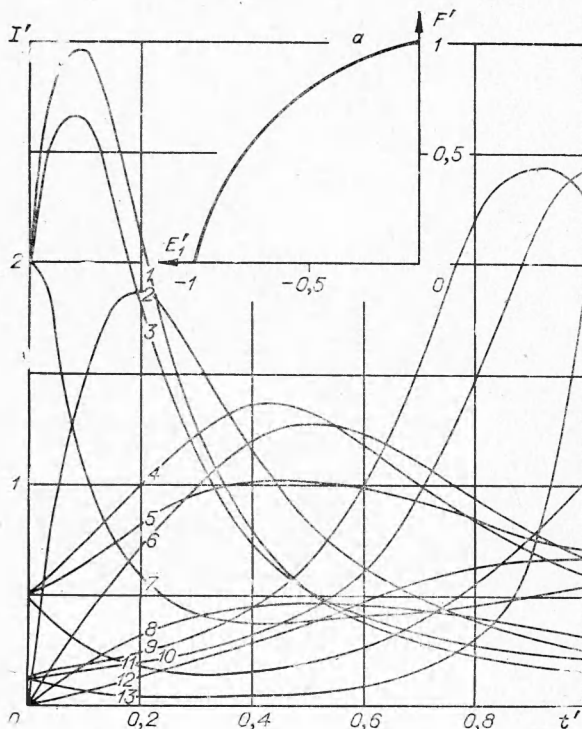


Рис. 2. Расчетные кривые $I'(t')$.

Значения параметров τ' , θ_2' и κ_0^* соответственно: 1—0, ∞ , 0,5; 2—0,1, ∞ , 0,5; 3—0,1, 0,5; 4—0, ∞ , 2; 5—0, 1, 2; 6—0, 1, ∞ , 2; 7—0, 0,1, 0,5; 8—1, ∞ , 0,5; 9—0, ∞ , 8; 10—0, 1, 8; 11—0, 0,1, 2; 12—1, ∞ , 2; 13—0, 0,1, 8.

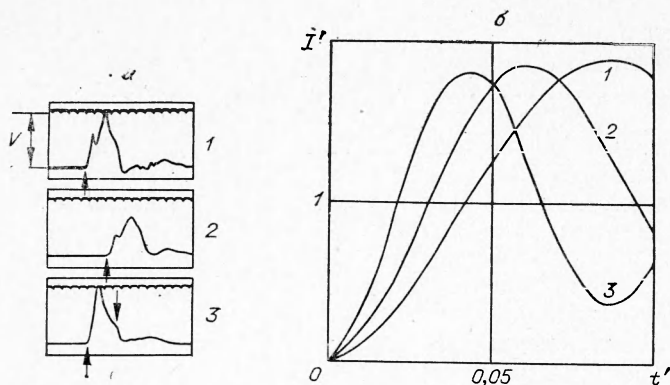


Рис. 3. Влияние индуктивности на форму $I(t)$:
 а) осциллограммы опытов с ЦТС-19 при: $p=20$ кбар, $l=1,5\pm 0,1$ мм, $R=1$ Ом, $C_1=900$ мк·мкФ, $L=70$ (1), 25 (2) и 3 (3) нГн; метки времени — 0,1 мкс, $V=168$ В; стрелками показаны моменты входа и выхода УВ из образца; развертка слева направо; б) расчетные кривые $I'(t')$ для контура RLC_1 (вблизи $t'=0$); α и ω соответственно следующие: 1 — 1,3; 35,8; 2 — 2,5; 50; 3 — 5; 71.

На рис. 3, а приведены осциллограммы $I(t)$, полученные в опытах с образцами ЦТС-19 при различных значениях L . Учет реальных параметров измерительной цепи приводит в соответствии с (18) к кривым рис. 3, б, которые качественно хорошо описывают начальные участки соответствующих экспериментальных кривых.

Поступила в редакцию
21/V 1973

ЛИТЕРАТУРА

1. Е. З. Новицкий, Е. С. Тюнькин и др. Горение и взрыв. М., «Наука», 1972, стр. 602.
2. С. Е. Reynolds, G. E. Seay. J. Appl. Phys., 1962, 33, 7, 2234.
3. W. J. Halpin. J. Appl. Phys., 1966, 37, 7, 153; 1968, 39, 12, 3821.
4. В. Н. Зубарев. ПМТФ, 1971, 2, 119.
5. Р. М. Зайдель. ЖЭТФ, 1968, 54, 4, 1253.
6. А. Г. Иванов, Ю. В. Лисицын, Е. З. Новицкий. ЖЭТФ, 1968, 54, 1, 285.
7. F. E. Allison. J. Appl. Phys., 1965, 36, 7, 2111.
8. Я. Б. Зельдович. ЖЭТФ, 1967, 53, 1, 237.
9. Ю. В. Лисицын, В. Н. Минеев, Е. З. Новицкий. ПМТФ, 1970, 3, 56.
10. А. Г. Иванов, Е. З. Новицкий. ПМТФ, 1966, 5, 104.
11. В. В. Якушев, О. К. Розанов, А. Н. Дремин. ЖЭТФ, 1968, 54, 2, 396.

УДК 534.222.2+536.531

ИССЛЕДОВАНИЕ ВОЗМОЖНОСТИ ПРИМЕНЕНИЯ ТЕРМОСОПРОТИВЛЕНИЯ ДЛЯ ИЗМЕРЕНИЯ ТЕМПЕРАТУРЫ УДАРНО-СЖАТЫХ ТВЕРДЫХ ТЕЛ

А. Н. Дремин, В. П. Иванов, А. Н. Михайлов
 (Москва)

При ударном сжатии веществ обнаружены многочисленные фазовые переходы, изменения оптических и электрических свойств, поляризация и различные химические реакции [1]. Для выяснения кинетики