

УДК 548.33

## ПОЛИМОРФИЗМ СОЕДИНЕНИЙ С НЕПОЛЯРНОЙ СТРУКТУРОЙ НИЗКОТЕМПЕРАТУРНЫХ МОДИФИКАЦИЙ

© 2010 Я.О. Шабловский\*

Гомельский государственный технический университет им. П.О. Сухого

Статья поступила 24 апреля 2009 г.

С доработки — 20 ноября 2009 г.

Найдены возможные полиморфные превращения кристаллов с неполярной структурой низкотемпературной модификации. Определены и табулированы условия монодоменизации и переключения бистабильной структуры таких кристаллов. Установлены взаимосвязи между характеристиками низкотемпературных модификаций средних и высших ферроиков.

**Ключевые слова:** полиморфизм, неполярная кристаллическая структура.

Одной из важнейших закономерностей кристаллохимии является понижение симметрии структуры полиморфного соединения при его переходе в низкотемпературную модификацию (НТМ) [ 1, 2 ]. Соединения, у которых высокотемпературная модификация (ВТМ) имеет полярную структуру, встречаются чрезвычайно редко: до настоящего времени переходы полярная ВТМ → полярная НТМ наблюдались только у двойных пропионатов  $\text{Ca}_2\text{M}(\text{C}_2\text{H}_5\text{COO})_6$  {M = Sr, Ba, Pb}, титаната бария  $\text{BaTiO}_3$  и ниобата натрия-дибария  $\text{Ba}_2\text{NaNbO}_5$  [ 3—5 ]. Как правило, структура ВТМ неполярна, так что полиморфные переходы ВТМ → НТМ распадаются на две основные группы: 1) переходы в полярную НТМ; 2) переходы в неполярную НТМ.

Полярные кристаллические структуры и их полиморфизм активно изучают уже несколько десятилетий [ 6, 7 ], тогда как устойчивый интерес к неполярным кристаллическим структурам появился лишь в последние годы [ 8, 9 ]. Недавно были получены результаты [ 10, 11 ], способные составить идеиную основу возможной модели полиморфных превращений кристаллов с неполярной НТМ. Естественным дополнением модельного кристаллохимического рассмотрения является теоретико-групповой подход, основанный на сопоставлении кристаллическим структурам групп симметрии этих структур. Фундаментальные положения такого подхода, в том числе, методы анализа взаимосвязи между группами симметрии кристаллов и их структурными особенностями, освещены в [ 12, 13 ]. В настоящей работе излагаются результаты теоретико-группового анализа полиморфизма кристаллов с неполярной НТМ, позволившего классифицировать их структурные превращения, определить условия бистабильности структуры НТМ и выявить некоторые взаимосвязи между величинами, описывающими ее свойства.

### ТЕОРЕТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

Полиморфные превращения иногда разделяют на переходы порядок—беспорядок и переходы типа смещения или смятия; в переводной литературе те же переходы называют соответственно реконструктивными и дисплексивными, или дисторсионными. Реконструктивными считают превращения, сопровождающиеся полной перестройкой решетки (разрыв химических связей между атомами и их последующее воссоединение в новой конфигурации), а также превращения, при которых выделенное положение структурных единиц (структурно-упорядоченная

\* E-mail: shablov@dstu.by, shablov-ya@yandex.ru

модификация) сменяется появлением равновероятных положений (структурно-разупорядоченная модификация). К переходам типа смещения относят превращения с явно выраженной преемственностью структур модификаций. Изначально подразумевалось [ 14 ], что реконструктивные превращения требуют преодоления энергетических барьеров и сопровождаются гистерезисом, а переходы типа смещения безбарьерны и соответствуют переходам II рода в классификации Эренфеста [ 15 ]. Опыт дальнейших исследований показал, что упомянутая классификация полиморфизма не универсальна и нуждается в уточнениях [ 16 ]. В настоящей работе полиморфные превращения классифицируются в русле концепции ранговой ферроичности [ 12 ].

Будем рассматривать переход НТМ  $\rightarrow$  ВТМ как переход  $\mathcal{G} \rightarrow \mathcal{G}^*$ , где  $\mathcal{G}$  — группа симметрии НТМ;  $\mathcal{G}^*$  — группа симметрии ВТМ. Преемственность кристаллических модификаций вещества обеспечивается тем, что группы симметрии структур всех модификаций имеют общую кристаллографическую надгруппу  $\mathcal{G}$ , т.е.

$$\mathcal{G} \subset \mathcal{G}, \quad \mathcal{G}^* \subseteq \mathcal{G}. \quad (1)$$

Возможны два варианта:

$$\mathcal{G} \subseteq \mathcal{G}^* \quad (2)$$

либо

$$\mathcal{G} \not\subseteq \mathcal{G}^*. \quad (3)$$

Случай (3), а также переходы, связанные с образованием сверхструктур, далее не рассматриваются. Здесь мы ограничимся анализом полиморфных переходов, соответствующих случаю (2).

Полиморфное превращение, удовлетворяющее соотношению (2), однозначно определяется конечным множеством  $\mathcal{J}$  элементов симметрии кристаллической структуры, утрачиваемых (либо приобретаемых) ею при этом превращении:

$$\mathcal{J} = \mathcal{G}^* \setminus \mathcal{G}.$$

Множеству  $\mathcal{J}$  естественно сопоставить набор тензорных инвариантов  $j_m$  ( $m = 1, 2, \dots$ ), описывающих свойства, которыми обладает НТМ, но не обладает ВТМ в силу того, что эти свойства запрещены симметрией ВТМ:

$$j_m \in (\mathcal{J} \setminus \mathcal{J}^*), \quad (4)$$

где  $\mathcal{J}$  и  $\mathcal{J}^*$  — множества инвариантов групп  $\mathcal{G}$  и  $\mathcal{G}^*$  соответственно. Инвариант низшего ранга в наборе (4) — основной инвариант — характеризует главный эффект, обусловленный понижением симметрии структуры, и таким образом определяет кристаллохимическую природу соответствующего полиморфного превращения.

Полиморфные кристаллы, испытывающие переходы типа (2), разделяют на ферроики различных рангов, полагая по определению, что ранг  $\mathfrak{R}$  ферроика равен тензорному рангу его основного инварианта. При этом особо выделяют первичные ферроики ( $\mathfrak{R} = 1$  либо 2), средние ферроики ( $\mathfrak{R} = 3$  либо 4) и высшие ферроики ( $\mathfrak{R} \geq 5$ ).

При переходе в НТМ полиморфные кристаллы разбиваются на домены. Характер доменизации ферроиков определяется соотношением (2): структура отдельного домена имеет симметрию группы  $\mathcal{G}$ , тогда как симметрия полидоменного кристалла НТМ в целом соответствует группе  $\mathcal{G}^*$ . Явление доменизации хорошо известно, однако обычно подразумевается, что оно свойственно сегнетоэлектрикам и магнетикам. В действительности доменизация имеет место у всех ферроиков. При этом существует определенное внешнее воздействие, способное монодоменизировать кристалл НТМ, а при своей инверсии — "переключать" (реориентировать) упорядоченную конфигурацию структурных единиц НТМ из одного стабильного состояния в другое, энергетически эквивалентное стабильное состояние. У первичных ферроиков с полярной

НТМ описанная бистабильность структуры проявляется в способности к переполяризации решетки, что широко применяется в практике экспериментальных исследований [7]. Установление природы внешнего воздействия, переключающего домены НСМ ферроика — основной путь экспериментального определения типа (ранга) ферроика. При этом, однако, следует учитывать, что у высших ферроиков макроскопические различия между структурными фазами труднодоступны для наблюдения, что серьезно препятствует обнаружению их доменной структуры и тем более ее переключению.

### РЕЗУЛЬТАТЫ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

Воздействия, обеспечивающие монодоменизацию и последующее переключение бистабильной структуры полиморфных кристаллов с неполярной НТМ, указаны в табл. 1 и 2, где приняты следующие обозначения:  $E_i$  ( $i = 1, 2, 3$ ) — напряженность электрического поля,  $X_v$  ( $v = 1, 2, \dots, 6$ ) — механическое напряжение,  $\dot{M}_i$  — момент кручения.

В табл. 1 перечислены полиморфные превращения неполярных первичных ферроиков. Монодоменизация структуры их НТМ обеспечивается одиночным механическим воздействием. Кристаллы, испытывающие такие переходы, являются ферроиками второго ранга, а точнее, истинными ферроиками второго ранга. Указанное уточнение оправдано тем, что кристаллы, монодоменизуемые механическим напряжением, также встречаются среди первичных ферроиков с полярной НТМ. В последнем случае имеет место сочетание признаков ферроиков первого и второго рангов, т.е. кристаллы являются смешанными ферроиками первого — второго ранга.

В табл. 2 перечислены полиморфные превращения неполярных средних ферроиков. При таких переходах монодоменизация структуры НТМ обеспечивается парным воздействием, вследствие чего средние ферроики более сложны для экспериментального изучения, нежели первичные ферроики. С учетом этого в табл. 2 знаком (⊕) отмечены полиморфные переходы, которые могут контролироваться хирооптическими методами [17], так как переключение структуры НТМ таких кристаллов сопровождается изменением их оптической вращательной способности.

В табл. 3 перечислены полиморфные превращения высших ферроиков. Монодоменизация структуры НТМ таких соединений, по-видимому, практически невозможна, поскольку при названных переходах различия между ВТМ и НТМ проявляются в анизотропных эффектах третьего и более высоких порядков.

Доля ферроиков определенного ранга  $\mathfrak{R}$  в общем количестве известных из опыта примеров полиморфизма заметно убывает с ростом  $\mathfrak{R}$ . Наиболее распространены неферроичные переходы ( $\mathfrak{R} = 0$ ). Этому случаю соответствует групповое равенство  $\mathcal{G}^* = \mathcal{G}$ , поэтому неферроичные структурные превращения часто называют изоморфными или изоструктурными. Для большинства ферроиков  $\mathfrak{R} = 1$  либо 2. В классе средних ферроиков преобладают ферроики третьего

Таблица 1

#### *Неполярные ферроики второго ранга*

Группа симметрии НТМ	Группа симметрии ВТМ	Монодоменизирующее воздействие
$\bar{4}$	$422; \bar{4}3m; \bar{4}2m; 4/mmm; m\bar{3}m$	
$\bar{3}$	$\bar{3}m; m\bar{3}; m\bar{3}m; 6/m; 6/mmm$	$\dot{M}_3$
$6/m$	$6/mmm$	
$4/m$	$m\bar{3}m; 4/mmm$	
$2/m$	$6/m; 4/m$ $m\bar{3}m; m\bar{3}; 6/mmm; 4/mmm; mmm$	$\dot{M}_3; X_6$ $X_6$
$\bar{1}$	$2/m$	$X_4, X_5$

Таблица 2

## Неполярные средние ферроики

Переход	Соединение	Монодоменизирующие воздействия	Линейная связь
$m\bar{3}m - 32^*$ ( $\oplus$ ) $m\bar{3} - 32^*$ ( $\oplus$ ) $6/mmm - 32^*$ ( $\oplus$ )	HgS, HgSe, HgTe RbNO <sub>3</sub> , CsNO <sub>3</sub> —	$E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6;$ $E_1X_4 = -E_2X_5; E_1\dot{M}_1 = E_2\dot{M}_2;$ $E_3\dot{M}_3; X_1X_4 = -X_2X_4 = X_5X_6$	$\Psi_{11} \sim \Psi_{14} \sim g_{11} \sim g_{33} \sim c_{14}$
432 – 32*	—	$E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6;$ $E_1X_4 = -E_2X_5$	$\Psi_{11} \sim \Psi_{14} \sim c_{14}$
622 – 32*	SiO <sub>2</sub> , AlPO <sub>4</sub>	$X_1X_4 = -X_2X_4 = X_5X_6;$ $E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6$	$\Psi_{11} \sim c_{14}$
$m\bar{3} - 32$ ( $\oplus$ )	AlF <sub>3</sub> , ScF <sub>3</sub> , Cs <sub>3</sub> As <sub>2</sub> Cl <sub>9</sub>	$X_1X_4 = -X_2X_4 = X_5X_6;$ $E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6$	$\Psi_{11} \sim \Psi_{14} \sim g_{11} \sim g_{33}$
$\bar{6}2m - 32^*$	Na <sub>2</sub> ThF <sub>6</sub>	$E_1X_4 = -E_2X_5;$ $E_1\dot{M}_1 = E_2\dot{M}_2; E_3\dot{M}_3;$ $X_1X_4 = -X_2X_4 = X_5X_6$	$\Psi_{14} \sim g_{11} \sim g_{33} \sim c_{14}$
$6/mmm - \bar{6}2m$	—	$E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6$	—
$6/m - \bar{6}$	—	$E_1X_1 = -E_1X_2 = -E_2X_6;$ $E_2X_2 = -E_2X_1 = -E_1X_6$	$\Psi_{11} \sim \Psi_{22}$
$m\bar{3} - 23$ ( $\oplus$ ) $m\bar{3}m - 23$ ( $\oplus$ )	NH <sub>3</sub>	$E_1X_4 = -E_2X_5 = -E_3X_6;$ $E_1\dot{M}_1 = E_2\dot{M}_2 = E_3\dot{M}_3$	$\Psi_{14} \sim g_{11}$
$m\bar{3}m - \bar{4}2m$ $4/mmm - \bar{4}2m$	AgInS <sub>2</sub> , AgInSe <sub>2</sub> , NH <sub>4</sub> NO <sub>3</sub> W <sub>5</sub> Ge <sub>3</sub>	$E_1X_4 = E_2X_5; E_3X_6;$ $E_1\dot{M}_1 = -E_2\dot{M}_2$	$\Psi_{14} \sim \Psi_{36} \sim g_{11}$
$m\bar{3}m - 422$ ( $\oplus$ ) $4/mmm - 422$ ( $\oplus$ ) $6/mmm - 622$ ( $\oplus$ )	Zn <sub>2</sub> GeO <sub>4</sub> , Er <sub>2</sub> Ge <sub>2</sub> O <sub>7</sub> TeO <sub>2</sub> CsCuCl <sub>3</sub>	$E_1X_4 = -E_2X_5;$ $E_1\dot{M}_1 = E_2\dot{M}_2; E_3\dot{M}_3$	$\Psi_{14} \sim g_{11} \sim g_{33}$
$6/mmm - 222$ ( $\oplus$ ) $4/mmm - 222$ ( $\oplus$ ) $mmm - 222$ ( $\oplus$ ) $m\bar{3} - 222$ ( $\oplus$ ) $m\bar{3}m - 222$ ( $\oplus$ ) $\bar{4}3m - 222$ ( $\oplus$ )	— TeO <sub>2</sub> RbBeF <sub>3</sub> , HgClBr — Ag <sub>2</sub> Se, CsClO <sub>4</sub> —	$E_1X_4; E_2X_5; E_3X_6;$ $E_1\dot{M}_1; E_2\dot{M}_2; E_3\dot{M}_3$	$\Psi_{14} \sim \Psi_{25} \sim \Psi_{36} \sim$ $\sim g_{11} \sim g_{22} \sim g_{33}$
$4/m - \bar{4}$	Nb <sub>9</sub> PO <sub>25</sub>	$E_1X_4 = E_2X_5; E_1X_5 = -E_2X_4;$ $E_3X_1 = -E_3X_2; E_3X_6;$ $E_1\dot{M}_1 = -E_2\dot{M}_2; E_1\dot{M}_2 = E_2\dot{M}_1$	$\Psi_{14} \sim \Psi_{15} \sim \Psi_{31} \sim \Psi_{36} \sim$ $\sim g_{11} \sim g_{12}$
422 – 222 622 – 222	TeO <sub>2</sub> —	$E_3X_6$	—
432 – 23 $m\bar{3}m - \bar{4}3m$	— CuBr, InAs	$E_1X_4 = E_2X_5 = E_3X_6$	—
$m\bar{3}m - 432$ ( $\oplus$ ) $\bar{4}3m - 23$ ( $\oplus$ )	— ZrOS	$E_1\dot{M}_1 = E_2\dot{M}_2 = E_3\dot{M}_3$	—
$\bar{4}3m - \bar{4}2m$ $\bar{4}2m - 222$	ZnSnAs <sub>2</sub> , AgGaTe <sub>2</sub> NH <sub>4</sub> H <sub>2</sub> PO <sub>4</sub> , ND <sub>4</sub> D <sub>2</sub> PO <sub>4</sub>	$E_1\dot{M}_1 = -E_2\dot{M}_2$ $E_3\dot{M}_3$	—
$m\bar{3}m - m\bar{3}$ $m\bar{3} - \bar{3}m$ $6/mmm - \bar{3}m$	CsNO <sub>2</sub> , BaCO <sub>3</sub> , LaOF CoTe <sub>2</sub> , NiTe <sub>2</sub> , In <sub>2</sub> O <sub>3</sub> , Tl <sub>2</sub> O <sub>3</sub> NbS <sub>2</sub>	$X_1X_4 = -X_2X_4 = X_5X_6$	—

Таблица 3

## Высшие ферроиды

Переход	Соединение	Переход	Соединение
23 – 222	$K_2Mn_2(SO_4)_3$ , $Rb_2Cd_2(SO_4)_3$ , $Tl_2Cd_2(SO_4)_3$	$m\bar{3} - mmm$	$FeTe_2$ , $FeSe_2$ , $PdSe_2$ , $IrS_2$
$m\bar{3}m - m\bar{3}$	$ReO_3$ , $K_2Na[AlF_6]$	$4/mmm - mmm$	$KSCN$ , $LaOF$ , $CrVO_4$ , $MnF_2$ , $NiF_2$ , $EuBr_2$ , $GeO_2$
$m\bar{3}m - 4 / mmm$	$ZnF_2$ , $NH_4Hal$ ( $Hal = F, Cl, Br, I$ )	$6/mmm - mmm$	$BaCrO_3$ , $HoAlO_3$ , $ErVO_3$ , $PtO_2$ , $U_2O_5$
$m\bar{3}m - mmm$	$RbBF_4$ , $NH_4BF_4$ , $Cd_2SiO_4$		

ранга. Полиморфные превращения смешанных ферроидов третьего — четвертого ранга в табл. 2 отмечены звездочкой. Полиморфные превращения, соответствующие истинным ферроидам четвертого ранга, указаны в нижних ячейках табл. 2, отделенных от ее основной части двойной горизонтальной линией. Класс высших ферроидов исчерпывается семью переходами, перечисленными в табл. 3.

Теперь вернемся к соотношению (4). При полиморфных превращениях ферроидов первого ранга основным инвариантом является поляризация решетки, а при полиморфных превращениях ферроидов второго ранга — ее упругая деформация. Многим средним ферроидам свойственны несколько (не менее двух) эквивалентных основных инвариантов. Неоднозначность основного инварианта обуславливает существование линейной взаимосвязи между соответствующими характеристиками НТМ ферроидов.

В самом деле, все инварианты (4) по определению обусловлены одним и тем же искажением структуры  $\mathcal{J}^* \rightarrow \mathcal{J}$ , поэтому при любой термодинамической траектории энантиотропного перехода все эти инварианты изменяются по одному и тому же закону. Следовательно, температурные зависимости инвариантов  $j_m$  совпадают с точностью до постоянного множителя. То же верно для их барических зависимостей.

Указанная закономерность детализирована в последнем столбце табл. 2, где названы характеристики НТМ неполярных средних ферроидов, взаимосвязанные прямой пропорциональностью (знак  $\sim$ ). Приняты обозначения:  $c_{\mu\nu}$  — жесткость ( $\mu, \nu = 1, 2, \dots, 6$ ),  $\Psi_{iv}$  — пьезокоэффициент,  $g_{ij}$  — компонента псевдотензора гирации ( $i, j = 1, 2, 3$ ).

Имеющиеся в литературе данные позволили проиллюстрировать соотношение  $\Psi_{11} \sim c_{14}$  для НТМ  $SiO_2$  ( $\alpha$ -кварц). Экспериментальные значения  $\Psi_{11}$  и  $c_{14}$  [18, 19], соответствующие одной и той же температуре ( $293 K \leq T \leq 846 K$ ), использовались в качестве координат точек, нанесенных на плоскость ( $\Psi_{11}; c_{14}$ ). Зависимость  $\Psi_{11}(c_{14})$ , полученная таким построением, представлена на рис. 1.

Отдельного обсуждения заслуживает взаимосвязь между характеристиками средних и высших ферроидов, при полиморфных превращениях которых  $\mathcal{J} = c$  либо  $\mathcal{J} = \ell$ , где  $c$  — изометрическая подгруппа кубической голоэдрии  $m\bar{3}m$ ;  $\ell$  — тетрагональная аксиальная подгруппа голоэдрии  $4/mmm$ . Такие переходы наблюдаются, в частности, у  $TiO_2$ , гидродифторидов щелочных металлов и галогенидов аммония [20—23].

Следуя [24], запишем общее выражение для термодинамического потенциала  $\varphi$  полиморфного кристалла:

$$\varphi = f(\theta) + \theta A(X_v) + B(X_v), \quad (5)$$

где  $f(\theta)$  — скалярная функция параметра  $\theta = T - T_\lambda$ ;  $T_\lambda$  — температура полиморфного перехода;  $A(X_v)$  и  $B(X_v)$  — некоторые тензорные функции механического напряжения. Обозначив

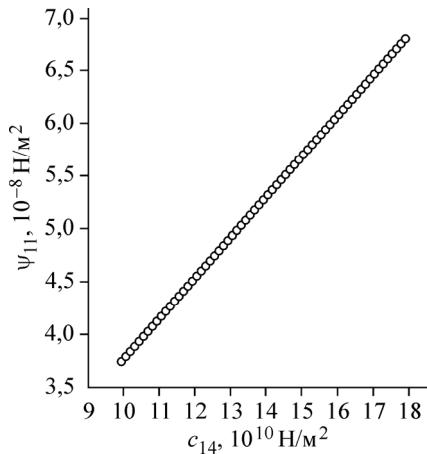


Рис. 1. Взаимная корреляция жесткости  $c_{14}$  и пьезо-коэффициента  $\Psi_{11}$  диоксида кремния  $\text{SiO}_2$

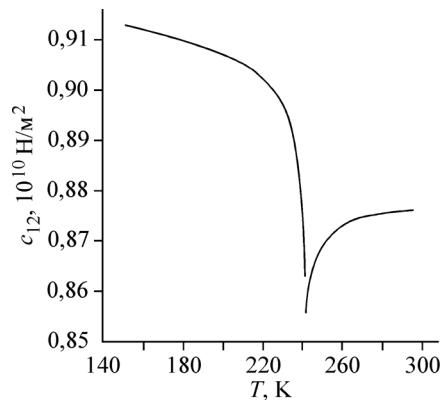


Рис. 2. Температурная зависимость жесткости хлорида аммония  $\text{NH}_4\text{Cl}$

$S_{\mu\nu} = c_{\mu\nu}^{-1}$ , после формальных преобразований из (5) получаем:

$$S_{\mu\nu} = -\alpha_\mu \gamma_\nu + \gamma_\nu \left( \frac{\partial A}{\partial X_\mu} \right)_{X_\mu} + \gamma_\mu \left( \frac{\partial A}{\partial X_\nu} \right)_{X_\nu} - \theta \frac{\partial^2 A}{\partial X_\mu \partial X_\nu} + B_{\mu\nu}, \quad (6)$$

где  $\gamma_\nu = (\partial T_\lambda / \partial X_\nu)_{X_\mu}$ ;  $B_{\mu\nu} = -\frac{\partial^2 B}{\partial X_\mu \partial X_\nu}$ ;  $\alpha$  — тензор теплового расширения. Симметрия

структур, соответствующих группам  $c$  и  $t$ , обеспечивает выполнение равенств  $\alpha_1 = \alpha_2$ ,  $\gamma_1 = \gamma_2$ , с учетом которых формула (6) дает:

$$S_{12} - S_{11} = B_{12} - B_{11}. \quad (7)$$

Величины  $B_{11}$  и  $B_{12}$  зависят только от приложенного механического напряжения  $X_\nu$ . Следовательно, при  $X_\nu = \text{const}$  для полиморфных кристаллов с кубической либо аксиальной тетрагональной НТМ вместо (7) можно записать:

$$\tilde{S} \equiv \frac{1}{c_{12}} - \frac{1}{c_{11}} = \text{const}. \quad (8)$$

Вытекающее из (8) равенство

$$c_{12} = \frac{c_{11}}{1 + \tilde{S} c_{11}} \quad (9)$$

позволило рассчитать недоступную для прямого измерения жесткость  $c_{12}$  полиморфного хлорида аммония  $\text{NH}_4\text{Cl}$  ( $\tilde{S} = 0,88 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2/\text{H}$  [25]). Температурная зависимость  $c_{12}(T)$ , рассчитанная на основании (9) по известной из опыта [26] температурной зависимости  $c_{11}(T)$ , представлена на рис. 2.

## ВЫВОДЫ

На основании результатов теоретико-группового анализа возможных полиморфных превращений кристаллов с неполярной НТМ (см. табл. 1—3) определены и табулированы условия монодоменизации и переключения бистабильной структуры таких кристаллов. Установлены некоторые взаимосвязи между характеристиками НТМ средних и высших ферроиков (см. табл. 2, формулы (8) и (9)).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Филатов С.К. Высокотемпературная кристаллохимия. – Л.: Недра, 1990.
2. Newham R.E. Properties of materials: anisotropy, symmetry, structure. – Oxford: University Press, 2005.
3. Osaka T., Makita Y., Gesi K. // J. Phys. Soc. Jpn. – 1975. – **38**, N 1. – P. 292.
4. Бурсиан Э.В. Нелинейный кристалл титаната бария. – М.: Наука, 1974.
5. Kojima S., Asaumi K., Nakamura T., Minomura S. // J. Phys. Soc. Jpn. – 1978. – **45**. – P. 1433.
6. Curtin D., Lain P. // Chem. Rev. – 1981. – **81**, N 6. – P. 525 – 541.
7. Барфут Дж., Тейлор Дж. Полярные диэлектрики и их применения. – М.: Мир, 1981.
8. Косяков В.И., Шестаков В.А. // Химия в интересах устойчивого развития. – 2000. – **8**, № 1-2. – С. 151.
9. Андреев В.Д., Малик В.Р., Подзярей Г.А. // Журн. структур. химии. – 2001. – **42**, № 2. – С. 280.
10. Косяков В.И., Шестаков В.А. // Там же. – 2005. – **46**, № 3. – С. 468.
11. Косяков В.И., Шестаков В.А. // Журн. физ. химии. – 2008. – **82**, № 8. – С. 1453.
12. Изюмов Ю.А., Сыромятников В.Н. Фазовые переходы и симметрия кристаллов. – М.: Наука, 1984.
13. Chapuis G. In: Modern perspectives in inorganic crystal chemistry / Ed. E. Parthé. – Kluwer Academic Publ., 1992. – P. 1 – 16.
14. Buerger M.J., Bloom M.C. // Ztschr. für Kristallogr. – 1937. – **96**, N 4. – S. 182.
15. Ehrenfest P. // Proc. Koninkl. Acad. van Wetenschappen te Amsterdam. – 1933. – **36**, N 2. – P. 153.
16. Бацанов С.С. Экспериментальные основы структурной химии. – М.: Изд-во стандартов, 1986.
17. Краббе П. Применение хирооптических методов в химии / Пер. с англ. под ред. Е.И. Клабуновского. – М.: Мир, 1974.
18. Смагин А.Г., Ярославский М.И. Пьезоэлектричество кварца. – М.: Энергия, 1970.
19. Зубов В.Г., Фирсова М.М. // Кристаллография. – 1956. – **1**, № 5. – С. 546.
20. Кабалкина С.С., Дюжева Т.И. // Геохимия. – 1980. – № 1. – С. 141 – 142.
21. White A., Pistorius C. // J. Chem. Phys. – 1972. – **56**, N 9. – P. 4318 – 4324.
22. Wang C., Wright R. // Ibid. – 1974. – **60**, N 3. – P. 849 – 854.
23. Sorai M., Suga H. // Bull. Chem. Soc. Jpn. – 1965. – **38**, N 7. – P. 1125 – 1136.
24. Русанов А.И. Термодинамические основы механохимии. – С.-Петербург: Наука, 2006. – С. 88 – 104.
25. Garland C., Jones J. // J. Chem. Phys. – 1963. – **39**, N 11. – P. 2874 – 2880.
26. Garland C., Renard R. // Ibid. – 1966. – **44**, N 3. – P. 1130 – 1139.