

ПОТОКИ ЧАСТИЦ И ТЕПЛА В ПЛАЗМЕ ВДОЛЬ СИЛЬНОГО
МАГНИТНОГО ПОЛЯ

Ю. М. Алиев, А. Р. Шистер

(Москва)

Рассмотрены явления переноса в полностью ионизованной электронно-ионной плазме в случае, когда средние ларморовские радиусы могут оказаться меньше дебаевского радиуса экранирования кулоновского взаимодействия. Исходя из кинетического уравнения, учитывающего влияние магнитного поля на акт соударения частиц, получены потоки частиц и тепла вдоль поля.

1. Исходное кинетическое уравнение. В [1] было получено кинетическое уравнение, которое учитывает влияние магнитного поля на акт соударения частиц. Это уравнение для функции распределения α — сорта частиц $f_\alpha(t, \mathbf{v}_\alpha, \mathbf{r}_\alpha)$ с зарядом e_α и массой m_α , находящихся в однородном электрическом поле \mathbf{E} и магнитном \mathbf{H} , имеет вид

$$\frac{\partial f_\alpha}{\partial t} + \mathbf{v}_\alpha \frac{\partial f_\alpha}{\partial \mathbf{r}_\alpha} + \frac{e_\alpha}{m_\alpha} (\mathbf{E} + \frac{1}{c} \mathbf{v}_\alpha \times \mathbf{H}) \frac{\partial f_\alpha}{\partial \mathbf{v}_\alpha} = I \quad (1.1)$$

где

$$I = \frac{1}{m_\alpha} \frac{\partial}{\partial \mathbf{v}_\alpha} \sum_{\beta} \int d\mathbf{v}_\beta d\mathbf{r}_\beta \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_\alpha} \left| \frac{e_\alpha e_\beta}{|\mathbf{r}_\alpha - \mathbf{r}_\beta|} \right| \int_0^\infty E(\tau, \mathbf{v}_\alpha, \mathbf{v}_\beta, \mathbf{r}_\alpha, \mathbf{r}_\beta) d\tau \quad (1.2)$$

$$E(\tau, \mathbf{v}_\alpha, \mathbf{v}_\beta, \mathbf{r}_\alpha, \mathbf{r}_\beta) = \frac{\partial}{\partial \mathbf{r}_\alpha} \left(\frac{e_\alpha e_\beta}{|\mathbf{r}_\alpha - \mathbf{r}_\beta|} \right) \left(\frac{1}{m_\alpha} \frac{\partial}{\partial \mathbf{v}_\alpha} - \frac{1}{m_\beta} \frac{\partial}{\partial \mathbf{v}_\beta} \right) f_\alpha f_\beta \Big|_{\substack{\mathbf{r} \rightarrow \mathbf{R} \\ \mathbf{v} \rightarrow \mathbf{V}}} \quad (1.3)$$

В (1.3) следует заменить момент времени t на $t + \tau$, координаты и скорости — на координаты и скорости частиц, движущихся в однородном постоянном магнитном поле в момент времени $t + \tau$, если в момент времени t они находились в точке \mathbf{r}_α и имели скорость \mathbf{v}_α , т. е. скорости \mathbf{v}_α заменяются на

$\mathbf{V}_\alpha(\tau, \mathbf{v}_\alpha) = \mathbf{h}(\mathbf{h}\mathbf{v}_\alpha) - (\mathbf{h} \times \mathbf{v}_\alpha) \sin \Omega_\alpha \tau - \mathbf{h} \times (\mathbf{h} \times \mathbf{v}_\alpha) \cos \Omega_\alpha \tau \quad (1.4)$
и координаты \mathbf{r}_α на

$$\mathbf{R}_\alpha(\tau, \mathbf{v}_\alpha, \mathbf{r}_\alpha) = \mathbf{r}_\alpha + \int_0^\tau \mathbf{V}_\alpha(\tau', \mathbf{v}_\alpha) d\tau' \quad (1.5)$$

Здесь \mathbf{h} — единичный вектор, направленный вдоль магнитного поля, Ω_α — ларморовская частота.

Воспользуемся уравнением (1.1) для описания процессов переноса в плазме вдоль магнитного поля. Считая неоднородность плазмы и внешнее электрическое поле слабыми, будем искать f_α в виде

$$f_\alpha = f_\alpha^{(0)} (1 + \Phi_\alpha) \quad (1.6)$$

$$\left(f_\alpha^{(0)} = n_\alpha(\mathbf{r}_\alpha, t) m_\alpha^{3/2} [2\pi T(\mathbf{r}_\alpha, t)]^{-3/2} \exp \left\{ -\frac{m_\alpha}{2T} [\mathbf{v}_\alpha - \mathbf{v}_0(\mathbf{r}_\alpha, t)]^2 \right\} \right)$$

Здесь $f_\alpha^{(0)}$ — «локальная» максвелловская функция, а Φ_α — поправка, обусловленная наличием электрического поля и слабой неоднородностью плазмы.

Средняя массовая скорость

$$\mathbf{v}_0(\mathbf{r}, t) = \sum_{\alpha} m_{\alpha} \int \mathbf{v}_{\alpha} f_{\alpha} d\mathbf{v}_{\alpha} / \sum_{\alpha} m_{\alpha} n_{\alpha} \quad (1.7)$$

В уравнениях (1.3) удобно перейти к новой независимой переменной, а именно, вместо скорости частиц данного сорта к относительной скорости частиц данного сорта по отношению к \mathbf{v}_0 . Учитывая слабую зависимость функции распределения от координат и времени и переходя к Фурье-представлению по координатам в (1.2), окончательно получаем

$$\begin{aligned} f_{\alpha}^{(0)} \bar{\mathbf{v}}_{\alpha} \left[\left(\frac{m_{\alpha} v_{\alpha}^2}{2T} - \frac{5}{2} \right) \frac{\partial \ln T}{\partial \mathbf{r}} + \frac{\partial \ln n_{\alpha} T}{\partial \mathbf{r}} - \frac{e_{\alpha}}{T} \left(\mathbf{E} + \frac{1}{c} \mathbf{v}_0 \times \mathbf{H} \right) \right] = \\ = \frac{2}{\pi m_{\alpha}} \frac{\partial}{\partial \mathbf{v}_{\alpha}} \sum_{\beta} (e_{\alpha} e_{\beta})^2 \int f_{\alpha}^{(0)} f_{\beta}^{(0)} e^{i\mathbf{k}\bar{\mathbf{M}}_{\alpha\beta}} \mathbf{k} \left(\frac{\mathbf{k}}{m_{\alpha}} \frac{\partial \Phi_{\alpha}}{\partial \mathbf{V}_{\alpha}} - \frac{\mathbf{k}}{m_{\beta}} \frac{\partial \Phi_{\beta}}{\partial \mathbf{V}_{\beta}} \right) d\mathbf{v}_{\beta} \frac{dk}{k^4} d\tau \quad (1.8) \\ (\mathbf{M}_{\alpha\beta} = \mathbf{R}_{\alpha} - \mathbf{R}_{\beta} - (\mathbf{r}_{\alpha} - \mathbf{r}_{\beta})) \end{aligned}$$

Интегрирование по k в правой части (1.8) следует производить от нижнего предела

$$k_{\min} \approx r_D^{-1} = (4\pi n e^2 / T)^{-1/2}$$

определенного экранировкой взаимодействия на больших расстояниях, до верхнего

$$k_{\max} \approx r_{\min}^{-1} = T e^{-2}$$

определенного неприменимостью теории возмущений, при помощи которой было получено уравнение (1.1).

2. Решение кинетического уравнения. Учитывая вид левой части (1.8), будем искать Φ_{α} в виде

$$\Phi_{\alpha} = \left(A_{\alpha} \frac{\partial \ln T}{\partial \mathbf{r}} + B_{\alpha} \mathbf{d} \right) \cdot \bar{\mathbf{v}}_{\alpha} \quad (2.1)$$

где

$$\mathbf{d} = \frac{n_e}{n} \left[\frac{\partial \ln n_e T}{\partial \mathbf{r}} + \frac{e}{T} \left(\mathbf{E} + \frac{1}{c} \mathbf{v}_0 \times \mathbf{H} \right) \right] \quad (2.2)$$

Величины A_{α} и B_{α} , как функции скоростей, разлагаются в ряд по полиномам Лагерра порядка $3/2$

$$A_{\alpha} = \sum_{\mu=0}^{\infty} a_{\alpha\mu} L_{\mu} \left(\frac{m_{\alpha} v_{\alpha}^2}{2T} \right), \quad B_{\alpha} = \sum_{\mu=0}^{\infty} b_{\alpha\mu} L_{\mu} \left(\frac{m_{\alpha} v_{\alpha}^2}{2T} \right) \quad (2.3)$$

Подставляя (2.1) в (1.9) используя разложение (2.3) и свойство ортогональности полиномов Лагерра, нормированных условием

$$\int_0^{\infty} x^{3/2} e^{-x} L_p(x) L_q(x) dx = p! \Gamma \left(p + \frac{5}{2} \right) \delta_{pq}$$

после интегрирования по всем скоростям, получим следующую систему уравнений для определения коэффициентов $a_{\alpha\mu}$ и $b_{\alpha\mu}$

$$\begin{aligned} \sum_{\mu=0}^{\infty} \left(a_{e\mu} K_{s\mu}^e - \frac{m_e}{m_i} a_{i\mu} K_{s\mu}^{ei} \right) &= \frac{5}{2v} \delta_{s1}, \quad \sum_{\mu=0}^{\infty} \left(a_{e\mu} K_{s\mu}^{ie} - \frac{m_e}{m_i} a_{i\mu} K_{s\mu}^i \right) = -\frac{5n_i}{2n_e v} \delta_{s1} \\ \sum_{\mu=0}^{\infty} \left(b_{e\mu} K_{s\mu}^e - \frac{m_e}{m_i} b_{i\mu} K_{s\mu}^{ei} \right) &= -\frac{n}{n_e v} \delta_{s0}, \quad \sum_{\mu=0}^{\infty} \left(b_{e\mu} K_{s\mu}^{ie} - \frac{m_e}{m_i} b_{i\mu} K_{s\mu}^i \right) = -\frac{n}{n_e v} \delta_{s0} \\ v &= \frac{4 \sqrt{2\pi} (e_i e)^2 n_i}{3T^{3/2} \sqrt{m_e}}, \quad e_i = Ze \quad (2.4) \end{aligned}$$

Если в (2.3) ограничиться разложением по первым трем полиномам Лагерра, получим следующие выражения для матриц, входящих в (2.4)

$$K_{sp}^e = J_0 \begin{vmatrix} 1 & 3/2 & 15/4 \\ 3/2 & 13/4 & 69/8 \\ 15/4 & 69/8 & 433/16 \end{vmatrix} + \frac{n_e}{n_i Z^2 V^2} \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & \kappa_{11}^e & \kappa_{12}^e \\ 0 & \kappa_{21}^e & \kappa_{22}^e \end{vmatrix} \quad (2.5)$$

$$K_{sp}^{ei} = J_0 \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 3/2 & 0 & 0 \\ 15/4 & 0 & 0 \end{vmatrix}, \quad K_{sp}^{ie} = J_0 \begin{vmatrix} 1 & 3/2 & 15/4 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{vmatrix} \quad (2.6)$$

$$K_{sp}^i = \begin{vmatrix} \vartheta_{00} & 0 & 0 \\ 0 & \vartheta_{11} & 0 \\ 0 & 0 & \vartheta_{22} \end{vmatrix} + \frac{n_i Z^2}{n_e V^2 V^{m_e}} \begin{vmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & \kappa_{11}^i & \kappa_{12}^i \\ 0 & \kappa_{21}^i & \kappa_{22}^i \end{vmatrix} \quad (2.7)$$

Здесь

$$\begin{aligned} \kappa_{11}^\alpha &= \frac{1}{2} J_2^\alpha + J_1^\alpha, & \kappa_{12}^\alpha &= \frac{3}{2} \kappa_{11}^\alpha, & \kappa_{22}^\alpha &= \frac{39}{5} J_2^\alpha + \frac{47}{4} J_1^\alpha, & \alpha &= e, i \\ \vartheta_{00} &= J_0, & \vartheta_{11} &= \frac{9}{2} J_0 + J_3, & \vartheta_{22} &= \frac{91}{2} J_0 + 14 J_3 \end{aligned} \quad (2.8)$$

При этом введены следующие обозначения:

$$J_0 = \frac{3v_e}{2\pi V \pi} \int \frac{d\mathbf{k}}{k^4} k_\parallel^2 \int_0^\infty d\tau \exp(-t_e - t_i) \quad (2.9)$$

$$J_1^\alpha = \frac{3}{2\pi V 2\pi v_\alpha} \int \frac{d\mathbf{k}}{k^4} \int_0^\infty d\tau \left(\frac{\partial t_\alpha}{\partial \tau} \right)^2 \exp(-2t_\alpha) \quad (2.10)$$

$$J_2^\alpha = \frac{3v_\alpha}{\pi V 2\pi} \int \frac{d\mathbf{k}}{k^4} k_\parallel^2 \int_0^\infty d\tau \exp(-2t_\alpha) \quad (2.11)$$

$$J_3 = \frac{3v_e}{4\pi V \pi v_i^2} \int \frac{d\mathbf{k}}{k^4} \int_0^\infty d\tau \frac{\partial t_e}{\partial \tau} \frac{\partial t_i}{\partial \tau} \exp(-t_e - t_i) \quad (2.12)$$

$$t_\alpha = v_\alpha^2 \tau^2 [k_\parallel^2 + k_\perp^2 (\Omega_\alpha \tau / 2)^{-2} \sin^2 \Omega_\alpha \tau / 2] \quad v_\alpha = (T / 2m_\alpha)^{1/2}$$

Опуская вычисление интегралов (2.9) — (2.12), отметим, что при интегрировании по τ в (1.2) верхний предел соответствовал времени разлета частиц на бесконечность. В сильном магнитном поле, когда движение частиц в плоскости, перпендикулярной магнитному полю, финитно, единственным механизмом, обеспечивающим разлет взаимодействующих частиц на бесконечность, является их движение вдоль магнитного поля. Время этого разлета по порядку величины равно R/v_\parallel , где R — прицельное расстояние, v_\parallel — проекция относительной скорости частиц на направление магнитного поля. При $v_\parallel \rightarrow 0$ время взаимодействия (разлета) неограниченно возрастает, что может приводить к логарифмически расходящимся выражениям (это имеет место в J_1^α).

Однако ясно, что при очень малых относительных скоростях, меньших v_\parallel^{\min} , определяемой из соотношения $\frac{1}{2} m (v_\parallel^{\min})^2 \approx e^2 / R$, существенным становится кулоновское взаимодействие. Уравнение (1.1), полученное в предположении слабости последнего, становится непригодным для описания поведения таких долго взаимодействующих частиц.

Поэтому при интегрировании по τ в (1.2) следует произвести обрезание времени взаимодействия¹ на $\tau_{\max}^{(k)} \approx R/v_{\parallel}^{\min}$.

Оценку вклада частиц с $\tau > \tau_{\max}^{(k)}$ следует производить, учитывая кулоновское взаимодействие. Проведенные нами вычисления показали, что этот вклад невелик и им можно пренебречь.

3. Сводка полученных результатов. Определим среднюю диффузионную скорость частиц $\langle v_{\alpha} \rangle$ и поток энергии q_{α} следующим образом:

$$\langle v_{\alpha} \rangle = \frac{1}{n_{\alpha}} \int f_{\alpha} v_{\alpha} d\mathbf{v}_{\alpha}, \quad q_{\alpha} = \int f_{\alpha} \mathbf{v}_{\alpha} \frac{m_{\alpha} v_{\alpha}^2}{2} d\mathbf{v}_{\alpha}$$

Или, используя, (2.1) — (2.3), получим

$$\langle v_{\alpha} \rangle = \frac{T}{m_{\alpha}} \left(a_{\alpha 0} \frac{\partial \ln T}{\partial \mathbf{r}} + b_{\alpha 0} \mathbf{d} \right) \quad (3.1)$$

$$q_{\alpha} = \frac{5}{2} T n_{\alpha} \langle v_{\alpha} \rangle - \frac{5n_{\alpha} T^2}{2m_{\alpha}} \left(a_{\alpha 1} \frac{\partial \ln T}{\partial \mathbf{r}} + b_{\alpha 1} \mathbf{d} \right) \quad (3.2)$$

Коэффициенты $a_{\alpha 0}$, $b_{\alpha 0}$, $a_{\alpha 1}$, $b_{\alpha 1}$, входящие в (3.1) и (3.2), определяются из решения системы уравнений (2.4). Используя условие $a_{e0}n_e + a_{i0}n_i = 0$, вытекающее из (1.8), получаем

$$a_{i1} = \frac{5n_i m_i}{2n_e m_e v} K_{22}^i [K_{22}^i K_{11}^i - (K_{12}^i)^2]^{-1}, \quad b_{i1} = 0 \quad (3.3)$$

$$a_{e1} = \frac{5}{2v} [K_{00}^e K_{22}^e - (K_{20}^e)^2] / \text{Det} |K_{sp}^e| \quad (3.4)$$

$$a_{e0} = -\frac{5n_e}{2n} b_{e1} = -\frac{5}{2v} [K_{01}^e K_{22}^e - K_{20}^e K_{21}^e] / \text{Det} |K_{sp}^e| \quad (3.5)$$

Если в (2.3) ограничиться разложением по первым двум полиномам Лагерра, (3.3) — (3.5) принимают вид

$$a_{i1} = \frac{5n_i m_i}{2n_e m_e v} \left(\vartheta_{11} + \frac{n_i Z^2}{n_e V^2} \sqrt{\frac{m_i}{m_e}} \chi_{11}^i \right)^{-1}, \quad b_{i1} = 0 \quad (3.6)$$

$$a_{e1} = \frac{5}{2v} \left(J_0 + \frac{n_e \chi_{11}^e}{n_i Z^2 V^2} \right)^{-1} \quad (3.7)$$

$$a_{e0} = -\frac{5n_e}{2n} b_{e1} = -\frac{3}{2} a_{e1} \quad (3.8)$$

Чем больше число полиномов, при помощи которых аппроксимируется поправка к функции распределения, тем точнее получаются выражения для коэффициентов переноса. Сравнение результатов, получаемых с различным числом полиномов [2], показывает, что ошибка при вычислениях с одним полиномом Лагерра для некоторых коэффициентов может быть

¹ При электрон-ионных столкновениях с прицельными параметрами, лежащими в области от r_e до r_i , когда влиянием магнитного поля на движение иона можно пренебречь, возможен еще один механизм обрезания времени столкновения частиц, связанный с выходом иона из сферы взаимодействия. Время такого выхода порядка R/v_i , где v_i — средняя тепловая скорость иона. При $R = r_0 = r_{\min} m_i / m_e$ это время и $\tau_{\max}^{(k)}$ оказываются одинаковыми. Таким образом, в области прицельных параметров от r_e до r_0 взаимодействие частиц обрезается в результате кулоновского ускорения электрона в поле иона, в области от r_0 до r_i , где кулоновское поле достаточно слабое, из сферы взаимодействия раньше уходит свободный ион.

сравнимы с самой вычисляемой величиной, в то время как переход к двум аппроксимирующими полиномам резко повышает точность расчетов. Дальнейшее увеличение числа полиномов, не приводя к существенному увеличению точности, сильно усложняет формулы.

Значения коэффициентов (3.3) — (3.5), вычисленные с тремя полиномами Лагерра, даются в приложении. Таким образом, осталось привести значения интегралов (2.9) — (2.12), входящих в матрицы (2.5) — (2.8). В зависимости от величины ларморовских радиусов частиц $\rho_e = v_e / \Omega_e$ и $\rho_i = |v_i / \Omega_i|$ получаем следующие выражения:

$$J_2^\alpha = \begin{cases} \ln r_D^* & (r_D \ll \rho_\alpha) \\ \ln r_D^* + 1/2 \ln (r_D / \rho_\alpha) & (r_D \gg \rho_\alpha) \end{cases} \quad (3.9)$$

$$J_0 = J_2^e$$

$$J_1^\alpha = \begin{cases} 3/2 \ln r_D^* & (r_D \ll \rho_\alpha) \\ \sqrt{2\pi}/8 + 1/2 \ln (\rho_\alpha^* + 3/4 \ln (r_D / \rho_\alpha)) & (r_D \gg \rho_\alpha) \end{cases} \quad (3.10)$$

$$J_3 = 3 \ln r_D^* \quad (r_D \ll \rho_e) \quad (3.11)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/2 \ln (m_i / m_e) \ln (r_D / \rho_e)] \quad (\rho_i \gg r_D \gg \rho_e \gg r_0)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/2 \ln (m_i / m_e) \ln (r_D / r_0) + 1/4 \ln (r_0 / \rho_e) \ln (r_0^* \rho_e^*)] \quad (\rho_e \gg r_D \gg r_0 \gg \rho_e)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_D / \rho_e) \ln (r_D^* \rho_e^*)] \quad (\rho_i \gg r_0 \gg r_D \gg \rho_e)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/2 \ln (\rho_i / \rho_e) \ln (m_i / m_e) + 1/2 \ln (r_D / \rho_i) \ln (m_i \rho_i / m_e r_D)] \quad (\sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg r_D \gg \rho_i \gg \rho_e \gg r_0)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/2 \ln (\rho_i / \rho_e) \ln (m_i / m_e) + 1/8 \ln^2 (m_i \rho_i / m_e r_D)] \quad (r_D \gg \sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg \rho_i \gg \rho_e \gg r_0)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_0 / \rho_e) \ln \rho_e^* r_0^* + 1/2 \ln (\rho_i / r_0) \ln (m_i / m_e) + 1/2 \ln (r_D / \rho_i) \ln (m_i \rho_i / m_e r_D)] \quad (\sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg r_D \gg \rho_i \gg r_0 \gg \rho_e)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_0 / \rho_e) \ln \rho_e^* r_0^* + 1/2 \ln (\rho_i / r_0) \ln (m_i / m_e) + 1/8 \ln^2 (m_i \rho_i / m_e r_D)] \quad (r_D \gg \sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg \rho_i \gg r_0 \gg \rho_e)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_D / \rho_e) \ln (\rho_e^* r_D^*)] \quad \begin{cases} r_0^{1/3} \rho_i^{2/3} \equiv r_1 \gg \rho_i \gg r_D \gg \rho_e \\ r_1 \gg r_D \gg \rho_i \gg \rho_e \end{cases}$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_1 / \rho_e) \ln \rho_e^* r_1^* + 1/2 \ln (r_D / r_1) \ln (m_i \rho_i^2 / m_e r_D r_1)] \quad (\sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg r_D \gg r_1 \gg \rho_i \gg \rho_e)$$

$$J_3 = 3 [\ln r_D^* + 1/4 \ln (r_1 / \rho_e) \ln \rho_e^* r_1^* + 1/8 \ln^2 (m_i \rho_i^2 / m_e r_1^2)] \quad (r_D \gg \sqrt{m_i / m_e} \rho_i \gg r_1 \gg \rho_i \gg \rho_e)$$

Здесь верхним индексом * обозначены величины, отнесенные к r_{\min} ($r_D^* = r_D / r_{\min}$ и т. д.).

Следует сказать несколько слов о численных значениях величин, обусловленных влиянием сильного магнитного поля. Рассмотрим это влияние на примере коэффициента a_{e0} . Повышение точности, получаемое при переходе к трем полиномам Лагерра, в этом случае невелико и не пре-восходит точности, с которой вычислялись входящие в это выражение интегралы. Поэтому воспользуемся выражением (3.8), полученным при помощи двух полиномов Лагерра.

Рассмотрим плазму, находящуюся в условиях, когда $r_D \gg \rho_e \gg r_{\min}$. Это имеет место, например, когда водородная плазма с плотностью $n \approx 10^{10} \text{ см}^{-3}$ и температурой 1 эв помещена в магнитное поле с напряженностью $H \approx 10^4 \text{ гс}$.

В этом случае имеем

$$r_D \approx 0.7 \cdot 10^{-2} \text{ см}$$

$$\rho_e \approx 0.17 \cdot 10^{-3} \text{ см}, \quad r_{\min} \approx 0.14 \cdot 10^{-6} \text{ см}$$

Используя (3.8), (3.9), (3.11), получим $a_{e0} \approx -0.09$; по обычной теории $a_{e0} \approx -0.17$.

Приведенные значения указывают на существенное влияние сильного магнитного поля на процессы переноса вдоль поля.

Приложение. Здесь приводятся выражения коэффициентов (3.3) — (3.5), полученные с использованием трех полиномов Лагерра

$$a_{i1} = \frac{5n_i m_i}{2n_e m_e v \Delta_i} \left[\vartheta_{22} + \frac{R^{-1}}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{m_i}{m_e}} \chi_{22}^i \right] \quad (\text{A.1})$$

$$a_{e1} = \frac{5}{2v \Delta_e} \left[13J_0 + \frac{R \chi_{22}^e}{\sqrt{2}} \right] \quad (\text{A.2})$$

$$a_{e0} = -\frac{5n_e}{2n} b_{e1} = -\frac{5}{8v \Delta_e} \left[33J_0 + \frac{6R}{\sqrt{2}} (3J_2^e + 4J_1^e) \right] \quad (\text{A.3})$$

$$\begin{aligned} \Delta_i &= \frac{819}{4} J_0^2 + \frac{217}{2} J_0 J_3 + 14 J_3^2 + \frac{J_0}{2 \sqrt{2R}} \sqrt{\frac{m_i}{m_e}} \left(\frac{715}{8} J_0^i + \frac{787}{4} J_1^i \right) + \\ &+ \frac{J_3}{R \sqrt{2}} \sqrt{\frac{m_i}{m_e}} \left(\frac{95}{8} J_2^i + \frac{103}{4} J_1^i \right) + \frac{m_i}{2R^2 m_e} \left[\frac{15}{8} (J_1^i)^2 + \frac{17}{2} J_1^i J_2^i + \frac{19}{2} (J_2^i)^2 \right] \end{aligned}$$

$$\Delta_e = 4J_0 + \frac{R}{16} J_0 (126 J_1^e + 55 J_2^e) + \frac{R^2}{16} [15 (J_2^e)^2 + 68 J_1^e J_2^e + 76 (J_1^e)^2]$$

$$R = n_e / n_i z^2$$

В заключение авторы искренне благодарят В. П. Силина, под руководством которого была выполнена настоящая работа.

Поступила 6 V 1963

ЛИТЕРАТУРА

- Силин В. П. Кинетическое уравнение для быстропеременных процессов. Ж. эксперим. и теор. физ., 1960, т. 38, № 6.
- Канеко S. Transport coefficients of plasmas in a magnetic field. J. Phys. Soc. Japan, 1960, 15, pp. 1685—1696.