УДК 548.24

## ДИСЛОКАЦИОННАЯ МОДЕЛЬ ПОЛИСИНТЕТИЧЕСКИХ ПОЛОС СДВИГА В АМОРФНЫХ МАТЕРИАЛАХ

## М. Н. Верещагин, О. М. Остриков

Гомельский государственный технический университет им. П. О. Сухого, 246746 Гомель, Беларусь

Предложена дислокационная модель для полисинтетической полосы сдвига в аморфном материале. Рассчитаны поля напряжений вблизи полисинтетической полосы сдвига. Определено распределение примесей в аморфной бинарной среде Fe–B, содержащей полисинтетическую полосу сдвига.

Ключевые слова: аморфные материалы, полисинтетические полосы сдвига, модель расчета.

Основным каналом пластической деформации аморфных материалов являются полосы сдвига [1–3]. Как правило, они зарождаются группами и развиваются в деформируемом аморфном материале вдоль направлений максимальных сдвиговых напряжений. Под полисинтетическими полосами сдвига будем понимать группу параллельных полос сдвига. Очевидно, что в реальной ситуации параллельные полосы сдвига встречаются редко. Чаще они расположены под углом друг к другу. При одноосном растяжении или сжатии этот угол мал. Таким образом, понятие полисинтетических полос сдвига относится к идеальной системе, которая при малой разориентации полос сдвига близка к реальной системе.

В настоящее время теория полисинтетических полос сдвига не разработана, несмотря на то что группы полос сдвига являются концентраторами больших напряжений и очагами зарождения трещин.

Целью данной работы является расчет на основе дислокационной модели полей напряжений вблизи параллельных полос сдвига, а также определение областей локализации примесей вблизи рассматриваемых дефектов.

На основе анализа изображения полосы сдвига, полученного методом высокоразрешающей электронной микроскопии [1], можно предложить схему полосы в виде, представленном на рис. 1, *a*. Из рис. 1, *a* следует, что полоса сдвига состоит из пор и областей сцепления материала, расположенных по разные стороны плоскости сдвига. Согласно предлагаемой дислокационной модели поля напряжений в областях сцепления материала создаются скоплением краевых дислокаций, поэтому полосы сдвига можно представить в виде последовательно чередующихся пор и цепочек дислокаций (рис. 1,  $\delta$ ).

Для упрощения расчетов длина цепочек дислокаций L и размеры пор l полагаются постоянными (рис. 1, $\delta$ ). В общем случае значения L и l могут быть различными. Будем пренебрегать краевыми эффектами, связанными с наличием в полосе сдвига пор, что также значительно упростит выражения для расчета полей напряжений вблизи полос сдвига.

Начало прямоугольной декартовой системы координат (рис.  $1, \delta$ ) соответствует вершине скоплений дислокаций. Ось OX направлена вдоль плоскости сдвига, ось OY — перпендикулярно ей. Зная напряжения вблизи единичной дислокации [4], с учетом принципа суперпозиции компоненты тензора напряжений для рассматриваемой полосы сдвига мож-



Рис. 1. Схематическое изображение (*a*) и дислокационная модель (*б*) полосы сдвига:

1 — области сцепления материала, расположенные по разные стороны плоскости сдвига; 2 — поры; 3 — плоскость сдвига

но найти из соотношений

$$\sigma_{xx} = -\frac{\mu b}{2\pi(1-\nu)} \sum_{k=0}^{K} \sum_{m=0}^{M} \sum_{n=0}^{N} \frac{y[3(x+nd+m(l+Nd))^{2}+(y+kh)^{2}]}{[(x+nd+m(l+Nd))^{2}+(y+kh)^{2}]^{2}},$$

$$\sigma_{yy} = \frac{\mu b}{2\pi(1-\nu)} \sum_{k=0}^{K} \sum_{m=0}^{M} \sum_{n=0}^{N} \frac{y[(x+nd+m(l+Nd))^{2}-(y+kh)^{2}]}{[(x+nd+m(l+Nd))^{2}+(y+kh)^{2}]^{2}},$$

$$\sigma_{zz} = -\frac{\mu b\nu}{\pi(1-\nu)} \sum_{k=0}^{K} \sum_{m=0}^{M} \sum_{n=0}^{N} \frac{N}{n} \frac{(y+kh)^{2}}{(x+nd+m(l+Nd))^{2}+(y+kh)^{2}},$$

$$(1)$$

$$\sigma_{xy} = \frac{\mu b}{2\pi(1-\nu)} \sum_{k=0}^{K} \sum_{m=0}^{M} \sum_{n=0}^{N} \frac{(x+nd+m(l+Nd))[(x+nd+m(l+Nd))^{2}-(y+kh)^{2}]}{[(x+nd+m(l+Nd))^{2}+(y+kh)^{2}]^{2}},$$

где  $\mu$  — модуль сдвига; b — вектор Бюргерса;  $\nu$  — коэффициент Пуассона;  $M = L_{\rm nc}/(L+l)$  — число пор;  $L_{\rm nc}$  — длина полосы сдвига; N = L/d — число дислокаций в скоплении; d — расстояние между дислокациями в скоплении; K — количество полос сдвига, формирующих полисинтетическую полосу сдвига; k, m, n — индексы суммирования.

Параметры полисинтетических полос сдвига приведены на рис. 2. Длина всех полос сдвига полагается одинаковой и равной  $L_{\rm nc}$ , расстояние между ними также одинаково и равно h.

Следует отметить, что при K = 0 по формуле (1) ведется расчет полей напряжений вблизи единичной полосы сдвига.



Рис. 3. Конфигурация полей напряжений вблизи полисинтетической полосы сдвига при d = 0,2 мкм; l = 2 мкм; h = 1 мкм; M = 4; N = 10; K = 3:  $a - \sigma_{xx} = \sigma_{xx}(x, y)$ ;  $\delta - \sigma_{xy} = \sigma_{xy}(x, y)$ ;  $e - \sigma_{yy} = \sigma_{yy}(x, y)$ ;  $z - \sigma_{zz} = \sigma_{zz}(x, y)$ 



Рис. 4. Распределение примесей вблизи полисинтетической полосы сдвига

Результаты расчетов представлены на рис. 3. Темные и светлые точки соответствуют областям минимальных и максимальных значений напряжений. В рассматриваемой области напряжения  $\sigma_{xx}$  отрицательны и локализованы в областях сцепления материала, находящихся по разные стороны плоскости сдвига (рис. 3,*a*). В данном случае эти области расположены друг над другом (см. рис. 2).

Симметричное расположение скоплений дислокаций влияет на распределение и других рассматриваемых напряжений. Напряжения  $\sigma_{yy}$  знакопеременные (см. рис. 3,  $\epsilon$ ). Следует отметить, что высокий уровень напряжений наблюдается не только в непосредственной близости полос сдвига, но и вдали от них. Это способствует зарождению в данных областях новых полос сдвига (или трещин).

Распределение примесей вблизи полисинтетической полосы сдвига находится из соотношения [5]

$$C = C_0 \exp\left(-U/(kT)\right),$$

где  $C_0$  — концентрация примеси вдали от внутренних источников напряжений; k — постоянная Больцмана; T — абсолютная температура. Энергия U взаимодействия примеси с полисинтетической полосой сдвига определяется по формуле

$$U = -(4/3)\pi r^3 \varepsilon (\sigma_{xx} + \sigma_{yy} + \sigma_{zz}),$$

где r — радиус атома матрицы;  $\varepsilon = (r_0 - r)/r$  — малый параметр;  $r_0$  — радиус атома примеси;  $\sigma_{xx}, \sigma_{yy}, \sigma_{zz}$  — нормальные напряжения, определяемые из соотношений (1).

Результаты расчетов представлены на рис. 4. Расчет производился для бинарного сплава Fe–B с соотношением атомов Fe : B = 0,75 : 0,25 при  $b = 2,87 \cdot 10^{-10}$  м;  $\mu = 0,168$ ;  $\nu = 0,33$ ;  $r = 1,27 \cdot 10^{-10}$  м;  $r_0 = 0,97 \cdot 10^{-10}$  м;  $k = 1,38 \cdot 10^{-23}$  Дж/К; T = 300 К. Остальные параметры те же, что на рис. 3. Важным результатом расчетов является то, что максимальная концентрация примеси наблюдается не в центральной части полисинтетической полосы, а на некотором удалении от нее (рис. 4).

Таким образом, предложена дислокационная модель полисинтетической полосы сдвига, часто возникающей в аморфном материале при его деформировании. Получены аналитические выражения для расчета полей напряжений и распределения примесей вблизи полисинтетической полосы сдвига аморфного материала. Установлено, что как напряжения, так и примеси локализуются на некотором удалении от геометрического центра полисинтетической полосы.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Глезер А. М., Молотилов Б. В. Структура и механические свойства аморфных сплавов. М.: Металлургия, 1992.
- 2. Верещагин М. Н., Шепелевич В. Г., Остриков О. М., Цыбранкова С. Н. Исследование методом локального деформирования особенностей пластической деформации аморфного сплава Fe-Cr-Mo-V-B-Si // Кристаллография. 2002. Т. 47, № 4. С. 691-696.
- 3. Верещагин М. Н., Шепелевич В. Г., Остриков О. М., Цыбранкова С. Н. Особенности пластической деформации при индентировании пирамидой Виккерса поверхности аморфного сплава Fe–Cr–Mo–V–B–Si // Физика металлов и металловедение. 2002. Т. 93, № 5. С. 101–104.
- 4. Хирт Дж., Лоте И. Теория дислокаций. М.: Атомиздат, 1972.
- 5. Савенко В. С., Остриков О. М. Влияние электрического тока на распределение примесей у двойниковой границы // Изв. вузов. Чер. металлургия. 1998. № 6. С. 12–14.

Поступила в редакцию 22/VII 2002 г., в окончательном варианте — 23/X 2002 г.