2009. Том 50

Приложение

*S73 – S77* 

УДК 548.736

# ЗАКОНОМЕРНЫЕ СВЯЗИ СОСТАВ—СТРУКТУРА—СВОЙСТВА В РЯДУ СОЕДИНЕНИЙ Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>

## © 2009 В.И. Симонов\*

Учреждение Российской академии наук Институт кристаллографии им. А.В. Шубникова РАН, Москва

Статья поступила 12 ноября 2008 г.

На основании структурных исследований кристаллов Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> с разным содержанием стронция и бария установлена структурная обусловленность оптической нелинейности этих кристаллических материалов. При облучении кристаллов лазером YAG:Nd интенсивность второй гармоники излучения монотонно убывает с увеличением в образце стронция. Установлены ответственные за этот эффект тонкие детали структуры.

**Ключевые слова:** оксид Sr, Ba, Nb, атомная структура, физические свойства, кристаллы  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$ .

Современная техника и высокие технологии нуждаются в новых кристаллических материалах с уникальными физическими свойствами. Для того чтобы уйти от затратного метода проб и ошибок при поиске и синтезе новых кристаллов и при целенаправленной модификации путем изоморфных замещений свойств известных кристаллических материалов, необходимы знания закономерных связей между химическим составом, атомным строением и физическими свойствами конкретных рядов кристаллов. Для установления таких связей необходимо сочетание результатов фундаментальных исследований в областях структурной кристаллографии, кристаллохимии и физики твердого тела. В свое время Г.Б. Бокий рассматривал аналогичные подходы к этой проблеме в монографии [1]. Способность кристаллов преобразовывать одни виды энергии в другие делает их незаменимыми во многих областях техники. Ниже рассматривается семейство ниобатов стронция-бария, физические свойства которых длительное время привлекают внимание исследователей [2-7]. Нелинейные кристаллы Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> обладают важными для применения пьезоэлектрическими, электрооптическими и пироэлектрическими свойствами. Этот материал перспективен и для голографических записей [8]. В зависимости от соотношения стронция и бария в релаксорных сегнетоэлектриках Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> при сохранении структурного мотива незаполненных вольфрамовых бронз варьируют тонкие структурные детали с параллельным изменением физических свойств этих кристаллических материалов.

#### СОСТАВ И СТРУКТУРА КРИСТАЛЛОВ Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>

В соответствии с диаграммой состояний кристаллы твердых растворов Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> интересующей нас тетрагональной симметрии, как установлено в работе [9], существуют в интервале концентраций  $0,32 \le x \le 0,82$ . Пионерская работа по определению атомной структуры ниобата стронция—бария была опубликована в 1968 г. [10]. Симметрия кристалла Sr<sub>0,75</sub>Ba<sub>0,25</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>5,78</sub> была определена как тетрагональная с группой симметрии *P4bm* и параметрами электронной ячейки *a* = 12,430, *c* = 3,913 Å, в которой содержится 5 формульных единиц указанного состава. Трехмерный каркас структуры образуют октаэдры [NbO<sub>6</sub>], соединенные общими кислородными вершинами. Все атомы О являются мостиковыми и вовлечены в каркас.

<sup>\*</sup> E-mail: simonov@ns.crys.ras.ru



Модель строения кристаллов Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>. Темные (Nb(1)) и светлые (Nb(2)) октаэдры образуют трехмерный каркас, в каналах которого статистически распределены атомы Ba (черные сферы) и Sr (светлые сферы)

На рисунке представлена модель структуры, в которой два кристаллографически независимых атома Nb. Атомы Nb(1) локализуются в частных позициях на пересечении плоскостей симметрии *mm*, а атомы Nb(2) находятся в общих положениях и их в 4 раза больше, чем атомов Nb(1). Каркас из октаэдров Nb пронизывают 3 типа каналов, простирающихся параллельно оси симметрии 4. Наиболее узкие каналы треугольного се-

чения пусты для всех составов соединений  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$ . Средние каналы квадратного сечения всегда заселены статистически только стронцием. В широких каналах пятиугольного сечения статистически локализуется весь барий и часть стронция. На рисунке показано расщепление позиций бария и стронция. В работе [10] такое расщепление обсуждается, но в свое время авторы предпочли расщеплению анизотропию тепловых колебаний этих атомов. В более поздних работах расщепление позиций бария и стронция и стронция в широких каналах было фиксировано надежно, а количество кислорода на формульную единицу всегда равно шести.

Изложение структурных особенностей ряда соединений  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$  естественно начать с крайнего члена этого ряда с минимальным возможным содержанием стронция  $Sr_{0,33}Ba_{0,67}Nb_2O_6$  [11]. В этих кристаллах весь стронций находится в квадратных каналах и заселяет свои позиции на оси 4 статистически с вероятностью 70,5%. Барий, естественно, находится в широких каналах и локализуется на плоскостях *m* с вероятностью 84,0%. Анализ структур с разным соотношением стронция и бария показывает, что суммарная статистическая заселенность двух типов каналов слабо варьирует от кристалла к кристаллу. Так, в соединении  $Sr_{0,50}Ba_{0,50}Nb_2O_6$  [12] заселенность стронцием квадратных каналов реализуется с вероятностью 72,0%, а широкие каналы заселены барием на 62,3% и стронцием на 26,2%, т.е. суммарно на 88,5%. При этом атомы Sr, ионный радиус которых примерно на 0,2Å меньше ионного радиуса Ba, находят для себя более удобные позиции, сместившись с плоскости *m*. По разные стороны от плоскости *m* они занимают две близкие позиции, каждую с вероятностью 26,2%: 2 = 13,1%.

Если говорить о качестве кристаллов  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$ , то лучшими являются кристаллы состава  $Sr_{0,61}Ba_{0,39}Nb_2O_6$ , выращенные из расплава конгруэнтного состава. Именно эти кристаллы привлекают максимальное внимание исследователей [13—17]. Во всех этих кристаллах, выращенных и исследованных разными авторами, заселенность квадратных каналов стронцием укладывается в интервал 69,7—72,5 %. Разброс суммарной заселенности барием и стронцием широких каналов варьирует от 87,7 до 89,2 %. В кристаллах с содержанием стронция 0,50, 0,61 и 0,75 [12, 16, 18] средняя заселенность стронцием квадратных каналов оказалось равной 72,0 %, а средняя суммарная заселенность барием и стронцием широких каналов составляет 88,6 %. Максимальные отклонения от этих величин в перечисленных кристаллах составляют 0,5 % как по стронцию, так и по барию и стронцию.

В табл. 1 приведены основные межатомные расстояния в октаэдрах Nb всех рассмотренных выше кристаллов. Параллельно оси 4 простираются два типа цепочек из октаэдров Nb(1) и Nb(2). В тех и других октаэдры объединяются атомами O, которые с вероятностью 50 % занимают две близкие позиции, что создает впечатление "качающихся" октаэдров. Вдоль этих цепочек регулярно чередуются более сильные и более слабые химические связи —Nb=( $O_{0,5}\times2$ )— Nb=( $O_{0,5}\times2$ )—, что структурный анализ фиксирует по разнице межатомных расстояний Nb—O. Из табл. 1 четко видно, как с увеличением количества стронция уменьшаются эти различия в расстояниях  $\Delta$ [Nb(1)—O<sub>0,5</sub>] и  $\Delta$ [Nb(2)—O<sub>0,5</sub>]. По мере выравнивания химических связей в октаэдрах синхронно увеличивается расщепление объединяющих октаэдры кислородов ( $O_{0,5}$ — $O'_{0,5}$ ).

Таблица 1

Параметры	<i>x</i> = 0,50	<i>x</i> = 0,61	<i>x</i> = 0,75	Параметры	<i>x</i> = 0,50	<i>x</i> = 0,61	<i>x</i> = 0,75	
Октаэдр Nb(1)				Октаэдр Nb(2)**				
Nb(1)—O <sub>0.5</sub> ×2, Å	1,814	1,834	1,924	Nb(2)—O <sub>0,5</sub> ×2, Å	1,865	1,897	1,919	
Nb(1)—O <sub>4</sub> ×4, Å	1,958	1,959	1,958	Nb(2)—O <sub>4</sub> ×4, Å	1,972	1,971	1,987	
Nb(1)— $O_{0.5} \times 2$ , Å	2,155	2,128	2,053	Nb(2)—O <sub>0.5</sub> ×2, Å	2,124	2,084	2,044	
$\Delta [Nb(1) - O_0 5], Å$	0,341	0,294	0,129	$\Delta$ [Nb(2)—O <sub>0.5</sub> ], Å	0,259	0,187	0,125	
$(O_{0,5} - O'_{0,5})^* \times 2, Å$	0,407	0,458	0,581	$(O_{0,5}-O'_{0,5})^* \times 2, Å$	0,521	0,568	0,636	
Литература	[12]	[16]	[18]					

*Межатомные расстояния в октаэдрах* Nb соединений Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>

\* Расстояния между атомами кислорода О<sub>0.5</sub>.

\*\* Октаэдр Nb(2) находится в общем положении, и соответствующие расстояния усреднены.

Рассматривая структурные исследования соединений  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$ , нельзя не остановиться особо на работе [13], в которой в кристаллах  $Sr_{0,61}Ba_{0,39}Nb_2O_6$  установлена несоразмерная модуляция. Два вектора модуляции идут по диагональным направлениям базисной плоскости тетрагонального кристалла. Структура решалась в пятимерном суперпространстве. В эксперименте были измерены слабые сателлитные рефлексы первого порядка, что позволило уточнить модуляцию структуры только в гармоническом приближении. Максимальные модуляционные смещения имеют место у атомов О и достигают 0,5 Å. Авторы по имеющимся у них экспериментальным данным могли уточнить только упрощенную модель структуры, в которой атомы Ва и Sr в широких каналах статистически без расщепления занимают одну позицию.

### ФИЗИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА КРИСТАЛЛОВ Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>

Специальное исследование было посвящено анизотропии теплового расширения ниобата стронция—бария [19]. Для кристалла Sr<sub>0.75</sub>Ba<sub>0.25</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> получена линейная зависимость роста параметра a с температурой по закону a = 12,436 + 0,0001093t, где  $t(^{\circ}C)$  и более сложное убывание с температурой параметра  $c = 3,917 - 2,9375 \cdot 10^{-5}t - 8,2433 \cdot 10^{-8}t^2$ . Как следует из табл. 1. для кристалла этого состава имеет место максимальное выравнивание связей Nb-O в цепочках, простирающихся параллельно оси с. В работе [7] по порошковым данным установлена зависимость параметров элементарной ячейки кристаллов  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$  от их состава. В пикометрах (pm) соответствующие зависимости авторами аппроксимируются полиномами второго порядка  $a = 1249,2 + 4,75x - 17,6x^2$  и  $c = 401,55 - 11,70x - 2,41x^2$ . Аналогично плотность в г/см<sup>3</sup> записывается  $\beta = 5.55 - 0.53x + 0.16x^2$ , что, естественно, дает спад при увеличении количества стронция за счет соответствующего уменьшения бария. В работе [11], кроме определения атомной структуры соединения Sr<sub>0.33</sub>Ba<sub>0.67</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>, описаны линейные и нелинейные оптические характеристики кристаллов  $Sr_xBa_{1-x}Nb_2O_6$  с x = 0.33, 0.46, 0.61 и 0.75. Измерены обыкновенный  $n_0$  и необыкновенный  $n_c$  показатели преломления для кристаллов указанных составов на длинах волн излучения лазера YAG:Nd  $\lambda_1 = 10642$  Å и его второй гармоники  $\lambda_2 = 5321$  Å. Оказалось, что показатели  $n_0$  зависят от состава образцов весьма слабо и для  $\lambda_1 n_0$  равняется для перечисленных выше составов 2,252, 2,251, 2,250 и 2,249 соответственно. Для λ<sub>2</sub> n<sub>0</sub> равняется 2,357, 2,355, 2,354, 2,356. Что касается показателей  $n_e$ , то они монотонно возрастают с увеличением стронция в образцах. Так,  $n_e$  для  $\lambda_1$  имеет значения 2,210, 2,214, 2,222, 2,236, для  $\lambda_2$   $n_e$  = 2,303, 2,311, 2,324, 2,343. Такие зависимости показателей преломления от состава соединений ведут к тому, что двулучепреломление кристалла Sr<sub>0.33</sub>Ba<sub>0.67</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> более чем в 3 раза превосходит соответствующий показатель у Sr<sub>0.75</sub>Ba<sub>0.25</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>.

Особое внимание привлекают нелинейные оптические свойства ниобатов стронция—бария. Фундаментальные исследования и использование этих соединений в квантовой электрони-

ке стимулируют интерес к этим свойствам, которые поддаются целенаправленному изменению путем вариации состава кристаллов. В работе [11] на монокристаллах и в [20] на порошковых образцах составов Sr<sub>0.75</sub>Ba<sub>0.25</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>, Sr<sub>0.61</sub>Ba<sub>0.39</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> и Sr<sub>0.50</sub>Ba<sub>0.50</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> приведены измерения интенсивности второй гармоники при облучении импульсным лазером YAG:Nd. Для оценки по полученным данным квадратичной нелинейной восприимчивости кристаллов в работе [20] в качестве эталонного образца использовали дигидрофосфат калия. Все параметры экспериментов были строго одинаковыми. Нелинейную восприимчивость вычисляли по соотношению  $\chi^2_{2\omega} = K(P_{2\omega}/P_{\omega}^2)$ , где  $P_{2\omega}$  и  $P_{\omega}$  — интенсивности вторичного и первичного излучений соответственно. Одинаковые условия измерения исследуемых и эталонного образцов позволяли считать К постоянной величиной. Нелинейную восприимчивость  $\chi_{2\omega}$  дигидрофосфата калия принимали за единицу, и восприимчивость исследуемых образцов определяли относительно этой величины. Измерения на каждом образце повторяли и усредняли. Полученные таким образом относительные значения квадратичной нелинейной восприимчивости оказались равны для = 14,4(3,0). Генерация второй гармоники определяется квадратичной нелинейной восприимчивостью кристаллов. Такая генерация имеет чисто электронную природу и связана с асимметрией в распределении электронной плотности в образце. Структурные данные показывают, что максимум такой асимметрии имеет место в связях Nb—O, чередующихся параллельно оси 4 в этих кристаллах. Чередование более сильных и более слабых связей отвечает различию в электронной плотности на этих связях, что в структурных данных проявляется в разности расстояний  $\Delta$ [Nb—O] и в ангармонизме тепловых колебаний атомов Nb. Именно ангармонизм в колебании электронов является причиной появления второй и более высоких гармоник при возбуждении кристалла гармоническим излучением. Из табл. 1 видно, как, меняя отношения стронция и бария в образце, можно целенаправленно изменять  $\Delta$ [Nb—O] и интенсивность второй гармоники от соответствующего кристалла. Рассматривая связи состав-структурасвойства в кристаллах ниобата стронция—бария, следует помнить результаты работы [21], авторы которой наблюдали при отжиге кристаллов  $Sr_{0.51}Ba_{0.49}Nb_2O_6$  некоторые перераспределения стронция по квадратным и пятиугольным каналам структуры без изменения состава образца. А это означает, что важен не только состав образца, но и его история: режим выращивания, термообработка и способ монодоменизации. Именно это может быть причиной расхождения у разных авторов прецизионных структурных данных по кристаллам Sr<sub>0.61</sub>Ba<sub>0.39</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>.

## СТРУКТУРА И ГЕНЕРАЦИЯ ВТОРОЙ ГАРМОНИКИ В КРИСТАЛЛАХ Sr<sub>x</sub>Ba<sub>1-x</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub>

Структурные исследования ниобатов стронция-бария показали, что вариации отношений количеств стронция и бария в них не изменяют основной структурный мотив кристаллов. Геометрия трехмерного каркаса из октаэдров Nb остается постоянной. Систематически меняются только положения атомов Nb в октаэдрах. Их отклонения от центров октаэдров связаны с чередованием более сильных и более слабых химических связей Nb—O в цепочках, параллельных оси 4 кристалла. Основная задача сводится к установлению корреляций между количеством стронция и бария в соединениях и изменениями химических связей в октаэдрах Nb. В структурном плане ответ следует искать в заселенностях средних и больших каналов кристаллов атомами Sr и Ba. В табл. 2 приведены значения заселенности этих каналов для всех рассмотренных выше кристаллов. Дополнительно в таблице даны значения расщепления позиций бария и стронция Ba—Sr(2) в широких каналах и расстояния Sr(2)—Sr'(2), локализованные с двух сторон от плоскости симметрии *m* в этих каналах. Заселенность квадратных каналов атомами Sr(1) можно в хорошем приближении считать одинаковой для всех исследованных составов этих соединений. Следовательно, структурная обусловленность изменения физических свойств кристаллов в зависимости от отношения количеств стронция и бария определяется заселенностями широких каналов. Из табл. 2 видно, как с ростом количества стронция систематически сокращаются расщепления позиций Ва и Sr(2) и расстояния между положениями атомов Sr(2)—Sr'(2) с разных сторон от плоскости *m*. Синхронно с этими сокращениями уменьша-

Таблица 2

Заселенность атомами Sr(1) ква	дратных каналов и атомамі	u Ba $u$ Sr(2)	пятиугольных каналов
	в кристаллах Sr <sub>x</sub> Ba <sub>1-x</sub> Nb <sub>2</sub> O <sub>6</sub>		

Параметр	<i>x</i> = 0,50	<i>x</i> = 0,61	<i>x</i> = 0,75	Параметр	<i>x</i> = 0,50	<i>x</i> = 0,61	<i>x</i> = 0,75
Sr(1), %	72,0	72,5	71,5	Sr(2)—Sr(2'), Å	0,604	0,585	0,510
Ba, %	62,3	48,7	30,9	χ.2*	14,4	9,4	2,2
Sr(2), %	$13,1 \times 2 = 26,2$	$20,2 \times 2 = 40,4$	$28,6 \times 2 = 57,2$	Литература	[12]	[16]	[18]
Ba—Sr(2), Å	0,335	0,305	0,263		-		

\* Относительная величина квадратичной нелинейной восприимчивости кристаллов по данным [20].

ется разница расстояний Nb—O, а следовательно, и различие в чередующихся химических связях в цепочках — O=Nb—O= (см. табл. 1). Влияние на эти связи в октаэдрах Nb оказывает изменение баланса валентных усилий на мостиковых атомах кислорода, обусловленное вариацией количества стронция и бария в широких каналах структуры. Достаточно посмотреть, как ведут себя в разных кристаллах минимальные межатомные расстояния катионов Ва и Sr(2) с мостиковыми атомами кислорода цепочек, простирающихся в направлении оси 4. В соединении Sr<sub>0.50</sub>Ba<sub>0.50</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> соответствующие минимальные расстояния Ba—O и Sr(2)—O равны 2,843 и 2,783 Å, в Sr<sub>0.61</sub>Ba<sub>0.39</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> они 2,817 и 2,732 Å, а в Sr<sub>0.75</sub>Ba<sub>0.25</sub>Nb<sub>2</sub>O<sub>6</sub> 2,769 и 2,719 Å. С увеличением количества стронция эти расстояния уменьшаются, соответствующие связи усиливаются, что и влияет на связи Nb—O в цепочках —O=Nb—O=Nb—. Сокращение различия в последовательности этих связей соответствует уменьшению асимметрии электронных плотностей на них. Со всеми этими зависимостями от количества стронция четко коррелируют относительные величины квадратичной нелинейной восприимчивости кристаллов, приведенных в табл. 2. Наиболее очевидным структурным параметром, указывающим на возможную генерацию второй гармоники, является ангармонизм тепловых колебаний атомов и связанная с ним асимметрия распределения электронной плотности на химических связях в кристаллах.

Работа выполнена при частичной финансовой поддержке ведущих научных школ НШ-2192.2008.5.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ.

- 1. Бокий Г.Б. Кристаллохимия. М.: Изд-во МГУ, 1960.
- 2. Smolenskii G.A., Agranovskaya A.I. // Sov. Phys. Tech. Phys. 1958. 3. P. 1380.
- 3. Choy M.M., Byer R.L. // Phys. Rev. B. 1976. 14. P. 1693.
- 4. Dorosh I.R., Kuz'minov Yu.S., Polozkov N.M. et al. // Phys. Stat. Solid. A. 1981. 65. P. 513.
- 5. Ewbank M.D., Neurgaonkar R.R., Cory W.K. et al. // J. Appl. Phys. 1987. 62. P. 374.
- 6. Woike T., Petricek V., Dusek M. et al. // Acta Crystallogr. B. 2003. 59. P. 28.
- 7. Podlozhenov S., Graetsch H.A., Schneider J. et al. // Ibid. 2006. 62. P. 960.
- 8. Qiao Y., Orlov S., Psaltis D. et al. // Opt. Lett. 1993. 18. P. 1004.
- 9. Ulex M., Pankrath R., Betzler K. J. // Cryst. Growth. 2004. 271. P. 128.
- 10. Jamieson P.B., Abrahams S.C., Bernstein J.L. // J. Chem. Phys. 1968. 48. P. 5048.
- 11. Андрейчук А.Е., Дорожкин Л.М., Кузьминов Ю.С. и др. // Кристаллография. 1984. 29, № 6. С. 1094.
- 12. Черная Т.С., Волк Т.Р., Верин И.А. и др. // Там же. 2002. 47, № 2. С. 249.
- 13. Woike T., Petrricek V., Dusek M. et al. // Acta Crystallogr. B. 2003. 59. P. 28.
- 14. Черная Т.С., Волк Т.Р., Максимов Б.А. и др. // Кристаллография. 2003. 48, № 6. С. 1000.
- 15. Carrio J.G., Mascarenhas Y.P., Yelon W. et al. // Mater. Res. 2002. 5(1). P. 57.
- 16. Черная Т.С., Максимов Б.А., Верин И.А. и др. // Кристаллография. 1998. 43, № 6. С. 1044.
- 17. Черная Т.С., Максимов Б.А., Верин И.А. и др. // Там же. 1997. 42, № 3. С. 421.
- 18. Черная Т.С., Максимов Б.А., Волк Т.Р. и др. // Физика твердого тела. 2000. 42, № 9. С. 1668.
- 19. Qadri S.B., Belloti J.A., Garzarella A. et al. // Appl. Phys. Lett. 2005. 86. P. 251914.
- 20. Черная Т.С., Марычев М.О., Иванов В.А. и др. // Кристаллография. 2007. 52, № 6. С. 1092.
- 21. Trubclja M.P., Ryba E., Smith D.K. // J. Mater. Sci. 1996. 31. P. 1435.