

Авторы выражают благодарность Г. П. Фоменко и В. П. Ильину за полезное обсуждение результатов данной работы.

Поступила 10 VI 1980

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Енальский В. А., Осипов В. В. О моделировании на ЭЦВМ ускорительного процесса в сильноточном ионном линейном ускорителе.— ПМТФ, 1967, № 5.
2. Ильин В. П. Численные методы решения задач электрооптики. Новосибирск: Наука, 1974.
3. Захаров А. В., Самарский А. А., Свешников А. Г. Применение метода больших частиц к расчету движения заряженного пучка в электромагнитном поле с учетом пространственного заряда пучка.— В кн.: Вычислительные методы и программирование. Т. 16. М.: изд. Моск. ун-та, 1971.
4. Диценко А. Н., Жерлицын А. Г. и др. Экспериментальное исследование генерирования гигаваттных СВЧ-импульсов наносекундной длительности.— Физика плазмы, 1976, т. 2, № 3.
5. Головин Г. Т. Один итерационный метод интегрирования стационарных систем уравнений электродинамики, связанных с учетом объемного заряда.— В кн.: Вычислительные методы и программирование. Т. 31. М.: изд. Моск. ун-та, 1979.

УДК 621.385.6

#### ВЛИЯНИЕ СОБСТВЕННОГО МАГНИТНОГО ПОЛЯ ОБЪЕМНОГО РЕЗОНАТОРА НА ВТОРИЧНО-ЭЛЕКТРОННЫЙ РАЗРЯД В НЕМ

В. Д. Шемелин

(Новосибирск)

Нарастающее от оси магнитное высокочастотное (ВЧ) поле объемного резонатора может достичь величин, влияющих на свойства вторично-электронного ВЧ-разряда (мультипактора). При этом могут возникнуть условия, при которых частицы, участвующие в разряде, смещаются в радиальном направлении как к оси, так и от оси резонатора.

Явление можно рассматривать как разновидность Z-пинча, с той особенностью, что электрическое и магнитное поля сдвинуты по фазе на  $90^\circ$ .

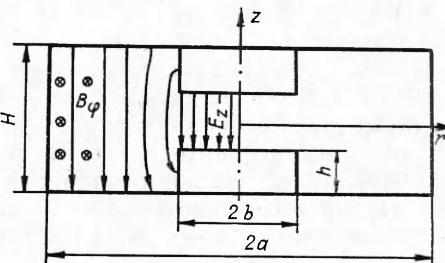
Рассмотрим вторично-электронный ВЧ-разряд [1, 2] в тороидальном резонаторе с видом колебаний  $E_{010}$ . Выражения для электрического и магнитного полей запишем в виде

$$(1) \quad E_z = \alpha E_0 \sin \omega t;$$

$$(2) \quad B_\phi = \gamma B_0 \cos \omega t,$$

где  $\omega$  — частота колебаний;  $\alpha E_0$  и  $\gamma B_0$  — амплитуды полей,  $\alpha$  и  $\gamma$  задают зависимость от радиуса. В частности, для цилиндрического резонатора, когда  $h = 0$  (см. фигуру),  $\alpha$  и  $\gamma$  выражаются через функции Бесселя.

Будем считать, что за время перелета между стенками радиальное смещение мало, так что  $\alpha$  и  $\gamma$  мало меняются за один перелет. Ограничим рассмотрение областью, где отсутствует радиальное электрическое поле; как правило, в таких облас-



тях и развивается мультиактор. Остальные приближения те же, что и в обычной теории мультиактора [1].

Уравнение движения в скрещенных полях (1), (2) имеет вид

$$(3) \quad e(E_z + rB_\phi) = m\ddot{z}, \quad ezB_\phi = -m\ddot{r},$$

где  $e$  и  $m$  — заряд и масса электрона, точка означает дифференцирование по времени.

Решением системы (3) будет [3]

$$(4) \quad z = \frac{i}{\omega} \int y(\theta) d\theta + C_3;$$

$$(5) \quad r = \frac{1}{\omega} \int x(\theta) d\theta + D_3,$$

где

$$y = y_0 + C_1 y_1 + C_2 y_2; \quad x = x_0 + D_1 x_1 + D_2 x_2;$$

$$x_1 = y_1 = -\sin(q \sin \theta); \quad x_2 = y_2 = \cos(q \sin \theta);$$

$$x_0 = p \left( x_1 \int x_2 \sin \theta d\theta - x_2 \int x_1 \sin \theta d\theta \right);$$

$$y_0 = \frac{p}{q} \left( y_2 \int \frac{y_1}{\cos^2 \theta} d\theta - y_1 \int \frac{y_2}{\cos^2 \theta} d\theta \right);$$

$$p = \frac{e}{m} \frac{\omega E_0}{\omega}; \quad q = \frac{e}{m} \frac{\gamma B_0}{\omega} = \frac{\gamma m c}{\omega}; \quad \theta = \omega t.$$

Обычно магнитное поле невелико и  $q \ll 1$ . Можно показать, что уравнение (4) в этом случае переходит в обычное уравнение теории мультиактора [1], а из уравнения (5) получаем выражение для смещения за один перелет

$$\Delta r = -(pq/\omega)\Phi_n(\theta_1),$$

где  $\Phi_n = \frac{3}{2} \pi (2n-1) \sin \theta_1 \cos \theta_1 + 6 \cos^2 \theta_1 - \frac{(2n-1)^2 \pi^2}{4}$ ;  $n$  — порядок мультиактора;  $\theta_1$  — равновесный угол разряда, отношение скорости падения электронов на стенку к начальной скорости вторичных электронов принято равным трем.

При  $n \geq 2$  значение  $\Phi_n < 0$ , поэтому частицы, участвующие в разряде, будут дрейфовать от центра. При  $n = 1$  знак смещения зависит от равновесного угла разряда:  $\Phi_1 > 0$  для  $\theta_1 > -30^\circ$ ,  $\Phi_1 < 0$  для  $\theta_1 < -30^\circ$ .

Проведенные эксперименты [4] показали, что ток электронов разряда вблизи цилиндрической стенки резонатора появляется раньше, чем достигается необходимое для существования разряда напряжение в данной области, в то время как оптимальное напряжение для разряда существует на меньшем радиусе. Плотность тока на два порядка превосходит ту, которая достигается в центральной части зазора. Измеренная энергия, с которой электроны падают на стенки, составляет менее 20 эВ, т. е. слишком низка для поддержания самостоятельного разряда. Напряжения, которые достигались в эксперименте, соответствуют не менее чем третьему порядку мультиактора в большом зазоре. Эти факты подтверждают существование радиального смещения электронов в резонансном ВЧ-разряде, вызванного собственным магнитным полем резонатора.

Автор благодарен И. К. Седлярову за полезное обсуждение.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Hatch A., Williams B. Multipacting modes of high-frequency gaseous discharge.— Phys. Rev., 1958, vol. 112, p. 681.
2. Сливков И. Н. Электроизоляция и разряд в вакууме. М.: Атомиздат, 1972.
3. Камке Э. Справочник по обыкновенным дифференциальным уравнениям. М.: Наука, 1971.
4. Седляров И. К., Шемелин В. Д. Резонансный высокочастотный разряд в тороидальном резонаторе. Препринт ИЯФ СО АН ССР, Новосибирск, 1973.

УДК 537.525

**ЧИСЛЕННОЕ ИССЛЕДОВАНИЕ ШНУРОВАНИЯ ТОКА  
НА ЭЛЕКТРОДАХ В ТЛЕЮЩЕМ РАЗРЯДЕ**

Г. Г. Гладуш, А. А. Самохин

(Москва)

Известно, что вследствие отсутствия генерации заряженных частиц газоразрядной плазмы на холодных электродах вблизи последних образуются слои со свойствами, существенно отличающимися от свойств столба [1]. На эти слои приходится значительное напряжение, которое в некотором диапазоне тока падает с ростом плотности тока. Энгель и Штенбек, вычислившие прикатодную вольт-амперную характеристику, постулировали, что участок с отрицательным дифференциальным сопротивлением на этой характеристике неустойчив. Имевшее место в эксперименте сжатие разряда на катоде связывалось с развитием этой неустойчивости. Данное явление в литературе носит название закона нормальной плотности тока — с увеличением тока эмиттирующая область на катоде расширяется, так что плотность тока остается постоянной и равной нормальной плотности тока.

Неоднородное горение разряда наблюдается также и на аноде, хотя явление здесь протекает несколько по-иному и менее изучено [2]. В работах [3] аналитически и численно показано, что прианодная вольт-амперная характеристика (ВАХ) так же, как и прикатодная, имеет участок с отрицательным дифференциальным сопротивлением.

Явление шнурования тока на электродах интересно с физической точки зрения, так же важно и в практических приложениях тлеющего разряда — газоразрядные приборы, мощные газовые лазеры и т. д. В последнем случае шнурование тока на электродах может быть причиной шнурования тока и в объеме, которое ограничивает мощность устройства. Для борьбы с этим явлением применяют различные технические средства, например секционируют электроды и т. д. [4].

Теория шнурования тока, обязанныго наличию участка с отрицательным дифференциальным сопротивлением на ВАХ, создана, например, для полупроводников с S-образной характеристикой. Важная особенность рассматриваемой здесь задачи состоит в том, что с уменьшением тока растет не только приэлектродное падение, но растет также и толщина приэлектродного слоя. Последнее обстоятельство делает задачу принципиально двумерной, что существенно усложняет ее решение.

Данная работа посвящена численному исследованию принципиальной возможности шнурования тока на катоде благодаря учету ионизации, рекомбинации и дрейфа заряженных частиц по полю. Это избавляет от необходимости придерживаться конкретной экспериментальной ситуации и, в частности, позволяет рассматривать двумерную задачу в плоской геометрии, что упрощает расчеты. Длительность же счета по времени будет зависеть от того, в какой мере проявятся интересующие нас эффекты.

**Постановка задачи.** В настоящей работе численным интегрированием нестационарной двумерной системы уравнений, описывающей движение электронов и ионов в самосогласованном электрическом слое с учетом