

РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАУК

СИБИРСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ

А В Т О М Е Т Р И Я

2004, том 40, № 4

УДК 519.72

В. В. Савченко

(Нижний Новгород)

**ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ЛИНЕЙНОЙ АВТОРЕГРЕССИОННОЙ
МОДЕЛИ ДЛЯ ПРОГНОЗИРОВАНИЯ ДИНАМИКИ
БИРЖЕВЫХ КОТИРОВОК**

Поставлена и решается задача создания динамической модели рыночной конъюнктуры, способной быстро адаптироваться к разнообразным формам внешних корректировок курса ценных бумаг.

Введение. Распространение компьютерной техники и новых информационных технологий в самых разных сферах человеческой деятельности не могло не затронуть, причем кардинальным образом, такую важную для общества в целом и до недавнего времени узкоспециальную сферу, как фондовый рынок или рынок ценных бумаг. Особенno это относится к планированию и организации биржевой игры как основного механизма рыночного ценообразования. А появление в последние годы разнообразных информационных систем, нацеленных на подключение к биржевой игре клиента-пользователя в режиме *on-line* непосредственно с его рабочего места через сеть Internet, привело к формированию целой армии игроков, представляющих интересы множества компаний, фирм и даже частных лиц, ранее никак не связанных с рынком ценных бумаг. Одновременно с указанным процессом, а может быть, как его следствие, резко возрос интерес к новым методам обработки информации со стороны не только специалистов-исследователей, но и практиков биржевой игры. Именно этим категориям читателей в первую очередь и адресована предлагаемая работа. В ее основу положены работы [1–3], а также ряд новых результатов, полученных в процессе практической деятельности игрока на Московской межбанковской валютной бирже в период с января по июнь 2003 г.

Проблема нестабильности рыночной конъюнктуры. Спекулятивная биржевая игра или игра на колебаниях курса ценных бумаг вызывает повышенный общественный интерес, прежде всего, по причине своей потенциально высокой доходности. Разумеется, указанная доходность в определенной мере «уравновешивается» риском крупных потерь. Любой приемлемый план игрока на очередную торговую сессию (рабочий день биржи) сводится по сути к поиску разумного компромисса между ожидаемым доходом, с одной стороны, и возможными потерями в неблагоприятной ситуации, с другой. Очевидно, что чем лучше принятый план согласован с динамикой

рыночной конъюнктуры, тем большим будет эффект от его воплощения в жизнь. Задача состоит, таким образом, в предвидении или прогнозировании поведения рыночных цен на будущую торговую сессию [4].

Проблема заключается в том, что используемые прогнозы принципиально ограничены по своей точности и надежности, т. е. сопровождаются значительными ошибками вследствие воздействия на рыночную конъюнктуру множества случайных, неучитываемых факторов. Особенно остро данная проблема возникает в условиях российского рынка ценных бумаг с характерной для него нестабильностью спроса и предложения. В результате резко возрастает риск и соответственно снижается активность игроков, при том что возможности биржевой игры в условиях кризиса объективно возрастают (за счет больших амплитуд колебаний рыночных цен в пределах торговой сессии). На преодоление данного противоречия в основном и направлено проведенное далее исследование. Его исходным пунктом и одновременно главным мотивом явилась идея о действии двух механизмов формирования рыночной конъюнктуры. Первый из них доминирует на стабильном рынке и реализует в своей основе принцип саморегулирования курса ценных бумаг в процессе осуществляемых торгов. В теории и практике биржевой игры он отображается в виде вполне определенной математической модели поведения рынка в динамике. Второй механизм отталкивается от возможности внешних корректировок рыночных цен в интересах какой-либо группы влиятельных участников рынка (любая их реакция на важные текущие общественные события в форме массовых покупок или продаж по сути и есть такая корректировка рынка, часто носящая вынужденный характер). Его значение особенно возрастает в условиях кризиса, когда, во-первых, естественное состояние рыночной конъюнктуры перестает удовлетворять большинство участников рынка, и поэтому резко возрастает интенсивность предпринимаемых ими попыток рыночных корректировок; во-вторых, механизм саморегулирования разбалансированного рынка объективно оказывается ослабленным, и поэтому возрастает эффект от внешних корректировок цен при минимальных объемах вкладываемых в них средств и максимальной оперативности. Планирование биржевой игры в указанных условиях находится в прямой зависимости от той или иной альтернативы поведения рынка в динамике, т. е. должно носить многоальтернативный характер. Представленная работа посвящена методологии именно такого рода планирования.

Принципы многоальтернативного планирования биржевой игры. Реальное поведение рыночных цен отражает в своей динамике чередование кратких периодов плавного или естественного развития рынка под действием его механизма саморегулирования с периодами или даже моментами предпринимаемых внешних корректировок цен. Каждая конкретная сессия может быть априори отнесена к любому из указанных периодов. Правильная идентификация последнего периода участником-игроком является главным условием его успешной биржевой игры при нестабильной рыночной конъюнктуре. Только решив безошибочно эту важную задачу, игрок обоснованно определяется с выбором наилучшего плана покупок и продаж на будущую торговую сессию. К сожалению, в большинстве ситуаций игрок заранее не может быть уверен ни в самом факте внешней корректировки цен, ни в ее точных параметрах по каждому виду ценных бумаг. Все это вынуждает игрока не торопиться со своим выбором, по крайней мере, до начала очередной сессии. Его дальнейшие действия основываются на следующих наблюдениях.

Если корректировка цен кем-то и производится, то чаще всего именно в самом начале торгов, когда позиции большинства участников рынка в максимальной степени не определены и эффект от предпринимаемых ее инициаторами усилий также максимален. Поэтому уже в первые минуты торгов по мере постепенного уменьшения спреда (разница между ценами спроса и предложения) общее соотношение сил между «быками» и «медведями» становится в целом понятным. Если корректировка отсутствует, то цены закрытия предыдущей сессии плавно переходят в цены открытия очередной сессии. Напротив, если цены открытия резко (скачком) изменились, то это почти безошибочно указывает на предпринятую попытку их корректировки. Причем амплитуда указанного ценового скачка является важной и во многом исчерпывающей характеристикой интенсивности внешней корректировки. Полученная информация служит решающим аргументом в пользу наилучшего плана биржевой игры на данную торговую сессию. Например, если игрок, наблюдая по своему монитору начальную динамику цен, приходит к выводу об отсутствии сколько-нибудь существенных внешних возмущений рынка, то предпочтение им отдается плану покупок и продаж, основанному на краткосрочных прогнозах естественного поведения рыночной конъюнктуры. Если, напротив, игрок зафиксировал предпринятую кем-то попытку корректировки рыночных цен, первоначальный план (назовем его основным) им заменяется на альтернативный, рассчитанный на конкретный вид внешней корректировки. Отметим, что в общем случае альтернативный план биржевой игры может быть не один, а несколько при учете разных вариантов ожидаемых внешних корректировок.

И основной и альтернативные планы игры составляются игроком накануне торговой сессии на основании краткосрочных прогнозов динамики рыночной конъюнктуры. В начале же каждой сессии игрок выбирает наилучший для себя план из имеющихся в его распоряжении альтернатив. Причем указанный выбор осуществляется им по очевидному принципу максимальной близости реально складывающихся на открытие сессии цен на разные виды ценных бумаг с различными вариантами их прогнозов: одним основным и несколькими альтернативными из числа подготовленных игроком накануне. Чем выше квалификация игрока, тем меньше времени ему требуется для предварительного анализа текущего состояния рынка по поступающим оперативным данным и тем выше будет эффект от практического осуществления выбранного плана игры в пределах торговой сессии.

Таким образом, в условиях нестабильной рыночной конъюнктуры, когда попытки внешних корректировок цен со стороны различных групп участников рынка предпринимаются особенно часто, оптимальные действия игрока по планированию биржевых операций на предстоящую сессию будут следующими:

- 1) накануне торговой сессии по данным ретроспективных наблюдений над конъюнктурой рынка ценных бумаг игроком составляются основной и ряд альтернативных планов покупок и продаж, рассчитанных на разные варианты возможной внешней корректировки цен;
- 2) непосредственно в начале торгов игрок, основываясь на ценах открытия, определяется в пользу одного (наилучшего) из подготовленных им планов;
- 3) данный план принимается игроком как руководство к действию на время, оставшееся до окончания торгов.

По завершении сессии при подготовке к очередному торговому дню все перечисленные операции повторяются в той же последовательности. Отметим, что фактор времени в этой методике играет первостепенную роль. В особо сложных ситуациях, когда рынок ценных бумаг сильно разбалансирован, первичный анализ его конъюнктуры может потребовать от игрока очень большого времени, сопоставимого с продолжительностью всей торговой сессии. Однако это, по-видимому, неизбежная плата за достигаемое снижение риска потерь благодаря осуществляемому согласованию плана игры с текущим состоянием рыночной конъюнктуры. Отсюда, в частности, следует вывод, что ключевым звеном предлагаемой методики является ее первый, подготовительный этап, который отталкивается от набора альтернативных прогнозов динамики рынка ценных бумаг.

Проблема состоит в том, что само понятие альтернативных прогнозов до настоящего времени мало изучено. Между тем на эвристическом уровне оно давно и успешно эксплуатируется. Любой игрок-практик, приходя на сессию, сначала сверяет свои ожидания (прогнозы) с реальным состоянием рынка и только по результатам такого анализа приступает к практическим действиям. Причем нередко первоначальный план игры он в ходе сессии меняет на принципиально другой, т. е. альтернативный план, который лучше согласуется с текущей рыночной конъюнктурой. Однако такой примитивный вариант альтернативного планирования пригоден разве что для относительно стабильного рынка. На нестабильном рынке требуется более строгий подход, рассчитанный на множество альтернатив возможных ценовых корректировок. Задача сводится к созданию универсальной динамической модели рынка, способной быстро адаптироваться к разнообразным внешним возмущениям. Довольно общий подход к ее решению в распространении на разные виды ценных бумаг и разную степень нестабильности рыночной конъюнктуры основывается на линейной динамической модели стохастического процесса типа авторегрессия [5].

Авторегрессионная модель динамики рыночной конъюнктуры. Конъюнктура рынка ценных бумаг характеризуется целым рядом количественных показателей, среди них максимальная (за сессию) цена спроса по каждому виду бумаг, минимальная цена предложения, средневзвешенная цена сделок и другие. В этом ряду особая роль отводится цене последней сделки по результатам торгового дня или цене закрытия. Именно цена закрытия (ЦЗ) кладется в основу расчета текущего курса ценных бумаг на большинстве валютно-фондовых бирж. Поэтому и планирование биржевой игры базируется главным образом на данном конъюнктурном показателе.

Рассмотрим любой конкретный вид ценных бумаг. Например, это могут быть акции какого-либо предприятия, его долговые обязательства или контракты. Обозначим для них ЦЗ по результатам рабочего дня биржи как $c(t)$, где $t = 1, 2, \dots$ – дискретное время или порядковый номер торговой сессии в ряду других предшествующих ей сессий. Тогда конечная разность первого порядка $x(t) = c(t) - c(t-1)$ будет характеризовать приращение курсовой цены в процессе осуществляемых торгов. При $x(t) > 0$ говорят о росте курса соответствующей ценной бумаги, при $x(t) < 0$ – о его падении. Наилучшим планом игры в первом случае является, очевидно, покупка ценных бумаг в начале и продажа в конце сессии. Напротив, при снижении цен сначала должна производиться продажа данных акций. При этом важное значение имеет и последующая динамика рынка в моменты $t+1, t+2, \dots, t+k$, где k – длина интервала анализа.

К сожалению, в большинстве ситуаций значение приращения $x(t)$ игроку заранее неизвестно и может быть точно определено только по факту завершившихся торгов. А сам механизм формирования курсовой цены подвержен действию множества случайных факторов и поэтому требует специального изучения в каждом конкретном случае. Чаще всего здесь применяется статистический подход [1], основанный на результатах ретроспективных наблюдений. Рассматривая величину приращения ЦЗ $x(t)$ в последовательные моменты времени $t = 1, 2, \dots, n$, т. е., переходя к понятию временного ряда данных $x(1), \dots, x(n)$, где n – объем наблюдений, будем иметь исчерпывающую характеристику динамики курса ценных бумаг для любого текущего момента $t = n$:

$$c(n) = c(n-1) + x(n), \quad n = 1, 2, \dots$$

Для игрока, планирующего свои действия на будущую $(n+1)$ -ю сессию, решающее значение имеет прогноз приращения курсовой цены на момент $t = n+1$. Обозначим его как $\hat{x}(n+1)$. Основываясь на таком прогнозе, игрок может заблаговременно оценить и саму цену закрытия для предстоящей торговой сессии:

$$\hat{c}(n+1) = c(n) + \hat{x}(n+1). \quad (1)$$

Очевидно, что точность такой оценки зависит главным образом от метода получения прогноза $\hat{x}(n+1)$. В рамках статистического подхода наибольший интерес вызывают оптимальные методы с минимальной дисперсией ошибки прогнозирования [2]. Для этих методов в общем случае будем иметь

$$\hat{x}(n+1) = F\{x(t), t > n-q\},$$

где q – порядок применяемой оценки. Конкретный вид и параметры функционала $F\{\cdot\}$ определяют здесь, как говорят, математическую модель анализируемого временного ряда. Подбор и строгое обоснование последней являются важным исходным звеном любого метода статистического прогнозирования. При этом чаще всего предпочтение отдают моделям линейного вида, так как, во-первых, во многих случаях линейные динамические модели в достаточной степени адекватно отражают существующую корреляционную связь между последовательными наблюдениями $x(t)$ [6]; во-вторых, именно для них разработан наиболее эффективный математический аппарат синтеза и анализа [2, 3].

Для линейной модели наблюдений общего вида можно записать [1]:

$$\hat{x}(n+1) = a_1 x(n) + a_2 x(n-1) + \dots + a_q x(n+1-q) = \sum_{i=1}^q a_i x(n+1-i), \quad (2)$$

где $a_1, a_2, \dots, a_q \triangleq \mathbf{a}$ – вектор коэффициентов или параметров модели q -го порядка. Представленное выражение определяет прогноз приращения курса ценной бумаги на будущую $(n+1)$ -ю сессию или один шаг в будущее в отсчете от текущего момента времени $t = n$. При прогнозировании этого же

курса на произвольное число шагов $k \geq 1$ из выражения (2) по индукции при $k = 1, 2, \dots$ получаем

$$\hat{x}(n+k) = \sum_{i=1}^{k-1} a_i \hat{x}(n+k-i) + \sum_{j=k}^q a_j x(n+k-j). \quad (3)$$

Последняя зависимость охватывает расчетную формулу (2) как частный случай при равенстве $k = 1$. С точки зрения игрока она определяет ближайшую (краткосрочную) перспективу поведения рынка ценных бумаг или его динамику на несколько торговых сессий в будущее и является основным инструментом для планирования биржевой игры. Свой план покупок и продаж на $(n+1)$ -ю сессию игрок обязан соотносить с характером указанной зависимости: при ожидаемом спаде цен в моменты $t = n+2, n+3$ и т. д. он должен завершать планируемые им действия продажей, в противном случае – покупкой ценных бумаг [4]. Иначе резко возрастает риск и снижается в итоге доходность.

В теории статистических методов выражения (2) и (3) в совокупности обычно связывают с линейной стохастической моделью временного ряда данных типа авторегрессия [5]:

$$x(t+1) = \sum_{i=1}^q a_i x(t+1-i) + \eta(t), \quad t = 1, 2, \dots, \quad (4)$$

с порождающим белым шумом $\eta(t)$ в роли случайного возмущения. Его математическое ожидание $M\{\eta(t)\}$ равно нулю, а дисперсия фиксирована на некотором уровне

$$D\{\eta(t)\} = M\{\eta^2(t)\} = \sigma_\eta^2(t).$$

Здесь вектор параметров a составляется из соответствующих коэффициентов авторегрессии заданного порядка q . Главными достоинствами такой модели являются ее универсальность, хорошо разработанный математический аппарат, а также способность быстрой адаптации к широкому кругу реальных динамических процессов [3]. Ее строгое теоретико-информационное обоснование дается в работе [2]. Кроме того, сама структура авторегрессионной (AP) модели (4) органично сочетается с идеей скрытых в большинстве финансовых процессов периодических составляющих [6].

Альтернативные прогнозы динамики рыночной конъюнктуры. Введенная модель авторегрессии при достаточно высоком порядке $q \gg 1$ распространяется в своих приложениях на рыночную конъюнктуру разной степени нестабильности и разные варианты корректировок рыночных цен. Так, текущему состоянию рынка до момента очередной корректировки цен отвечает стационарная AP-модель (4) со стабильным шумом возмущения. Стабильным в том смысле, что его дисперсия не меняется во времени, т. е.

$$\forall t \geq 1: \sigma_\eta^2(t) = \sigma_\eta^2 = \text{const.}$$

Константа σ_η^2 и определяет в конечном итоге предельно достижимое снизу значение дисперсии или среднего (статистического) квадрата ошибки прогнозирования для любого текущего момента времени $t = n + 1$:

$$\mathbf{M}\{[\hat{x}(n+1) - x(n+1)]^2\} = \mathbf{D}\{\eta^2(n+1)\} = \sigma_\eta^2.$$

В таком случае оценка прогнозирования (2), (3) реализует механизм саморегулирования рыночной конъюнктуры в отсутствие внешних возмущений.

В момент же воздействия на рынок ценных бумаг сильного внешнего возмущения ошибка прогнозирования резко возрастает. Это очевидное для практики положение находит свое естественное отражение в рамках универсальной модели (4) с нестационарным шумом $\eta(t)$. Его дисперсия в указанный момент времени мгновенно увеличивается:

$$\mathbf{D}\{\eta(n+1)\} = \sigma_\eta^2 + \Delta\sigma_\eta^2(n+1) \approx \Delta\sigma_\eta^2(n+1) \gg \sigma_\eta^2.$$

Прогноз биржевых котировок по формуле (2) в указанных условиях утрачивает свой первоначальный смысл. Более того, меняется сама логика планирования биржевой игры: решение принимается по факту состоявшейся корректировки в расчете на прогноз краткосрочной реакции рынка на данную корректировку. Например, одна и та же корректировка цен «вверх» в зависимости от момента ее проведения может либо изменить тенденцию спада на тенденцию роста на 2–3 дня подряд, либо исчерпать собой весь его потенциал роста и тем самым приблизить начало периода спада. Ясно, что трейдер в указанных условиях должен формировать свою позицию в пределах текущей, $(n+1)$ -й, торговой сессии в зависимости от прогноза реакции рынка на очередную, $(n+2)$ -ю, и последующие за ней несколько сессий. Таким образом, вместо первоначального (основного) прогноза составляется альтернативный прогноз, точнее, несколько прогнозов на период с $(n+1)$ -й по $(n+k)$ -ю сессии, настроенные на различные виды и параметры предпринимаемых корректировок рыночных цен.

Основой альтернативного краткосрочного прогноза является откорректированная АР-модель динамики цен (4), ее вектор весовых коэффициентов \mathbf{a} должен соответствовать новому состоянию рынка. В принципиальном отношении она не отличается от предыдущей модели: это по-прежнему стационарный АР-процесс (4), параметры которого не меняются до следующей корректировки цен (отметим, что модель стационарного процесса теоретически не накладывает никаких серьезных ограничений на множество своих реализаций).

К сожалению, во многих случаях конкретный вид и параметры осуществляемых корректировок большинству участников рынка заранее неизвестны. Иными словами, в условиях «возмущенного» рынка при подготовке к очередным торговым игрокам должен исходить из многоальтернативности вероятных корректировок цен, сам факт проведения которых к тому же не очевиден. Довольно конструктивным способом учета такой ситуации может служить идея многоальтернативного прогнозирования курса ценных бумаг на краткосрочную перспективу в зависимости от варианта осуществляющейся корректировки.

Пусть l – номер альтернативы, а L – их (альтернатив) суммарное число. Тогда для любого текущего момента времени $t = n$ будем иметь L различных вариантов ожидаемого приращения ЦЗ по каждому виду ценных бумаг:

$$\hat{x}(n+1) = b_l, \quad l = \overline{1, L}. \quad (5)$$

Здесь b_l – значение приращения, характеризующее степень и направление: плюс или минус предполагаемой корректировки. Чем больше b_l отличается от основного прогноза по формуле (2), причем в любую сторону (вверх или вниз), тем интенсивнее соответствующая корректировка. При этом основной прогноз, обозначим его как $\hat{x}_0(n+1)$, дает приблизительный ориентир при выборе всех допустимых альтернатив из (5), например, по правилу «трех сигм» вида

$$b_l = \hat{x}_0(n+1) + (-1)^l (2 \dots 3) \sigma_x l / L, \quad l = 1, 2, \dots, L,$$

где $\sigma_x^2 > \sigma_\eta^2$ – дисперсия случайных колебаний ЦЗ (легко оценивается по конечной выборке наблюдений). Отметим, что на практике число альтернатив L обычно не превышает нескольких единиц. Подставляя значения (5) в выражение (3), из (1) по индукции при $k = 1, 2, \dots$ будем иметь набор альтернативных краткосрочных прогнозов поведения рыночной конъюнктуры в динамике для всех рассматриваемых вариантов корректировок. Каждый из нихложен игроком в основу его соответствующего альтернативного плана на будущую торговую сессию, рассчитанного на конкретный вид ожидаемой внешней корректировки. Если, например, какая-то корректировка цен b_l приводит к продолжительному (2–3 торговые сессии подряд) росту курса ценной бумаги, то это явный сигнал к ее (бумаги) предпочтительным покупкам в пределах текущей $(n+1)$ -й сессии. В случае же прогнозируемого на ближайшую перспективу спада цен на ту же ценную бумагу в рассматриваемом альтернативном плане она, напротив, предназначается к быстрой продаже. В любом варианте своих будущих действий игрок добивается положительного результата за счет предварительного анализа спрогнозированной реакции рынка на каждый вид возможной корректировки цен. Отметим, что для большинства других участников рынка такая его реакция в течение долгого времени, по крайней мере до следующей, $(n+2)$ -й сессии не выглядит очевидной. А это резко увеличивает их риск потерь в условиях нестабильного рынка.

Таким образом, и основной и альтернативные планы биржевой игры на будущую торговую сессию отталкиваются от рекуррентного выражения (3) при его инициализации либо по формуле (2) в основном варианте плана, либо согласно системе равенств (5) во всех альтернативных планах. Задача сводится в таком случае к настройке или, как говорят, адаптации АР-модели (4) под каждый конкретный ряд данных. Теория такой адаптации, по крайней мере, для стационарного случая в настоящее время хорошо изучена и широко представлена в новейших разработках различных фирм-производителей компьютерных программ. При этом предпочтение следует отдавать методам с улучшенными динамическими свойствами [5]. О продуктивности предложенного подхода свидетельствуют следующие результаты его практической апробации в условиях реального рынка ценных бумаг.

Пример практического применения. Работа проводилась в режиме ежедневных торгов на Московской межбанковской валютной бирже, точнее, на вынесенном АРМ трейдера (игрока), организованном согласно договору между Нижегородским государственным лингвистическим университетом (клиент) и Нижегородским НБД-банком (сервер). Программа апробации включала в себя ежедневные вычисления краткосрочных прогнозов цены закрытия биржи по акциям РАО «ЕЭС России» согласно выражениям (1)–(5) на интервале $k < 10$ или до двух рабочих недель в будущее. При этом применялась АР-модель (4), порядок которой $q = 10$ был установлен оптимальным по критерию минимума информационного рассогласования [2]. Ее настройка (адаптация) производилась перед открытием очередной торговой сессии в режиме «скользящего окна» длиной 200 отсчетов в ретроспективу. При этом использовалась рекуррентная процедура Берга [3, 5]:

$$\left. \begin{aligned} S_{m-1}^2 &= \frac{1}{2(200-m)} \sum_{t=m}^{199} [x_{m-1}^2(t) + y_{m-1}^2(t-1)]; \\ \rho_m &= \frac{1}{S_{m-1}^2} \sum_{t=m}^{199} x_{m-1}(t)y_{m-1}(t-1)/(200-m); \\ a_m(i) &= a_{m-1}(i) + \rho_m a_{m-1}(m-i), \quad i = \overline{1, 10}; \\ \sigma_m^2 &= (1 - \rho_m^2)\sigma_{m-1}^2, \quad \sigma_0^2 = S_0^2; \\ x_m(t) &= x_{m-1}(t) + \rho_m y_{m-1}(t-1); \\ y_m(t) &= y_{m-1}(t-1) + \rho_m^* x_{m-1}(t), \quad m = \overline{1, 10}, \end{aligned} \right\}$$

с инициализацией $x_0(t) = y_0(t) = x(n-199+t)$ для всех $t = 0, \dots, 199$ в основном варианте прогноза и $x_0(t) = y_0(t) = x(n-198+t)$, $t = 0, \dots, 198$, и $x_0(199) = y_0(199) = b_l$ в каждом l -м альтернативном варианте. Здесь $x_m(t)$ и $y_m(t)$ – ошибки линейного предсказания m -го порядка «вперед» и «назад» соответственно. Финальное значение рекурсии $\{a_m(i)\}$ при $m = 10$ и определяет результатирующую, т. е. адаптированную под выборку $\{x(n)\}$, АР-модель наблюдений (4).

Результатирующая доходность игры по операциям с суммой в 1 млн руб. в отдельные периоды достигала 100 % годовых и более (2–3 % в неделю), что подтверждается соответствующими банковскими документами. На рис. 1, 2 показаны две группы краткосрочных прогнозов динамики курса акций на пять торговых дней в будущее в отсчете от 13 февраля и 19 июня 2003 г. соответственно. Основные прогнозы занимают здесь промежуточное положение между двумя альтернативными прогнозами, рассчитанными каждый на корректировку цен либо вверх, либо вниз. На этих же рисунках для сравнения штриховыми линиями показана истинная динамика цен, полученная по факту проведения торгов на момент окончания периодов прогнозирования. Видно, что в первом случае (см. рис. 1) истинная динамика цен почти безошибочно отражена, по крайней мере, в первую неделю торгов, именно в основном прогнозе цены закрытия, т. е. здесь доминировал механизм саморегулирования рыночной конъюнктуры. Напротив, во втором случае (см. рис. 2) была

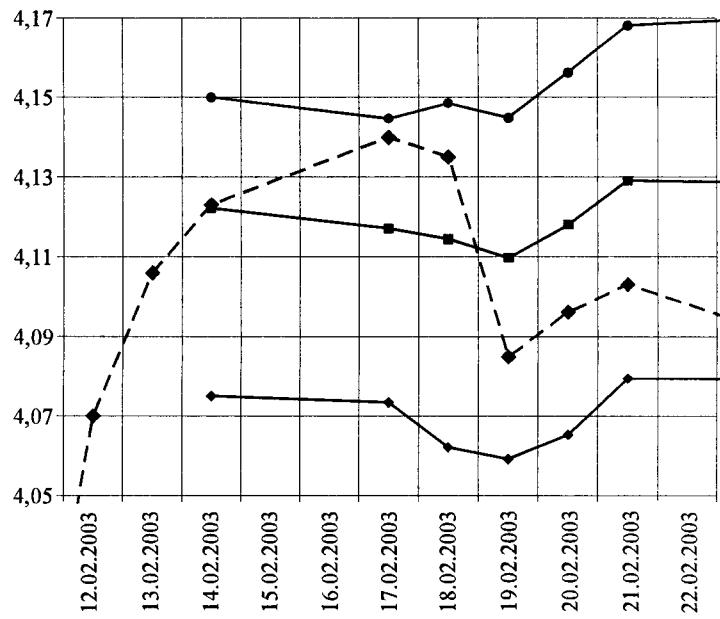


Рис. 1

предпринята достаточно сильная корректировка цен вверх, и соответственно более точным оказался верхний альтернативный прогноз.

Отметим также важную деталь: в ряде случаев (например, см. рис. 2) будущая динамика рынка, т. е. чередование моментов повышения и понижения цен, во всех прогнозах выглядит вполне устойчивой. Это признак относительно стабильного состояния рыночной конъюнктуры в данный период. В

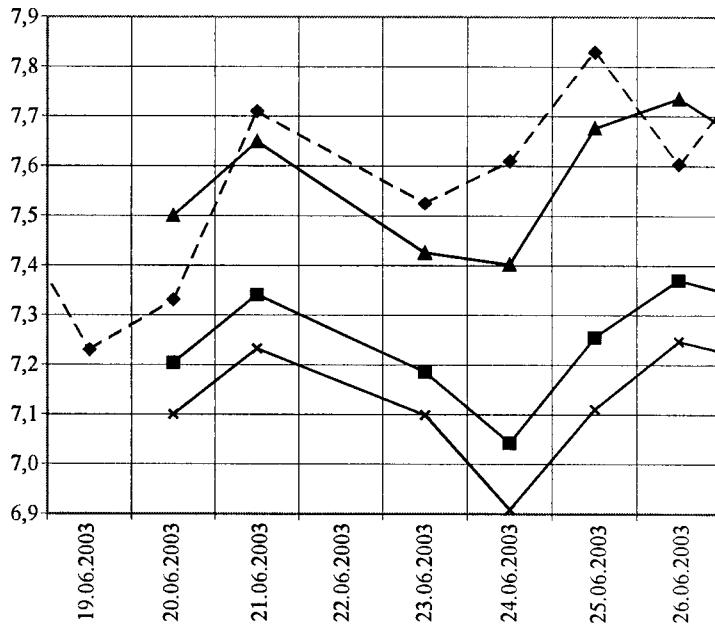


Рис. 2

то же время рис. 1 иллюстрирует ситуацию, когда ожидаемая динамика рынка в альтернативных прогнозах сильно разнится между собой. Это признак нестабильного состояния рынка. Очевидно, что информация такого рода имеет большую практическую ценность при планировании биржевой игры как дополнительный фактор повышения надежности применяемых прогнозов.

Заключение. В основе естественного поведения рыночных цен в динамике действует ряд скрытых закономерностей, в которых учтен весь спектр различных интересов множества участников рынка, причем во многих случаях противоречащих друг другу. Иными словами, естественная динамика рынка – это своеобразный способ слаживания существующих на нем противоречий и достижение разумного компромисса между интересами его отдельных участников. Именно в этом смысле обычно и говорят о механизме саморегулирования рыночной конъюнктуры. Чем эффективнее действует указанный механизм, тем более привлекателен данный рынок для инвестиций и тем более широк круг его участников, больше объем вкладываемых ими денежных средств и выше стабильность рыночной конъюнктуры. Напротив, любые сбои в работе механизма саморегулирования рынка почти мгновенно дестабилизируют его конъюнктуру. И наоборот, при воздействии мощных внешних возмущений, дестабилизирующих рынок ценных бумаг, его механизм саморегулирования на какое-то время (зависит от многих факторов) оказывается ослабленным. В результате в течение определенного периода рынок переживает кризис: сокращается число участников и вместе с ними сумма вложенных в рынок средств, понижается ликвидность ценных бумаг и активность игроков.

В периоды выхода рынка из кризиса возникает необходимость в проведении адекватных обратных корректировок рыночных цен, нацеленных на возврат рынка в стабильное состояние. В лучшем случае достигается именно такая цель, в худшем – прямо противоположная, а именно дальнейшее ослабление механизма саморегулирования и углубление кризиса. Противоборство двух указанных тенденций на рынке ценных бумаг особенно возрастает по мере затягивания кризисного периода, поскольку всегда находится группа влиятельных участников, играющих на дальнейшее понижение цен («медведи»). Образуется замкнутый круг: слабый рынок – сильные корректировки – углубление кризиса. Разорвать этот порочный круг можно только ценой очень мощных положительных воздействий на рынок извне, т. е. ценой дополнительных затрат, возрастающих в своем объеме по мере углубления кризиса. Ярким примером служит российский рынок ценных бумаг.

Между тем существует эффективный способ вывода рынка из кризиса путем минимальных суммарных затрат со стороны государственных или корпоративных органов управления. Для этого предпринимаемые ими корректировки должны быть строго спланированы по времени их проведения и дозированы по объему, причем спланированы в расчете на вероятное им противодействие со стороны других игроков, заинтересованных в углублении кризиса. Идеология такого планирования очевидна: одна и та же по объему вкладываемых средств корректировка рыночных цен вызывает разный эффект с точки зрения даже ближайшей перспективы в зависимости от момента ее проведения. Чем лучше согласован этот момент с текущим состоянием рынка и его внутренним механизмом саморегулирования, тем больший эффект способна принести данная корректировка в настоящем и будущем. Нетрудно понять, что в такой постановке задача по своей сути сводится к рас-

смотренным выше идеям многоальтернативного прогнозирования и планирования биржевой игры. Анализируя альтернативные прогнозы рыночных цен при разных параметрах и разных сочетаниях рассматриваемых корректировок, находим оптимальный вариант корректировки с гарантированным максимальным эффектом в условиях острого противоборства. При этом все основные действия субъекта данной корректировки производятся в том же порядке и по той же методике, что и игроками, хотя, разумеется, и под другим углом зрения на цель и ожидаемый эффект. Таким образом, предложенный в данной работе подход может быть в целом охарактеризован как весьма эффективный и универсальный инструмент статистической обработки информации, направленный на планирование биржевой игры в ее самом широком смысле: в расчете на разные цели участников рынка и разные средства для их достижения.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Савченко В. В. Прогнозирование социально-экономических процессов на основе адаптивных методов спектрального оценивания // Автометрия. 1999. № 3. С. 99.
2. Савченко В. В. Теоретико-информационное обоснование линейных оценок прогнозирования // Автометрия. 2001. № 5. С. 68.
3. Савченко В. В., Шкулев А. А. Адаптивная оценка прогнозирования случайного временного ряда на основе авторегрессионной модели наблюдений // Автометрия. 2002. № 2. С. 35.
4. Элдер А. А. Как играть и выигрывать на бирже. М.: Крон-пресс, 1996.
5. Марпл-мл. С. Л. Цифровой спектральный анализ и его приложения. М.: Мир, 1990.
6. Гренджер К., Катанака М. Спектральный анализ временных рядов в экономике. М.: Статистика, 1972.

*Нижегородский государственный
лингвистический университет,
E-mail: svv@lunn.sci-nnov.ru*

*Поступила в редакцию
29 октября 2003 г.*