

**ПОЛЕ КОНЦЕНТРАЦИЙ ВОЗБУЖДЕННЫХ МОЛЕКУЛ
В ДИФФУЗИОННОМ CO₂—N₂-ЛАЗЕРЕ**

B. M. Маргулис, A. D. Марголин, Z. I. Каганова
(Москва)

Инверсная населенность молекул CO₂ в диффузационном лазере возникает в результате резонансной перекачки колебательной энергии от возбужденных молекул азота к молекулам углекислого газа при перемешивании струй обоих газов [1—7]. В работе [8] рассмотрена кинетика релаксационных процессов при диффузационном перемешивании двух плоских полубесконечных струй рабочего газа (CO₂) и колебательно-возбужденного вспомогательного газа (N₂). Найдено приближенное аналитическое решение упрощенной системы диффузионно-кинетических уравнений, из которого следует, что максимум инверсной населенности находится в струе азота. Вслед за фронтом диффузии молекул углекислого газа в сторону возбужденного азота распространяется область колебательно-возбужденных молекул CO₂ — своеобразная «волна возбуждения».

В настоящей работе численным методом найдено распределение концентраций колебательно-возбужденных молекул при смешении конечных и полубесконечных струй углекислого газа и возбужденного азота.

Полубесконечные струи. Две плоские параллельные струи углекислого газа и колебательно-возбужденного азота движутся вдоль оси x с одинаковой скоростью v и приходят в соприкосновение в точке $x=0$ в момент $t=0$. Упрощенная система диффузионно-кинетических уравнений, описывающая процесс взаимодействия струй при допущениях, принятых в работах [5, 6, 8] (а именно: $\exp(-E_2/kT) \ll 1$, $\exp[-(E_1 - E_2)/kT] \ll 1$, где E_1, E_2 — энергия верхнего и нижнего лазерных уровней; время жизни колебательно-возбужденного азота значительно превосходит остальные характерные времена процесса; концентрация возбужденных молекул мала), запишется следующим образом:

$$\frac{\partial n}{\partial \tau} = -\beta n C(\xi, \tau) + \beta \theta N(\xi, \tau) + \frac{\partial^2 n}{\partial \xi^2}, \quad (1a)$$

$$\begin{aligned} \frac{\partial \theta}{\partial \tau} &= \beta n C(\xi, \tau) - \beta \theta N(\xi, \tau) - \alpha_1 \theta C(\xi, \tau) - \alpha_2 \theta N(\xi, \tau) + \frac{\partial^2 \theta}{\partial \xi^2}; \\ \frac{\partial C}{\partial \tau} &= \frac{\partial^2 C}{\partial \xi^2}, \\ \frac{\partial N}{\partial \tau} &= \frac{\partial^2 N}{\partial \xi^2}, \end{aligned} \quad [(1b)]$$

Начальные условия: при $\tau=0$, $n=N=1$, $\theta=C=0$ ($\xi>0$), и $C=1$, $n=\theta=N=0$ ($\xi<0$). Границные условия: $\xi=\pm\infty$, $\frac{\partial n}{\partial \xi} = \frac{\partial \theta}{\partial \xi} = \frac{\partial C}{\partial \xi} = \frac{\partial N}{\partial \xi} = 0$.

Здесь $n = \frac{[N_2^*]}{[N_2]_0}$, $N = \frac{[N_2]}{[N_2]_0}$ — удельная концентрация возбужденных и невозбужденных молекул азота; $\theta = \frac{[CO_2^*]}{[N_2^*]_0}$, $C = \frac{[CO_2]}{[CO_2]_0}$ — удельная концентрация возбужденных и невозбужденных молекул углекислого газа; $[N_2^*]_0$, $[N_2]_0 = [CO_2]_0$ — начальные концентрации (в момент $t=0$); $\tau = k_1[N_2]_0 t = \frac{k_1 [N_2]_0 x}{v}$ — безразмерное время; $\xi = y \sqrt{\frac{D}{k_1 [N_2]_0}}$ — безразмерная координата, направленная поперек потока; $\alpha_1 = \frac{k_1}{k_1} = 1$, $\alpha_2 = \frac{k_2}{k_1}$, где k_1 , k_2 — константы скоростей дезактивации возбужденных молекул углекислого газа на молекулах CO_2 и азота; $\beta = \frac{k_p}{k_1}$, где k_p — константа скорости резонансного обмена колебательным квантом между CO_2 и N_2 .

Если скорость резонансного обмена энергий между молекулами углекислого газа и азота выше скорости остальных диффузионно-кинетических процессов, уравнения системы (1а) сводятся к одному [18]

$$\frac{\partial m}{\partial \tau} = \frac{\partial^2 m}{\partial \xi^2} - m(C^2 + \alpha_2 CN), \quad (2)$$

где

$$m = \theta + n; \quad \theta = mC(\xi, r); \quad n = mN(\xi, r). \quad (3)$$

При $\tau=0, m=1 (\xi>0)$ и $m=0 (\xi<0)$; при $\xi=\pm\infty \frac{\partial m}{\partial \xi}=0$. Решение уравнений (2), (3) совместно с уравнениями системы (1б) дает распределение колебательно-возбужденных молекул CO_2 и N_2 по координатам ξ и τ . Отметим, что решение этой задачи зависит только от одного безразмерного параметра $m=f_1(\xi, \tau, \alpha_2)$.

В случае, когда релаксацией возбужденных молекул углекислого газа на азоте можно пренебречь по сравнению с релаксацией на углекислом газе, решение задачи становится универсальным, пригодным для любых значений параметров (D, k и т. п.).

Рис. 1. Поле концентраций возбужденных молекул углекислого газа (1) и азота (2).

На рис. 2 приведено сопоставление результатов численного счета с вычислением по приближенной формуле [8]

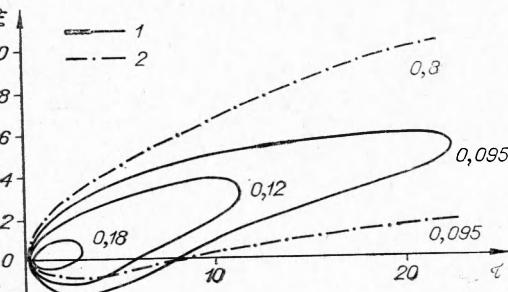


Рис. 1. Поле концентраций возбужденных молекул углекислого газа (1) и азота (2).

$$\theta = 0,43 \left(1 - \frac{\xi}{2\sqrt{\tau}}\right)^8 \sqrt{\tau} \left\{ I_{-\frac{1}{4}} \left[\frac{\sqrt{\tau}}{2} \left(1 - \frac{\xi}{2\sqrt{\tau}}\right)^2 \right] - \right. \\ \left. - \frac{I_{-\frac{1}{4}}(2\sqrt{\tau})}{I_{\frac{1}{4}}(2\sqrt{\tau})} I_{\frac{1}{4}} \left[\frac{\sqrt{\tau}}{2} \left(1 - \frac{\xi}{2\sqrt{\tau}}\right)^2 \right] \right\}, \quad (4)$$

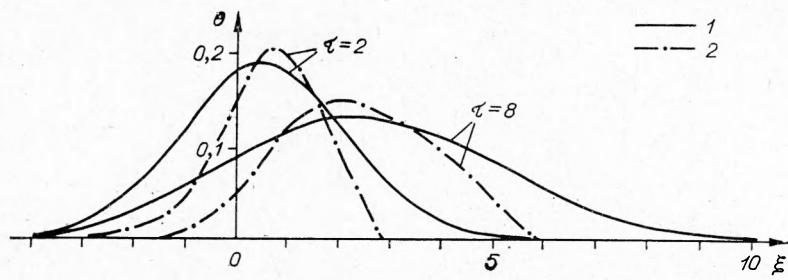


Рис. 2. Распространение концентрации возбужденных молекул углекислого газа, полученное методом численного счета (1) и по формуле (4)–(2).

которая качественно правильно описывает распространение «волны возбуждения» и максимальные значения концентрации возбужденных молекул углекислого газа. Расхождение значений концентраций вдали от максимума объясняется линейной интерполяцией функций $C(\xi, \tau)$ и $N(\xi, \tau)$ с отрезанием «хвостов» в области $|\xi| > 2\sqrt{\tau}$.

Чередующиеся струи возбужденного азота и «холодного» углекислого газа начинают перемешиваться в точке $x=0$ в момент времени $t=0$. Поперечный размер каждой струи одинаков и равен x_0 . Процесс диффузационного перемешивания и колебательной релаксации описывается системой уравнений (1б), (2), (3) со следующими начальными и граничными условиями:

$$\text{при } \tau=0, m=N=1, C=0 \text{ для } 0 < \xi \leq \frac{1}{2};$$

$$C=1, m=N=0 \text{ для } -\frac{1}{2} \leq \xi < 0;$$

$$\text{при } \xi = \pm \frac{1}{2} \frac{\partial m}{\partial \xi} = \frac{\partial C}{\partial \xi} = \frac{\partial N}{\partial \xi} = 0.$$

Решение задачи о взаимодействии струй конечной ширины удобно проводить в безразмерных переменных $\xi = x/x_0$ и $\tau = tD/x_0^2$ при значении констант релаксации, умноженных на характерное время диффузии $\alpha_1 = \frac{k_1 [N_2]_0 x_0^2}{D}, \alpha_2 = \frac{k_2 [N_2]_0 x_0^2}{D}$, т. е. $m = f_2(\xi, \tau, \alpha_1, \alpha_2)$. Расчет поля концентраций возбужденных молекул проведен для трех вариантов (рис. 3, а, б, в): отношение α_1/α_2 принято равным 4, что соответствует отношению констант релаксаций $k_1/k_2 = 4$ [9].

Решение уравнения диффузии (2) с релаксационными членами для полосы дает своеобразную картину поля концентраций. При малых значениях $\tau (\tau \ll 1)$, когда дезактивация молекул несущественна, линии концентраций представляют собой характерные для диффузационного процесса замкнутые линии, исходящие из точек $\xi = 0$ и симметричные относительно осей $\xi = \pm 1/2$. При больших значениях τ начинает сказываться влияние релаксационных процессов. На рис. 3 это проявляется в виде деформаций линий постоянной концентрации.

Функция θ на границах $\xi = \pm 1/2$ при изменении τ сначала растет (скорость подвода возбужденных молекул за счет процесса диффузии превосходит их релаксационную гибель), достигает максимума, затем падает (выполняется обратное соотношение). В точках, где функция θ достигает максимального значения, на линиях $\xi = \pm 1/2$ имеются особенности типа седла. При достаточно больших τ линии постоянной концентрации вырождаются в прямые, параллельные оси ξ , так как процесс перемешивания к этому времени заканчивается.

Как и в случае полубесконечных струй, область колебательно-возбужденных молекул углекислого газа распространяется в сторону струи азота.

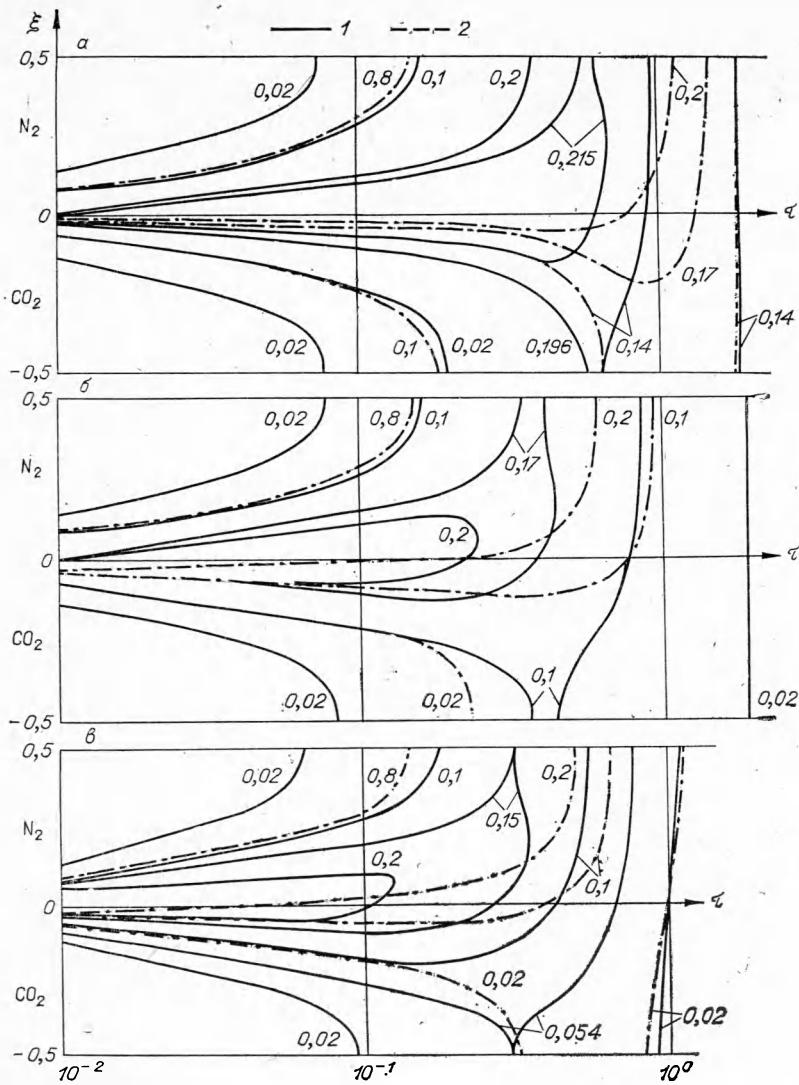


Рис. 3. Поле концентраций возбужденных молекул углекислого газа (1) и азота (2) для случаев:
а) $\alpha_1=1$, $\alpha_2=0,25$; б) $\alpha_1=5$, $\alpha_2=1,25$; в) $\alpha_1=10$, $\alpha_2=2,5$.

Коэффициент усиления лазерной среды из-за неоднородности распределения колебательно-возбужденных молекул CO_2 вдоль координаты ξ при диффузионном смешении струй будет являться функцией координат $G=G(\xi, \tau)$, причем $G(\xi, \tau) \sim \theta(\xi, \tau)$. Усреднение G по ξ позволяет вычислить средний коэффициент усиления среды вдоль координаты ξ :

$$G = [N_2^*]_0 \cdot F(p, T) \cdot \overline{\Delta\theta},$$

где $\overline{\Delta\theta}$ — усредненная по координате ξ величина инверсной населенности, а $F(p, T)$ — известная функция [7], учитывающая распределение колебательно-возбужденных молекул CO_2 по вращательным степеням свободы и зависящая от характера и величины уширения спектральной линии. $F(p, T)$ зависит от поступательной температуры газа, в общем случае — от давления p и слабо зависит от состава смеси азота и углекислого газа.

Если населенность верхнего лазерного уровня велика по сравнению с населенностью нижнего уровня (например, в случае достаточно низкой поступательной температуры газа), то

$$\overline{\Delta\theta} \approx \bar{\theta} = \int_{-\frac{1}{2}}^{+\frac{1}{2}} \theta d\xi. \quad (5)$$

Изменение коэффициента усиления среды вдоль потока для заданных p и T определяется интегралом (5), значение которого в функции координаты τ приведено на рис. 4. Величина θ с увеличением τ при малых значениях τ растет. Это объясняется увеличением числа возбужденных молекул CO_2 из-за перекачки колебательной энергии от возбужденных молекул азота в процессе диффузационного перемешивания. При $\tau \geq 1$ коэффициент усиления среды падает в результате колебательно-поступательной релаксации возбужденных молекул.

Если в струю углекислого газа для увеличения скорости расселения нижнего лазерного уровня вводится в небольших количествах (менее 10%) дополнительный газ (например, пары воды), то распределение колебательно-возбужденных молекул углекислого газа может быть найдено из решения тех же диффузационно-кинетических уравнений (2), (3) с другими коэффициентами

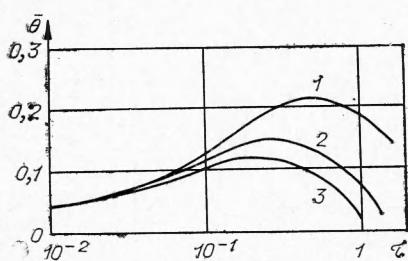


Рис. 4. Изменение усредненной по координате концентрации колебательно-возбужденных молекул для случаев.
1 — $\alpha_1=1$, $\alpha_2=0,25$; 2 — $\alpha_1=5$, $\alpha_2=1,25$; 3 — $\alpha_1=10$, $\alpha_2=2,5$.

$$\alpha'_1 = [\alpha_3\rho + \alpha_1(1-\rho)](1-\rho);$$

$$\alpha'_2 = \alpha_4\rho + \alpha_2(1-\rho),$$

где α_3 , α_4 — безразмерные константы скоростей релаксации колебательно-возбужденных молекул CO_2 и азота на дополнительном газе; ρ — молярная доля примеси.

Поступила в редакцию
6/III 1973

ЛИТЕРАТУРА

1. C. K. N. Patel. Phys. Rev. Lett., 1964, **13**, 617.
2. T. A. Cool, J. A. Shirley. Appl. Phys. Lett., 1969, **14**, 70.
3. B. R. Bronfin et al. Appl. Phys. Lett., 1970, **16**, 214.
4. C. O. Brown. Appl. Phys. Lett., 1970, **17**, 388.
5. Н. Г. Басов, А. Н. Ораевский, В. А. Щеглов. ЖТФ, 1970, **40**, 173.
6. В. М. Маргулис, А. Д. Марголин. ЖТФ, 1971, **41**, 2590.
7. H. A. Hasson, J. W. Bordeau. AIAA J., 1972, **10**, 414.
8. В. М. Маргулис, А. Д. Марголин. ЖТФ, 1972, **42**, 647.
9. W. A. Ross et al. J. Chem. Phys., 1969, **50**, 4996.