УДК 532.54

# Эмпирические формулы для расчета характеристик центробежных дисковых насосов<sup>\*</sup>

# Ю.М. Приходько, В.П. Фомичев, В.П. Чехов, А.Е. Медведев

Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск

# E-mail: prih@itam.nsc.ru

Проведены экспериментальные исследования работы центробежного дискового насоса. Для обобщения экспериментальных данных представлены безразмерные параметры. Предложен метод расчета расходнонапорных и дроссельных характеристик, обеспечивающий точность, достаточную для инженерных расчетов.

Ключевые слова: дисковый насос, машины трения, безразмерные параметры.

#### Введение

Дисковый насос относится к машинам трения. Его главное отличие от традиционных центробежных насосов в том, что жидкость перекачивается благодаря силе вязкого трения. Одной из важных особенностей этого типа насосов является низкий уровень сдвиговых напряжений, создаваемых в перекачиваемой жидкости. Это может быть полезно при перекачивании жидкостей, требующих бережного отношения. В частности, такой насос можно использовать для перекачивания крови. Исследования [1–4] показали, что дисковый насос трения отличается малой травмируемостью форменных элементов крови и вследствие этого малым тромбообразованием (по сравнению с насосами импеллерного типа). Это делает актуальным изучение характеристик и получение расчетных формул для данного типа насосов.

Цель работы — обобщение результатов экспериментальных исследований и получение на их основе расходных, напорных и дроссельных характеристик дискового насоса при различных геометрических и гидравлических параметрах. Используемый в статье подход хорошо зарекомендовал себя при обработке экспериментальных данных для дискового вентилятора [5]. В рамках предложенного подхода также были обработаны экспериментальные данные для дискового насоса, рассмотренного в работе [4]. Это позволило расширить диапазон параметров насоса для получения эмпирической формулы.

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup> Работа выполнена в рамках государственного задания (госрегистрация № 121030900260-6).

<sup>©</sup> Приходько Ю.М., Фомичев В.П., Чехов В.П., Медведев А.Е., 2023



Рис. 1. Схема центробежного дискового насоса.

# Экспериментальная установка

Схема центробежного дискового насоса представлена на рис. 1. Ротор состоит из набора гладких дисков с отверстиями в центре, расположенных на равном расстоянии друг от друга. Спиральный профиль корпуса строился в соответствии с рекомендациями для корпусов центробежных насосов. В таблице приведены диапазоны изменения параметров

Таблица

насоса в ходе экспериментов, включая данные работы [4].

Для исследования характеристик дискового насоса был создан экспериментальный стенд, схема которого представлена на рис. 2. Стенд состоял из дискового насоса 1, ем-кости 2, ротаметра 3, датчиков давления 4 и 5 на входе и выходе насоса соответственно, дросселирующего устройства 6. В качестве ёмкости 2 использовался мягкий герметичный мешок, имитирующий эластичность сосудов в организме человека. Объемный расход рабочей жидкости измерялся поплавковым ротаметром Krohne VA-40 с погрешностью измерений не более 1 %. Значения давления в гидродинамическом контуре измерялись при помощи специализированного медицинского прибора производства фирмы «Биософт-М». Дросселирующее устройство 6 позволяло менять гидравлическое сопротивление системы, имитируя общее периферическое сопротивление сердечно-сосудистой системы человека. Все устройства соединялись силиконовыми трубками с внутренним диаметром 12,7 мм. В качестве рабочей жидкости использовался 40 %-ный водный раствор глицерина, имеющий вязкость, максимально приближенную к вязкости крови.

Эксперименты проводились с целью определения расходно-напорных и дроссельных характеристик насоса. Типичный график расходно-напорных характеристик приведен на рис. 3*a*. На рис. 3*b* представлены аналогичные графики из работы [4].

#### Влияние отдельных параметров на характеристики насоса

В ходе экспериментов выполнялась оценка влияния некоторых параметров на производительность насоса. Так, для определения влияния величины внутреннего диаметра

Параметры	Данные экспериментов	Данные работы [4]
Внутренний радиус <i>R</i> <sub>1</sub>	6÷7,5 мм	3,81
Внешний радиус <i>R</i> <sub>2</sub>	20 мм	10,605
Зазор между дисками b	0,25 ÷ 1 мм	0,635
Количество дисков п	7÷27 шт.	11 шт.
Частота вращения ротора N	1000 ÷ 3500 об/мин	6000 ÷ 9000 об/мин
Расход жидкости Q	0÷9л/мин	2,4÷12 л/мин
Напор Н	20÷210 мм рт. ст.	68 ÷ 110 мм рт. ст.
Плотность $\rho$	1100 кг/м <sup>3</sup>	1100 кг/м <sup>3</sup>
Кинематическая вязкость v	3,36·10 <sup>-6</sup> см <sup>2</sup> /с	3,36·10 <sup>-6</sup> см <sup>2</sup> /с

Диапазон параметров насосов



Рис. 2. Общий вид (слева) и схема (справа) экспериментального стенда. 1 — дисковый насос, 2 — емкость, 3 — ротаметр, 4 и 5 — датчики давления на входе и выходе насоса соответственно, 6 — дросселирующее устройство.

были проведены эксперименты с двумя диаметрами отверстий — 12 и 15 мм. Сравнение расходно-напорных характеристик роторов с разными входными диаметрами показало (рис. 4), что увеличение входного диаметра приводит к увеличению производительности насоса. Это объясняется тем, что маленький диаметр входного отверстия ограничивает количество поступающей жидкости. Впрочем, слишком большое отверстие уменьшает рабочую площадь дисков, что также ведет к ухудшению характеристик насоса. Согласно [5], оптимальный диаметр входного отверстия можно определить из соотношения  $0,4 < (R_1/R_2) < 0,6$ . В рассматриваемом случае для внутреннего диаметра 12 мм отношение  $R_1/R_2 = 0,3$ , а для диаметра 15 мм —  $R_1/R_2 = 0,375$ . Приближение отношения  $R_1/R_2$  к оптимальному диапазону ( $0,4 \div 0,6$ ) увеличивает эффективность насоса. Так, на рис. 4 видно, что кривая 2 ( $R_1/R_2 = 0,375$ ) лежит выше кривой 1 ( $R_1/R_2 = 0,3$ ).



*Рис. 3.* Расходно-напорные характеристики дискового насоса, полученные для различных скоростей вращения ротора при *b* = 0,5 мм, *n* = 12 шт. Скорости вращения ротора: *a*: 1000 (*1*), 1500 (*2*), 2000 (*3*), 2500 (*4*), 3000 (*5*), 3500 (*6*) об/мин; *b*: 6000 (*1*), 7000 (*2*), 8000 (*3*), 9000 (*4*) об/мин [4].





Рис. 4. Расходно-напорные характеристики дискового насоса, полученные для дисков с различными внутренними радиусами при b = 0,5 мм, n = 12 шт., 2500 об/мин.  $R_1 = 12$  (1) и 15 (2) мм.

Отдельная серия экспериментов была проведена для оценки влияния междискового зазора на производительность насоса. Согласно работе [6], оптимальная величина междискового зазора определяется из соотношения  $\lambda = b/2\delta =$ 

= 1,57, где  $\delta = \sqrt{\nu/\omega}$ . В рассматриваемой авторами конфигурации это соответствует междисковому зазору b = 0,36 мм. В экспериментах было получено близкое к указанной величине значение оптимального междискового зазора — b = 0,4 мм (см. рис. 5).

На рис. 6 приведены расходно-напорные характеристики дискового насоса, полученные для жидкостей различной вязкости. Видно, что при увеличении вязкости возрастает эффективность работы насоса. Это объясняется тем, что влияние трения жидкости на поверхности повышается и соответственно уменьшается проскальзывание жидкости относительно вращающихся дисков. Однако для каждой конфигурации насоса имеется оптимальное значение вязкости жидкости, зависящее от величины междискового зазора и от числа оборотов ротора через параметр  $\lambda$ , описанный в предыдущем абзаце.

# Выбор безразмерных параметров

Для обработки результатов экспериментов и получения обобщающих формул авторами были введены определяющие безразмерные параметры. Работу центробежных дисковых насосов характеризуют такие геометрические параметры, как внутренний  $R_1$ и наружный  $R_2$  радиусы дисков, количество дисков *n*, зазор между дисками *b*; а также гидравлические параметры: объемный расход *Q*, напор *H*, угловая скорость вращения ротора с дисками  $\omega$  и кинематическая вязкость жидкости *v*.

В настоящем исследовании предлагается с помощью подхода, изложенного в рабо-



те [5], сравнивать объемный расход дискового насоса с объемом среды, заключенной в пограничных слоях на дисках. Толщина пограничного слоя на одиночном вращающемся диске при ламинарном режиме течения определяется угловой скоростью вращения диска

Рис. 6. Расходно-напорные характеристики дискового насоса, полученные для жидкостей различной вязкости при b = 0,4 мм, n = 11 шт. I — вода, 2 — 40 %-ный водный раствор глицерина.

и кинематической вязкостью жидкости:  $\delta \sim \sqrt{\nu/\omega}$  [7]. Площадь всех дисков составляет  $S_{\rm d} = 2n\pi (R_2^2 - R_1^2)$ . Следовательно, объем жидкости, увлекаемой пограничными слоями всех дисков в единицу времени, можно оценить величиной:

$$Q_{\rm b} = 2 \cdot n \cdot \frac{\omega}{2\pi} \cdot \pi \cdot (R_2^2 - R_1^2) \cdot \sqrt{\frac{\nu}{\omega}} = n \cdot \sqrt{\nu \cdot \omega} \cdot (R_2^2 - R_1^2)$$

Разделив объемный расход жидкости насоса на эту величину, получим безразмерный расход:

$$\overline{q} = Q_{\rm real}/Q_{\rm b}$$

Для получения обобщенных характеристик работы насоса можно использовать число Рейнольдса  $\operatorname{Re}_{b} = \omega R_{2}b/\nu$ . Однако в данном случае необходимо учитывать особенности дискового насоса, в частности, удлинение канала между дисками  $\overline{b} = b/(R_{2} - R_{1})$  и относительный радиус дисков  $\overline{r} = R_{1}/(R_{2} - R_{1})$ . Поэтому уточненный безразмерный параметр, описывающий геометрические и кинематические свойства насоса, будет находиться в виде безразмерного комплекса  $\overline{R} = \overline{r}^{\alpha} \cdot \overline{b}^{\beta} \cdot \operatorname{Re}_{b}^{\gamma}$ . В результате обработки экспериментальных данных методом наименьших квадратов получен безразмерный комплекса  $\overline{R} = \overline{r}^{0.32} \cdot \overline{b}^{0.22} \cdot \sqrt{\operatorname{Re}_{b}}$ .

На рис. 7 представлен график зависимости относительного расхода дискового насоса  $\bar{q}$  от параметра  $\bar{R}$ . Расчетная формула  $\bar{q} = -0,005\bar{R}^2 + 0,001\bar{R} + 0,005$  достаточно хорошо обобщает полученные экспериментальные данные при  $3,8 < \bar{R} < 21$ .

Напор, создаваемый дисковым насосом, можно оценить, используя центробежное ускорение массы жидкости, удерживаемой дисками в пограничных слоях. Для полного напора, создаваемого дисковым насосом при нулевом расходе, справедлива формула  $H_0 = 0.5 \rho \lambda (\omega R_2)^2$ , где  $\lambda = b/2\delta$  — безразмерный параметр, который показывает, какую долю занимают пограничные слои по отношению к величине междискового зазора. Разделив фактический напор на эту величину, получим безразмерный напор:  $\bar{h} = H_{real}/H_0$ . Обозначив через  $H_{0\%}$  экспериментальные значения напора насоса при нулевом расходе, получим безразмерный параметр  $h_0 = H_{0\%}/H_0$ . Тогда экспериментальные данные (см. рис. 8*a*) хорошо обобщаются формулой  $h_0 = 0,0044\bar{R}^2 - 0,1588\bar{R} + 1,6323$ . К сожалению, аналогичных данных в работе [4] приведено не было.

На рис. 8*b* показана зависимость от параметра  $\overline{R}$  напора дискового насоса  $H_{100\%}$  при максимальном объемном расходе жидкости для данной конфигурации контура. Соответствующие экспериментальные дан- $\overline{q}$  ные хорошо обобщаются формулой 3,0-

$$h_{100} = H_{100\%} / H_0 = 0,0019 \overline{R}^2 - 0,0871 \overline{R} + 1,03.$$

*Рис.* 7. Зависимость относительного расхода дискового насоса от параметра  $\overline{R}$ .

<sup>1 —</sup> данные экспериментов, 2 — данные работы [4].





*Рис.* 8. Зависимость полного напора дискового насоса от параметра  $\overline{R}$  при нулевом расходе (*a*) и при максимальном объемном расходе жидкости (*b*). I — данные экспериментов, 2 — данные работы [4].



# Исследование дроссельных характеристик

Гидравлическое сопротивление при работе насоса в сети приводит к уменьшению объемного расхода и увеличению напора. Эти изменения параметров обычно описываются дроссельными характеристиками конкретного насоса. В ходе проведения экспериментов было использовано дросселирующее устройство, регулирующее площадь проходного сечения трубопровода. При этом расход Q изменялся от максимальной величины  $Q_{100\%}$  до минимальной  $Q_{0\%} = 0$ . Экспериментальные данные об изменении напора H при изменении расхода Q исследуемого насоса представлены на рис. 9 и обобщены зависимостью  $h = H/H_{0\%} = 0,0356q^2 - 0,2407q + 0,51$ , где  $q = Q/Q_{100\%}$ . Эта характеристика работы насоса может быть использована при анализе конкретных моделей насосов для различных условий их работы и, в частности, в системе кровообращения человека.

#### Заключение

Выполнено исследование расходно-напорных характеристик центробежного дискового насоса. Обработка экспериментальных данных позволила записать эмпирические формулы для расчета расходных, напорных и дроссельных характеристик центробежного дискового насоса. Привлечение дополнительных данных работы [4] позволило расширить исследуемый диапазон параметров насоса и подтвердить адекватность используемого подхода к обобщению экспериментальных данных. В исследованном диапазоне изменения задающих параметров предложенные обобщающие формулы позволяют описать работу дискового насоса с достаточно низкой для практического приложения погрешностью — не более 16 %.

# Список литературы

- 1. Чернявский А.М., Рузматов Т.М., Фомичёв А.В., Медведев А.Е., Приходько Ю.М., Фомин В.М., Фомичёв В.П., Ломанович К.А., Караськов А.М. Экспериментальная оценка устройства механической поддержки сердца на основе дискового насоса вязкого трения // Вестн. Трансплантологии и искусственных органов. 2017. Т. 19, № 1. С. 28–34.
- Medvedev A.E., Fomin V.M., Chernyavskiy A.M., Prikhodko Yu.M., Zhukov M.O., Golovin A.M. Implanted system of mechanical support of the disk-based heart pump viscous friction // XIX Intern. Conf. on the Methods of Aerophysical Research (ICMAR2018) (Novosibirsk, Russia, 13–19 Aug., 2018): AIP Conf. Proceedings. S. 1.: 2018. Vol. 2027, No. 1. P. 030149-1–030149-5.
- Miller G.E., Fink R. Analysis of optimal design configurations for a multiple disk centrifugal blood pump // Artifical Organs. 1999. Vol. 23, No. 6. P. 559–565.
- 4. Izraelev V., Weiss B., Fritz B., Newswanger P.R., Paterson E.G. A passively-suspended Tesla pump left ventricular assist device // ASAIO J. 2009. Vol. 55, No. 6. P. 556–561.
- 5. Наумов И.Е., Приходько Ю.М., Чехов В.П., Фомичёв В.П. О безразмерных параметрах обобщения расходно-напорных характеристик центробежных дисковых вентиляторов // Теплофизика и аэромеханика. 2012. Т. 19, № 1. С. 83–88.
- 6. Шлихтинг Г. Теория пограничного слоя. М.: Наука, 1969. 744 с.
- **7.** Хазингер С., Керт Л. Исследование насоса трения // Энергетические машины и установки. 1963. Т. 85, № 3. С. 47–55.

Статья поступила в редакцию 15 апреля 2022 г., после переработки — 10 октября 2022 г., принята к публикации 8 декабря 2022 г.