

## ЛИТЕРАТУРА

1. Колоколов Б. А., Саранча В. Н., Лосев А. В. // Высокоскоростная обработка материалов давлением в машиностроении.— Харьк. авиац. ин-т, 1977.— Вып. 6.
2. Максимук Б. Я., Сухов В. В., Комиссаренко А. А. Детонация в смесях горючего газа с кислородом.— Киев: Наук. думка, 1984.
3. Манжалей В. И. // Динамика сплошной среды.— Новосибирск, 1986.— Вып. 78.
4. Манжалей В. И. // Механика реагирующих сред и ее приложения.— Новосибирск: Наука, 1989.
5. Коробейников С. Н. // Динамика сплошной среды.— Новосибирск, 1986.— Вып. 75.
6. Щелкин К. И., Трошин Я. К. Газодинамика горения.— М.: Физматгиз, 1963.
7. Зельдович Я. Б., Компанеец А. С. Теория детонации.— М.: Гостехиздат, 1955.
8. Солоухин Р. И. Ударные волны и детонация в газах.— М.: Физматгиз, 1963.
9. Бате К., Вильсон Е. Численные методы анализа и метод конечных элементов.— М.: Стройиздат, 1982.
10. Абидуев П. Л., Корнев В. М., Манжалей В. И. К расчету камер для термоэнергетической обработки материалов // ФГВ.— 1989.— 25, № 6.
11. Пономарев С. Д., Бидерман В. Л., Лихарев В. К. и др. Расчеты на прочность в машиностроении.— М., 1959.— Т. III.

г. Новосибирск

Поступила в редакцию 9/VI 1989,  
после доработки — 6/VII 1990

УДК 539.4

Б. Л. Глушак, С. А. Новиков, Ю. В. Батьков

### ОПРЕДЕЛЯЮЩЕЕ УРАВНЕНИЕ AI И Mg ДЛЯ ОПИСАНИЯ ВЫСОКОСКОРОСТНОГО ДЕФОРМИРОВАНИЯ УВ

Описывается новая аналитическая форма определяющего уравнения металлов, в котором в предположении гомогенного нагрева в ударных волнах динамический предел текучести представляется функцией интенсивности пластической деформации, давления и отношения тепловой энергии к энергии, необходимой для нагрева вещества в заданном состоянии до температуры плавления. Значение этой энергии находится по закону Линдемана. Шаровая составляющая определяющего уравнения представляется в  $\rho - \varepsilon$ -переменных.

Прочностные свойства металлов, находящихся в твердой фазе, оказывают существенное влияние на течение среды при высокоскоростном деформировании в ударных волнах (УВ). В области нормальных к поверхности фронта волны напряжений  $\sigma_x$ , таких, что  $\sigma_{HE} < \sigma_x < \sigma_{x_{pl}}$ , где  $\sigma_{HE}$  — амплитуда упругого предвестника Гюгонио и  $\sigma_{x_{pl}}$  — напряжение плавления па фронте, в материале развиваются пластические деформации. Особенности ударно-волнового нагружения металлов заключаются не только в высокой скорости деформирования, растущей с повышением величины  $\sigma_x$ , и возможных структурных изменениях, но также в не обратимом их нагреве. Последний особо заметен при высоких значениях  $\sigma_x$ .

Для описания поведения твердого тела в условиях высокоскоростного деформирования предложен ряд математических моделей, в каждую из которых для объяснения наблюдаемых в опытах фактов заложено определенное физическое содержание. Наибольшее распространение и применение получили модель упругопластического материала с пелинейным упрочнением [1], альтернативные ей релаксационные модели упругопластического тела [2, 3] и упруговязкой среды [4].

Наличие в релаксационных моделях большого числа констант, проблематичность их определения независимыми экспериментальными методами и пренебрежение влиянием температуры ограничивают возможность практического их использования в прикладных целях.

Результаты экспериментальных исследований демонстрируют сложный характер реологических свойств металлов, подвергнутых ударно-волновому нагружению. Поэтому вряд ли возможно в рамках одной избранной физической модели в полной мере описать реологию металлов

в широкой области значений  $\sigma_x$  вплоть до состояния плавления на фронте УВ. Типично описание разработанными моделями опытных данных, полученных в области сравнительно низких напряжений  $\sigma_x$ , значительно уступающих величине  $\sigma_{x_{\text{пл}}}$ . Ниже с позиций модели упругопластической среды с нелинейным упрочнением строится определяющее уравнение, применимое в области напряжений от  $\sigma_x = \sigma_{HE}$  до  $\sigma_x = \sigma_{x_{\text{пл}}}$ .

Будем характеризовать прочностные свойства материала при высокоскоростном деформировании в УВ динамическим пределом текучести  $Y_g$ , объемной скоростью звука  $c_b$  и коэффициентом Пуассона  $v$ . Модуль сдвига  $G$ , упругая скорость звука  $c_e$  связаны с  $c_b$  и  $v$  известными из теории упругости соотношениями.

Далее полагаем, следуя [1], что величина динамического предела текучести в рассматриваемых условиях деформирования определяется работой пластической деформации, давлением  $p$  (или средним напряжением  $\sigma_0 = p = \frac{\sigma_{ii}}{3}$ ) и температурой  $T$ , запишем зависимость  $Y_g$  от перечисленных выше факторов

$$Y_g = Y_0 \left[ (1 + \beta e_p)^m + \alpha p \right] \left[ 1 - \frac{\varepsilon_t}{\varepsilon_{T_{\text{пл}}}} \right], \quad (1)$$

где  $Y_0$ ,  $\beta$ ,  $m$ ,  $\alpha$  — постоянные величины;  $e_p$  — интенсивность пластических деформаций;  $\varepsilon_t$  — текущая тепловая энергия;  $\varepsilon_{T_{\text{пл}}}$  — тепловая энергия, требуемая для гомогенного нагрева вещества до температуры плавления; первый член в квадратных скобках описывает изотермическое упрочнение, второй — термическое разупрочнение,  $Y_0(1 + \beta e_p)^m$  — упрочнение, связанное с работой пластической деформации (ограничен величиной  $Y_{\max}$ ). Под этой величиной понимается максимальное значение предела текучести, зарегистрированное при высокоскоростном деформировании в условиях одноосного нагружения. Коэффициент  $\beta$  и показатель степени  $m$  определяются из опытных данных, полученных в указанных условиях испытания, реализующихся, например, при соударении стержней из исследуемого материала с жесткой преградой [5].

Энергия  $\varepsilon_t$  в термическом члене (1) находится по закону Линдемана из [6]:

$$\frac{d \ln T_{n,T}}{d \ln \rho} = 2\gamma_p - \frac{2}{3}, \quad (2)$$

где  $\gamma_p$  — коэффициент Грюнайзена. Задавая зависимость  $\gamma_p$  от относительного сжатия  $\delta = V_0/V$  ( $V_0$  — удельный объем при 0 градусов) в виде [7]

$$\gamma_p = \gamma_\infty + \frac{\gamma_0 - \gamma_\infty}{\delta^M} \quad (3)$$

( $\gamma_\infty$ ,  $\gamma_0$ ,  $M$  — постоянные) в предположении постоянства удельной теплоемкости  $c_V$  из (2), получаем для плавления:

$$\varepsilon_{T_{\text{пл}}} = \varepsilon_{T_{\text{пл}}}^0 \left( \frac{\delta_{n,T}}{\delta_{0,\text{пл}}} \right)^{2(\gamma_\infty - 1/3)} \exp \left[ \frac{2(\gamma_0 - \gamma_\infty)}{M \delta_{0,\text{пл}}^M} - \frac{2(\gamma_0 - \gamma_\infty)}{M \delta_{n,T}^M} \right], \quad (4)$$

где  $\varepsilon_{T_{\text{пл}}}^0$  — энергия нагрева до  $T = T_{\text{пл}}$  при нормальном давлении.

Для одномерной деформации упругопластической среды по оси  $x$  в допущении, что работа пластической деформации полностью переходит в тепло, имеем

$$\sigma_x = p + 2/3 Y_g, \quad E_H = E + \frac{1}{6} \frac{Y_g^2}{\rho G}. \quad (5)$$

Последний член в правой части выражения для внутренней энергии представляет собой упругую энергию сдвиговой деформации. Шаровую

Параметры определяющего уравнения алюминия и магния

Параметр	Единица измерения	Al	Mg	Параметр	Единица измерения	Al	Mg
$\rho_0$	г/см <sup>3</sup>	2,74	1,76	$\beta$	—	21,6	31,4
$c_0$	км/с	5,44	4,55	$m$	—	0,5	0,5
$\sigma_{HE}$	ГПа	0,62	0,31	$\alpha$	1/ГПА	0,16	0,60
$n$	—	3,65	3,30	$v_0$	—	0,34	0,28
$\gamma_\infty$	—	0,7	0,7	$a$	1/ГПа	0,00078	—
$\gamma_0$	—	2,14	1,6	$\rho_{пл}$	г/см <sup>3</sup>	2,55	1,62
$M$	—	2,2	2,3	$T_{пл}$	К	933	922
$Y_0$	ГПа	0,30	0,19	$\varepsilon_{пл}^0$	Дж/г	861	963
$Y_{max}$	ГПа	0,68	0,48				

составляющую  $p$  напряжения представим в виде

$$p = p_x(V) + \frac{2}{\gamma_p - 1} \rho \varepsilon_T, \quad p_x = \frac{\rho c_0^2}{n} (\delta^n - 1). \quad (6)$$

Здесь  $\rho_0, c_0$  — плотность и объемная скорость звука при  $T = 0$ .

Запишем выражение для внутренней энергии

$$E = E_x(V) + c_V T, \quad E_x = \int p_x \frac{d\delta}{\delta^2}. \quad (7)$$

Входящий во второе уравнение системы (5) модуль сдвига

$$G = \frac{3}{2} \frac{1 - 2\nu}{1 + \nu} \rho c_b^2, \quad c_b^2 = \left( \frac{\partial p}{\partial \rho} \right)_s. \quad (8)$$

Он вычисляется, если известно уравнение состояния (6) и коэффициент

$$\nu = v_0 + ap. \quad (9)$$

Присоединяя к (1), (4), (5) — (9) выражение для ударной адиабаты, получаем систему уравнений.

Для отыскания параметров определяющего уравнения использовалась следующая экспериментальная информация:

- ударная адиабата сплошных металлов, вычисляемая по линейному  $D - u$ -соотношению  $D = c_0 + \lambda u$  из [8];
- зависимости динамического предела текучести  $Y_g$  от  $\sigma_x$ ;
- результаты измерений упругой  $c_e$  и объемной  $c_b$  скоростей звука в ударно-сжатом состоянии [9—11]. По известным значениям  $c_e$  и  $c_b$  рассчитывалась величина

$$\nu = \frac{3 - (c_e/c_b)^2}{3 + (c_e/c_b)^2}. \quad (10)$$

Требуемые теплофизические характеристики (коэффициент линейного теплового расширения, температура плавления при нормальном давлении и т. д.) брались из [12, 13]. Параметры определяющего уравнения, включая параметры шаровой составляющей, сведены в таблицу.

Рассчитанное по определяющему уравнению состояние плавления на ударной адиабате, определяемое пересечением кривой плавления в  $(\rho, T)$ - или  $(p, T)$ -координатах, составляет для Al  $\sigma_{x_{пл}} = 103$  ГПа,  $T_{пл} = 3,8 \cdot 10^3$  К,  $\rho_{пл} = 4,22$  г/см<sup>3</sup>; для Mg  $\sigma_{x_{пл}} = 52$  ГПа,  $T_{пл} = 2,6 \cdot 10^3$  К,  $\rho_{пл} = 2,83$  г/см<sup>3</sup>, что удовлетворительно согласуется с имеющимися литературными данными для Al [14]:  $\sigma_{x_{пл}} = 115$  ГПа,  $T_{пл} = 4 \cdot 10^3$  К, для Mg [6]:  $\sigma_{x_{пл}} = 57$  ГПа,  $T_{пл} = 3 \cdot 10^3$  К. Отметим, что по опытным данным [13]  $\rho_{0_{пл}} = 2,56$  г/см<sup>3</sup> для Al и  $\rho_{0_{пл}} = 1,64$  г/см<sup>3</sup> для Mg, что близко к расчетным по определяющему уравнению (см. таблицу).

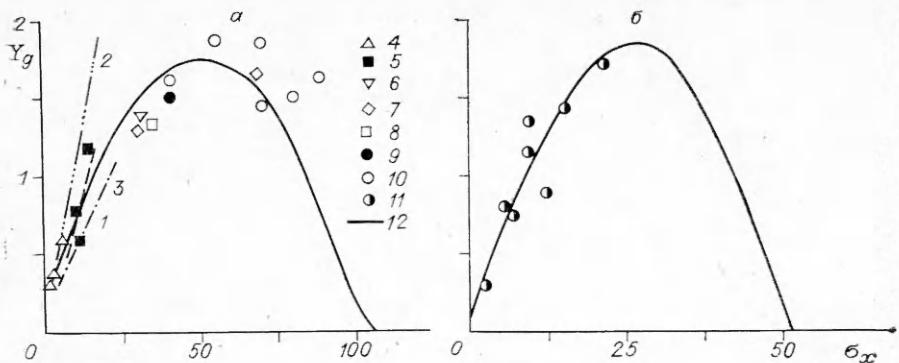


Рис. 1. Зависимость динамического предела текучести для Al и его сплавов (а) и Mg (б) вдоль ударной адиабаты.

Эксперимент: 1 — [19] для АМГб, 2 — [19] для АД1, 3 — [24], 4 — [20], 5 — [25], 6 — [23],  
 7 — [15], 8 — [16], 9 — [18], 10 — [22], 11 — настоящая работа; 12 — расчет.

Обратимся к анализу девиаторной составляющей напряжения. Под величиной  $Y_g$  в (1) понимается значение динамического предела текучести в точке  $\sigma_x = \sigma_{\text{не}}$  на ударной адабате.

Расчетные зависимости  $Y_g(\sigma_x)$  вдоль ударной адабаты с коэффициентами таблицы показаны на рис. 1. Там же нанесены экспериментальные данные, определенные по амплитуде упругой волны разгрузки [15, 16], самосогласованным методом [17, 18], методом регистрации главных напряжений [19]. Экспериментальные результаты по сдвиговой прочности Mg получены авторами методом регистрации главных напряжений, подробно описанным в [19]. Из рис. 1 следует, что расчетные зависимости для рассматриваемых металлов согласуются с опытными данными. Зависимость  $Y_g(\sigma_x)$  для алюминия АД1 из [19] располагается на рис. 1 выше общей совокупности опытных данных, что связано со значительной погрешностью ее определения. Заметим, что результаты исследования сдвиговой прочности при выборе параметров определяющего уравнения используются для вычисления только одного параметра  $\alpha$ , а остальные находятся из независимых экспериментов.

Зависимости  $Y_g(\sigma_x)$  имеют своеобразный колоколообразный вид с восходящей ветвью упрочнения и нисходящей ветвью разупрочнения. Максимум  $Y_g(\sigma_x)$  для Al и Mg достигается при  $\sigma_x \approx 0,5\sigma_{\text{xпп}}$ . На восходящей ветви определяющим фактором является изотермическое упрочнение, на нисходящей — термическое разупрочнение.

В ударных волнах для рассматриваемых металлов имеет место сильное упрочнение: максимальное значение  $Y_g$  в  $\sim 6$  раз превышает величину  $Y_0$  для Al и в  $\sim 9$  раз для Mg. Основную роль в этом играет компонент изотермического упрочнения, связанная с давлением. Ранее упрочнение Al и его сплавов (АД1, АМГб, 2024Al) отмечалось в работах [19, 20], где положение максимального значения модуля сдвига  $G$  для Al сдвинуто в сторону больших значений  $\sigma_x$  по сравнению с положением максимума  $Y_g(\sigma_x)$  и приближается к  $\sigma_x \approx \sigma_{\text{xпп}}$ .

Зависимость коэффициента Пуассона  $v$ , выявленная по результатам измерений упругой и объемной скоростей звука, вдоль ударной адабаты показана на рис. 2. В области нормальных напряжений  $\sigma_x \leq 95$  ГПа величина  $v$  монотонно (примерно по линейному закону) растет в сторону больших значений  $\sigma_x$ , а при подходе к точке  $\sigma_x = \sigma_{\text{xпп}}$  быстро увеличивается с  $\sigma_x$ , достигая предельного значения  $v = 0,5$  в этой точке. До  $\sigma_x \approx 95$  ГПа величина  $v(p)$  может быть представлена линейной зависимостью  $v = 0,34 + 0,00078 p$  ( $p$  в ГПа). Для Mg результатов измерения

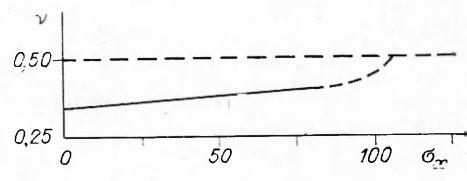


Рис. 2. Зависимость  $v(\sigma_x)$ .

скоростей звука в литературе не имеется. В прикладных расчетах целесообразно применять  $v = 0,3 \div 0,40$  в твердой и 0,5 в жидкой фазах.

Шаровая составляющая определяющего уравнения (самостоянно уравнение состояния) описывает результаты исследования ударно-волновой сжимаемости до  $p \sim 200$  ГПа для Al и 150 ГПа для Mg, т. е. состояния, лежащие выше  $\sigma_{x_{\text{пл}}}$ . Указанные значения  $p$  ограничивают область применимости определяемого уравнения сверху.

Возрастание сопротивления пластической деформации (упрочнение) при высокоскоростном деформировании в УВ не является, как следует из опытных данных, универсальным свойством металлов. Если для Al, Mg, Cu и ряда упругих металлов зарегистрировано упрочнение, то сплав Ti-6Al-4V ведет себя как идеальная упругопластическая среда с пределом текучести, равным статическому [20], а для ванадия при  $\sigma_x > \sigma_{\text{не}}$  отмечается его разупрочнение [21]. Причина этого остается неясной.

Таким образом, поведение твердых металлов, сжатых УВ, характеризуется многообразием и отражает индивидуальные свойства конкретного вещества при высокоскоростном деформировании.

## ЛИТЕРАТУРА

- Steinberg D. J., Cochran S. G. and Guinom M. W. A constitutive model for metals applicable at high-strain rate // J. Appl. Phys.—1980.—51, N 3.—P. 1498—1504.
- Канель Г. И. Модель кинетики пластической деформации металлов в условиях ударно-волнового нагружения // ПМТФ.—1982.—№ 2.—С. 105—110.
- Альтшулер Л. В., Чекин Б. С. Релаксационные параметры металлов за фронтом ударных волн // Детонация. Критические явления. Физико-химические превращения в ударных волнах.—Черноголовка, 1978.—С. 87—89.
- Годунов С. К., Козин И. С. Структура ударных волн в упруговязкой среде с нелинейной зависимостью максвелловой вязкости от параметров вещества // ПМТФ.—1974.—№ 5.—С. 101—108.
- Jones S. E., Gills P. P., Foster J. C. On the equation of the underformed section of a Taylor impact // J. Appl. Phys.—1987.—62, N 2.—P. 499—502.
- Urtiew P. A. and Grover R. The melting temperature of magnesium under shock loading // Ibid.—1977.—48, N 3.—P. 1122—1125.
- Альтшулер Л. В., Брусикин С. Е. Уравнения состояния сжатых и нагретых металлов // ТВТ.—1989.—27, № 1.—С. 42—51.
- Альтшулер Л. В., Брусикин С. Е., Кузьменков Е. А. Изотермы и функции Грюнайзена 25 металлов // ПМТФ.—1987.—№ 1.—С. 134—146.
- Альтшулер Л. В., Кормер С. Б. и др. Изоэнтропическая сжимаемость алюминия, меди, свинца и железа при высоких давлениях // ЖЭТФ.—1960.—38, вып. 4.—С. 1061—1073.
- Воробьев А. А., Дремин А. Н., Канель Г. И. Зависимость коэффициентов упругости алюминия от степени сжатия в ударной волне // ПМТФ.—1974.—№ 5.—С. 94—100.
- McQueen R. G., Fritz J. N., Morris C. F. The velocity of sound behind strong shock waves in 2024 Al // Shock Waves in Condensed Matter, 1983.—Amsterdam, 1984.—P. 95—98.
- Cschmidner K. A. Solid state physics // Physical properties and interrelationships.—1964.—16, N 1.—P. 275—420.
- Thermophysical properties of matter // Ed. by Y. S. Toulouman and C. Y. Ho. JEJ.—N. Y.; Washington: Plenum Press, 1975.—V. 12.
- Урлин В. Д., Иванов А. А. О плавлении свинца при сжатии ударной волной // Докл. АН СССР.—1963.—146, № 6.—С. 1303—1306.
- Новиков С. А., Синицына Л. М. О влиянии давления ударного сжатия на величину критических напряжений сдвига в металлах // ПМТФ.—1970.—№ 6.—С. 107—110.
- Erkman J. O., Christensen A. B. Attenuation of shock waves in aluminium // J. Appl. Phys.—1967.—38, N 13.—P. 5395—5403.
- Lipkin J., Assay J. R. Reshock and realease of shock-compressed 6061-T6 aluminum // Ibid.—1977.—48, N 4.—P. 182—189.
- Бордзиловский С. А., Карабанов С. М. Вторичное сжатие и разгрузка дюралюминия за фронтом ударной волны // ФГВ.—1986.—22, № 3.—С. 131—136.
- Батыков Ю. В., Глушак Б. Л., Новиков С. А. Прочность алюминия, меди и стали за фронтом УВ // Там же.—1989.—25, № 5.—С. 126—132.
- Rosenberg Z., Partom Y., Yaziv D. The use of in-material stress gauges for estimating the dynamic yield strength of shock-loaded solids // J. Appl. Phys.—1984.—56, N 1.—P. 143—146.
- Chhabildas L. C. and Hills C. R. Dynamic shock studies of vanadium // Metallurgical application of shock waves and high-strain-rate phenomena/Ed. L. E. Murr and al.—N. Y.; Basel. 1986.—P. 429—448.

22. Morris C. E., Fritz J. N., Holian B. Quasi-elastic high pressure waves in 2024 Al and Cu // Shock Waves in Condensed Matter, 1981.— N. Y., 1982.— P. 382—386.
23. Kusubov A. S., van Thiel M. Dynamic yield strength of 2024 Al at 313 kbar // J. Appl. Phys.— 1969.— 40, N 2.— P. 893—894.
24. Дремин А. П., Канель Г. И., Черникова О. Б. Сопротивление пластической деформации алюминия АД1 и дюралюминия Д16 в условиях ударного сжатия // ПМТФ.— 1981.— № 4.— С. 132—138.
25. Curran D. R. Nonhydrodynamic attenuation of shock waves in Al // J. Appl. Phys.— 1963.— 34, N 9.— P. 2677—2690.

г. Арзамас

Поступила в редакцию 3/IV 1991

УДК 531.355

*А. А. Кожушко, И. И. Рыкова, А. Б. Синани*

## СОПРОТИВЛЕНИЕ КЕРАМИК ВНЕДРЕНИЮ УДАРЯЮЩЕГО ТЕЛА ПРИ ВЫСОКИХ СКОРОСТЯХ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ

Исследовано сопротивление керамических материалов внедрению ударяющего тела при скоростях внедрения выше скорости роста хрупкого разрушения. Установлено, что сопротивление, обусловленное прочностью керамики, достигает 20—30 ГПа и связано с их пластическим деформированием, реализующимся в условиях высокоскоростного удара. Сопротивление керамики деформированию задается характерным для них высоким уровнем динамического предела упругости и почти на порядок выше, чем для металлов. Существенное дополнение инерционного сопротивления керамики внедрению сопротивлением деформированию приводит к смещению границ применимости гидродинамической модели в область более высоких по сравнению с металлами скоростей.

Гидродинамическая теория высокоскоростного соударения твердых тел, основанная на модели идеальной несжимаемой жидкости, применима в условиях, когда сопротивление внедрению определяется инерционными силами, по сравнению с которыми собственным сопротивлением деформированию взаимодействующих тел можно пренебречь [1]. Если материал ударяющего тела рассматривать как идеальную жидкость, а материал преграды — как твердое тело с заданной прочностью, граница применимости гидродинамической модели определяется скоростью взаимодействия, при которой инерционное сопротивление преграды становится сопоставимым с сопротивлением ее деформированию [2, 3]. Эта скорость является функцией отношения динамической твердости материала преграды к его плотности  $H_d/\rho_1$ , т. е. зависит от удельной работы деформирования. Экспериментально показано, что для преград из металлических материалов гидродинамическая модель с достаточной степенью точности применима при скоростях соударения  $v \geq 1,5 \div 3,5 \text{ км/с}$  — в зависимости от величины  $H_d/\rho_1$  и плотности ударяющего тела  $\rho_2$  [4—6]. Очевидно, что с ростом  $H_d/\rho_1$  при заданной  $\rho_2$  граница применимости гидродинамической модели смещается в область более высоких скоростей.

Для керамических материалов, по оценке [7], гидродинамическая модель применима при  $v \gg 4 \text{ км/с}$ . Такая оценка согласуется с представлениями о реализации высокой прочности керамики при скоростях внедрения ударяющего тела  $v$ , превышающих предельную скорость роста хрупкого разрушения (трещин) в керамике [8, 9]. В этих условиях прочностные свойства хрупких тел (в отличие от квазистатического нагружения) определяются не дефектами структуры материала и их развитием, а прочностью межатомных связей [8, 10]. Значительная прочность межатомных связей, характерная для керамических материалов [10, 11], в сочетании с небольшой их плотностью должна обуславливать даже при весьма высоких скоростях соударения существенное дополнение инерционного сопротивления.

Проведена экспериментальная оценка величины сопротивления ряда керамик внедрению ударяющего тела, определяемого их прочностными