УДК 536.5, 533.6.071.3

# Влияние тепловых потерь в приемнике температуры при измерениях в импульсных аэродинамических установках<sup>\*</sup>

И.С. Цырюльников<sup>1</sup>, Т.А. Коротаева<sup>1,2</sup>, А.А. Маслов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск

<sup>2</sup>Новосибирский государственный технический университет

E-mail: korta@itam.nsc.ru

В работе рассматривается проблема измерения температуры потока газа термопарами, у которых время достижения равновесной температуры сопоставимо со временем процесса измерения, а теплоотвод в конструктивные элементы приемника может быть большим. Представлены результаты численного моделирования течения газа в приемнике, используемом для измерения температуры торможения в высокоэнтальпийных импульсных аэродинамических трубах. Решается сопряженная задача обтекания приемника потоком воздуха и рассчитывается поле течения внутри камеры торможения с учетом потерь в подводящие провода и конструктивные элементы приемника. Полученные данные рассматриваются как результаты виртуального эксперимента и обрабатываются методами экспериментальной аэродинамики. Восстановленные показания сравниваются с исходными численными значениями температуры торможения в набегающем на приемник потоке. Определяются источники неопределенностей, возникающих при измерении, и обосновывается применимость экспериментальных методов для определения температуры торможения в аэродинамических установках кратковременного действия, в том числе с падающими со временем параметрами.

Показано, что метод «двух термопар» может быть успешно применен для определения температуры торможения даже в случае тепловых потерь в элементы приемника, сопоставимых с подводом тепла из газового потока. При этом значения восстановленной температуры торможения соответствуют температуре потока в приемнике с точностью 1,2-3 % в зависимости от начальной температуры термопары.

Ключевые слова: температура торможения, термопара, импульсные измерения, численное моделирование, тепловые потери, неопределенность измерения.

#### Введение

Для измерения температуры торможения в устройствах кратковременного действия зачастую используют устройства — приемники температуры, в конструкцию которых входят термопары. Использование термопар является простым, дешевым и универсальным решением, имеющим, однако, существенные недостатки. При кратковременном измерении, особенно при импульсном режиме работы устройства, термопара не успевает

<sup>&</sup>lt;sup>\*</sup> Работа выполнена по теме государственного задания (№ госрегистрации 121030500162-7).

<sup>©</sup> Цырюльников И.С., Коротаева Т.А., Маслов А.А., 2023

отследить изменение температуры. Для коррекции ее показаний необходимо учитывать постоянную времени прибора. В настоящее время представлено достаточно много методов учета инерции такого измерителя [1, 2]. Одним из последних разработанных приемов компенсации запаздывания является метод деконволюции [3, 4]. Другая сложность при использовании термопар связана с отводом тепла в подводящие провода и защитные экраны. В устройствах с высокими значениями температур и с большими силовыми нагрузками на измеритель не удается сделать подводящие к измерительным элементам провода достаточно тонкими или расположить их строго по линиям изотерм. При этом конструктивные элементы приемников могут быть достаточно громоздкими. Указанная проблема возникает при измерениях в импульсных аэродинамических трубах [5]. Как правило, испытания в таких трубах проводятся при высоких значениях энтальпии, которые необходимы для моделирования высокоскоростных течений. При больших скоростях потока обтекаемые объекты существенно нагреваются, и знание тепловых потоков и температур на их поверхности становится критически важным.

Аэродинамические испытания — достаточно дорогостоящие мероприятия. В последние десятилетия они часто дополняются цифровым моделированием. Первое использование термина «цифровой двойник» появилось в отчете NASA в связи с темой моделирования и симуляции в 2010 г. Цифровой двойник является программным аналогом некоего физического устройства и моделирует технические характеристики и процессы, протекающие в реальности. По сути, этот подход развивался в NASA в рамках программы «Меркурий» с конца 50-х годов прошлого столетия, т.е. задолго до появления данного термина. В первой половине 90-х гг. для моделирования космических челноков была разработана специализированная система — виртуальная аэродинамическая труба [6], представляющая собой набор программ, позволяющих рассчитать поля течения с заданными параметрами в ее рабочей части и использовать их для получения характеристик летательных аппаратов. В настоящее время работы по созданию и эксплуатации цифровых двойников аэродинамических труб ведутся как за рубежом [7], так и в РФ [8].

В настоящей работе рассматривается подход, аналогичный вышеописанному, но по отношению к измерительному устройству. Виртуальный приемник температуры является аналогом приемника, используемого при проведении измерений в аэродинамических установках кратковременного действия. Результаты численного моделирования течения по параметрам набегающего потока, определенным в эксперименте, позволяют получить полную картину течения в приемнике и температуру термопары. Используя расчетные показания термопары, можно восстановить температуру торможения набегающего на датчик потока методом, который применяется в эксперименте. После сравнения восстановленной температуры с первоначально заданной, следует оценить точность экспериментального метода и определить влияние потерь в различные элементы измерительного устройства на показания датчика.

Целью представленной работы является определение вклада теплоотвода в конструктивные элементы виртуального приемника температуры торможения и его влияния на показания последнего. Для восстановления температуры торможения планируется применять экспериментальный метод, предложенный в работе [9], а математическую модель приемника и метод решения будем использовать, следуя работе [10]. Данное исследование фактически является дополнением и продолжением этих двух работ.

## Постановка задачи для численного моделирования

Для измерения полной температуры в газодинамических установках используют специальные приемники температуры торможения [11]. Схематичное изображение приемника полной температуры представлено на рис. 1*а*. Поток замедляется в камере торможения, представляющей собой тонкостенную стальную цилиндрическую трубку *1*, открытый торец которой ориентирован навстречу потоку.

Размеры приемника соответствуют устройствам, применяемым в реальных экспериментах [5]. Толщина стенок стальной трубки составляет 1 мм, внутренний диаметр — 8 мм, длина — 53 мм. Противоположный торец трубки заглушен. Внутри стальной трубки находится керамический цилиндр 2 диаметром 4 мм. В стенках камеры выполнены четыре боковых отверстия 3 диаметром 1 мм. Зазор между керамической вставкой и боковыми отверстиями обеспечивает проток газа 4 в датчике без образования застойных зон. Перед керамической вставкой в центре камеры на расстоянии 2 мм от ее торца располагается термопара 5.

Схема, представленная на рис. 1a, явилась прототипом для определения расчетной области при численном исследовании процессов теплообмена в модели приемника температуры. Горячий спай термопары моделировался медным шаром 6 диаметром 0,15 мм (рис. 1b). Подводящие провода в расчетной области были заменены медной цилиндрической вставкой 7 диаметром 0,03 мм в керамическом цилиндре Задача решалась численно в осесимметричной постановке. Отверстия во внешнем цилиндре, используемом в эксперименте, были заменены в расчетах на щель в виде кольца 8, обеспечивающую тот же расход, что и в реальном датчике.

Помимо внутреннего течения в стальной трубке при численном моделировании учитывалась область внешнего по отношению к приемнику температуры потока. В плоскости симметрии расчетная область представляла собой прямоугольник размером  $63 \times 30$  мм, нижняя граница которого совпадала с осью симметрии. На входной границе, отстоящей от торца стальной трубки на 10 мм, задавались следующие параметры внешнего потока (азота): давление торможения  $P_0 = 4,47$  МПа, температура торможения  $T^* = 1130$  K, единичное число Рейнольдса  $\text{Re}_1 = 13 \cdot 10^6 \text{ м}^{-1}$ , статическое давление p = 2831 Па. Выходная граница совпадала с заглушенным концом трубки.

Сопряженная задача решалась численно с использованием академической версии коммерческого пакета программ Ansys 18. Регулярная расчетная сетка в области решения насчитывала приблизительно 300 000 ячеек. Блочно-структурированная сетка строилась при помощи приложения Ansys

В рамках Ansys Fluent нестационарные уравнения Навье–Стокса,

CEM CFD.

Рис. 1. Приемник полной температуры. а — схематическое представление экспериментальной камеры торможения, b — фрагмент расчетной области для численного моделирования; 1 — стальной полый цилиндр, 2 — керамический цилиндр, 3 — боковые отверстия, 4 — поток, 5 — термопара, 6 — медный шар, 7 — медная цилиндрическая вставка, 8 — кольцевая щель.



осредненные по Рейнольдсу, решались для турбулентного режима течения с использованием  $k-\omega$  SST модели турбулентности. Применялся основанный на плотности решатель Ansys Fluent, в котором давление определяется из уравнения состояния. Использовалась неявная разностная схема Роу второго порядка точности. Для описания состояния газа, натекающего на приемник температуры, принималась модель совершенного газа. Теплоемкость  $C_p$  полагалась постоянной, вязкость подчинялась закону Сазерленда. Для всех сплошных элементов устройства задавались плотность, теплоемкость и теплопроводность из справочной литературы.

Граничные условия определялись следующим образом: на входной и верхней границах расчетной области задавались вышеуказанные параметры потока. На части выходной границы, содержащей заглушенный торец модели, задавались условия адиабатической стенки, на остальной — выходные граничные условия потока газа. На оси использовалось условие симметрии. На твердых стенках применялось граничное условие четвертого рода, описывающее условие на границе контакта тел, с различными теплофизическими характеристиками. В качестве начального распределения параметров в области потока задавались температура 300 К и давление, равное 300 Па. Внутри шара, медной цилиндрической вставки и керамического цилиндра задавалась постоянная начальная температура, которая в различных вариантах варьировалась от 300 до 900 К. Нестационарные расчеты проводились до достижения времени t = 80 мс с шагом по времени  $\Delta t = 10^{-7}$  с. Более подробное описание процедуры расчетов можно найти в работе [10].

# Распределение газодинамических параметров в элементах приемника температуры

Пример расчета с начальным прогревом виртуального датчика до температуры  $T_{\rm in0} = 600$  К в момент времени 80 мс приведен на рис. 2. Здесь показано распределение газодинамических параметров — чисел Маха потока и статической температуры. Можно видеть, что в камере торможения в окрестности медного шара устанавливается дозвуковое течение с числом Маха  $\approx 0,03$  (рис. 2*a*). Поскольку число Маха в полости приемника мало́ и теплообмен со стенками слабый, статическая температура практически совпадает с температурой торможения (рис. 2*b*).

На рис. 3 можно видеть изолинии статической температуры внутри твердых элементов виртуального приемника температуры, медного шара и начальной части керамического цилиндра. Изображены половины областей до оси симметрии. Результаты решения



*Рис.* 2. Распределение газодинамических параметров в потоке в виртуальном приемнике температуры при  $T_{m0} = 600$  K, t = 80 мс. a — поле чисел Маха, b — статическая температура.



Рис. 3. Распределение температуры внутри твердых элементов виртуального приемника температуры при T<sub>ш0</sub> = 600 K, t = 80 мс. а — температура в медном шаре, b — изолинии температуры в керамическом цилиндре.

сопряженной задачи показывают, что теплообмен с внешним стальным цилиндром не приводит к существенной неоднородности в распределении температуры внутри медного шара.

В начальный момент времени температура шара ( $T_{\rm m0} = 600$  K) существенно ниже температуры торможения. Далее, в процессе решения, медный шар нагревается. За время расчета весь шар прогревается равномерно, но его температура не достигает температуры торможения (рис. 3*a*). Изолинии температуры в медном стержне и керамическом цилиндре (рис. 3*b*) показывают, что за время процесса (80 мс) эти массивные элементы практически не прогреваются, за исключением тонкого слоя — порядка 1 мм — на переднем торце керамического цилиндра, прогрев которого составляет 30–50 градусов.

Поскольку неоднородность распределения температуры внутри шара не превышает 1 градуса, то в качестве значения температуры виртуального датчика при дальнейшей обработке выбиралась та же температура, что и в центре шара. В реальном приемнике, когда шар представляет собой термопарный спай, возникающая термическая электродвижущая сила определяется температурой, осредненной по некоторому внутреннему сечению шара, и соответственно, наиболее близкой к температуре в центре шара.

В каждом расчетном варианте были получены зависимости температуры медного шара от времени, моделирующие сигнал термопары в эксперименте. Следующий этап состоял в восстановении температуры торможения по полученным результатам с применением методик обработки экспериментальных данных.

#### Восстановление температуры торможения

Рассматривается процесс, в котором при t = 0 горячий поток набегает на датчик с заданной температурой  $T_{m0}$ . При этом датчик соединен теплопроводящим элементом с массивным телом с той же начальной температурой  $T_{H} = T_{m0}$ . В момент t = 0 скачком происходит формирование потока газа вокруг датчика с постоянными параметрами и температурой торможения  $T^*$ . Из-за тепловой инерции датчика-термопары показания температуры изменяются в течение всего процесса измерений как за счет подвода тепла из газового потока, так и за счет теплоотвода в массивные элементы конструкции

приемника (во внешний цилиндр, керамическую вставку, подводящие провода). В случае, когда внутренняя теплопроводность тела датчика намного больше, чем коэффициент теплоотдачи, можно предложить следующую модель нагрева тела:

$$\frac{\partial T}{\partial t} = k_1 \left( T^* - T \right) + k_2 \left( T_{\rm H} - T \right), \tag{1}$$

где  $k_1$  связан с коэффициентом теплоотдачи от теплоносителя к датчику, а  $k_2$  — с теплопроводностью от горячего спая датчика к другим элементам (проводам, защитным поверхностям). Если теплопередача к элементам приемника не приводит к значительному увеличению их температуры  $T_{\rm H}$  на временах исследуемого газодинамического процесса за счет большой массы последних, то изменение температуры датчика от времени рассматривается как

$$T - T_{\rm IIIO} = \frac{k_1}{k_1 + k_2} \left[ \left( T^* - T_{\rm IIIO} \right) - \left( T^* - T_{\rm IIIO} \right) e^{-(k_1 + k_2)t} \right].$$
(2)

Поскольку нагрев шара происходит при ступенчатом изменении параметров процесса, то разность температур тела приближается по экспоненте к величине  $\frac{k_1(T^* - T_{\text{шо}})}{k_1 + k_2}$ .

При ненулевых  $k_2$  и  $T_{\rm mo} < T^*$  температура датчика всегда остается ниже  $T^*$ . Только в случае  $k_2 \cong 0$  температура датчика достигает температуры окружающей среды и  $T^* - T$  является функцией  $(T^* - T_{\rm mo}) e^{-t/\tau}$ , где  $\tau = 1/k_1 = c/aS$  — характерное время релаксации температуры, а C,  $\alpha$ , S — теплоемкость, коэффициент теплоотдачи и площадь поверхности тела соответственно.

Показания измеренного сигнала f(t) описываются интегралом вида свертки истинного сигнала g(t) с ядром (аппаратной функцией) K(t), описывающей реакцию приемника температуры на импульсное воздействие:

$$f(t) = \int g(t')K(t-t')dt'.$$

Задача восстановления истинного сигнала связана с определением аппаратной функции K(t), для чего, в частности, может быть применен метод «двух термопар». В этом методе (называемом также двухтемпературным методом), предложенным в работе [9], не учитывается теплоотвод от термопар в элементы приемника температуры.

До начала эксперимента два одинаковых датчика предварительно нагревались до разной температуры (либо один датчик в двух идентичных опытах имел разные начальные температуры). Основное допущение данного подхода состоит в том, что нормированное поведение разности температур датчиков при t > 0 не зависит от температуры набегающего потока и определяется сверткой обратной функции Хэвисайда с аппаратной функцией датчика. Поэтому производная нормированной разности показаний термопар представляет собой аппаратную функцию.

При наличии теплоотвода нормированная разность показаний двух одинаковых термопар, предварительно нагретых до  $T_{m01}$  и  $T_{m02}$ , в ступенчатом процессе составляет

$$\frac{T_2 - T_1}{T_{\text{IIIO2}} - T_{\text{IIIO1}}} = \frac{k_2}{k_1 + k_2} + \frac{k_1}{k_1 + k_2} e^{-(k_1 + k_2)t}.$$
(3)

Эта разность не зависит от  $T^*$ . Вследствие теплоотвода в элементы приемника нормированная разность температур термопар с увеличением времени процесса будет приближаться к значению  $k_2/(k_1+k_2)$ . Производная нормированной разности сигналов по аналогии с исследованиями [9, 10] опишется экспоненциальной зависимостью. Различия в аппаратной функции между случаями с теплообменом и без него будут обнаруживаться в величине показателя экспоненты при сохранении множителя  $k_1$  при экспоненте в обоих случаях. При этом в диапазоне времен (0;  $t_k$ ), где  $t_k$  — момент окончания газодинамического процесса, как в случаях с наличием теплообмена, так и без него, будет сохраняться возможность восстановления значений  $T^*$  по известной аппаратной функции методом деконволюции, подробно изложенным, например, в работе [3].

#### Результаты численного эксперимента

Восстановление температуры торможения по расчетным данным проводилось методом деконволюции с использованием процедур, описанных в работах [9, 10] и включающих аппроксимацию сигналов, дополнение интервалов времени, а также выбор значения параметра регуляризации. Для определения аппаратной функции использовалась разность температур  $T_2(t) - T_1(t)$ , полученных в численном эксперименте при начальных  $T_{\rm m0}$ , равных 900 и 300 К (рис. 4, кривая *I*). Проводилось численное дифференцирование нормированной разности температур  $(T_2 - T_1)/(T_{\rm mo2} - T_{\rm m0})$  и ее аппроксимация экспоненциальной зависимостью  $a e^{-bt}$ , которая является аппаратной функцией K(t), показанной на рис. 4 кривой 2.

Отклонения производной разности температур от экспоненциальной аппроксимации составили не более 5 % при значениях коэффициентов  $a = 19,1 \text{ c}^{-1}$  и  $b = 44,8 \text{ c}^{-1}$ , что свидетельствует о соответствии производной разности экспоненциальной зависимости; а значения коэффициентов  $k_1$  и  $k_2$  из (1) составляют 19,1 и 25,7 с<sup>-1</sup> соответственно. Отметим, что значения коэффициентов  $k_1$  и  $k_2$  имеют один порядок.



Рис. 4. Аппаратная функция и восстановленная разность температур датчиков по методу двух термопар.

1 — разность температур датчиков с начальными температурами 900 и 300 К, 2 — аппаратная функция, 3 — восстановленная разность температур.

Из (2) следует, что тепловые потери в элементы приемника в данном случае сопоставимы с теплопередачей в датчик из газовой среды.

Для оценки точности восстановления температур и выбора параметра регуляризации проводилось восстановление разности температур. Восстановленная разность должна быть равна 0 для t > 0. Результат восстановления разности температур, нормированный на  $|T_{m02} - T_{m01}|$ , представлен на рис. 4 кривой 3 для пары  $T_{m01} = 600$  K и  $T_{m02} = 900$  K. Видно, что данная величина во время протекания процесса от 2 (момента установления течения в приемной трубке) до 80 мс имеет среднее отклонение от нуля, равное 23 градусам, с максимальным отклонением, не превышающим 40 градусов, что составляет соответственно 2,2 и 3,8 % от температуры в приемнике. Отклонение среднего значения восстановленного сигнала от нуля вызвано, по-видимому, влиянием изменения температуры  $T_{\rm H}$  во время процесса, не учитываемом в рамках принятой модели.

На рис. 5 кривые 1-3 соответствуют различным температурам датчика в численном эксперименте с различными начальными температурами, равными 300, 600 и 900 К соответственно. Процесс предполагается ступенчатым с  $T^* = 1130$  К и длительностью от 0 до 80 мс.

Кривая 7 на рис. 5 показывает температуру  $T_{np}^{*}$  на расстоянии 1 диаметра шара на оси приемника температуры. Видно, что в интервале времени от 0 до 2 мс, происходит процесс установления течения в камере торможения, после чего температура сохраняется практически постоянной со значением 1112,7 К, что составляет 98,5 % от температуры торможения.

В течение времени измерений температуры в центре шара (1-3) на рис. 5) растут и выходят на некие асимптотические значения, которые ниже значений температуры газа. Если определить асимптотические значения температур в центре шара из соотношения (2) с учетом полученных коэффициентов  $k_1$  и  $k_2$ , то они приблизительно составят



восстановленная с применением двухтемпературного метода

1-3 — значения температур в центре датчика в численном эксперименте, 4-6 — восстановленные температуры торможения, 7 — температура потока в приемнике.

Начальная температура термопары, К	Среднее значение восстановленной температуры < T >, К	Отклонение среднего значения $< T >$ от $T_{np}^{*}(T^{*})$ , %	Наибольшее отклонение значения <i>T</i> от < <i>T</i> >, %
300	1113,8	0,1 (1,4)	1,1
600	1099,0	1,2 (2,7)	1,0
900	1090,9	2,0 (3,5)	1,0

Результаты восстановления температуры торможения

Таблица

650, 815 и 990 К для рассматриваемых  $T_{\rm m0} = 300, 600$  и 900 К соответственно. Это согласуется с полученными при достаточно большом времени измерения численными результатами, приведенными на рис. 5.

Кривыми 4-6 на рис. 5 отмечены результаты восстановления температур потока для термопар с указанными выше начальными температурами. Видно, что значения восстановленных температур хорошо совпадают со значениями статической температуры на временах процесса от 2 до 80 мс, а также качественно описывают поведение температуры в приемнике при установлении течения в канале на временах до 2 мс.

В таблице приведены осредненные значения восстановленных температур для различных начальных  $T_{m01}$  для установившегося течения в приемнике (столбец 2), отклонения средних значений  $\langle T \rangle$  от  $T_{np}^*$  и от  $T^*$  (столбец 3), а также наибольшее отклонение T(t) от  $\langle T \rangle$  (столбец 4) на временах процесса.

Из таблицы видно, что применение двухтемпературного метода для восстановления температуры торможения, как правило, приводит к небольшому занижению температуры относительно температуры потока в приемнике, что ранее отмечалось в работе [10]. В отличие от данных [10] наибольшее занижение восстановленной температуры происходит при увеличении начальной температуры датчика до значений, близких к температуре потока. Вероятно, более точное восстановление температуры требует оптимизации выбора пар начальных температур для определения K(t), что не рассматривается в представленной работе. Однако, как видно из таблицы, минимальные полученные отклонения не превышают 3 % от температуры в приемнике и 4,5 % от заданного в расчете значения  $T^*$ . Близкие значения максимальных отклонений при восстановлении ступенчатого процесса для модели термопары без учета теплоотдачи были получены и в исследовании [10].

#### Заключение

С целью адаптации использования приемников температуры в аэродинамических трубах кратковременного действия, в настоящей работе представлены результаты численного моделирования поля течения внутри камеры торможения приемника. Решена сопряженная задача, учитывающая процесс теплопередачи в измерительный элемент и теплоотвод в элементы приемника. Определена температура датчика, установленного в торце камеры торможения, при ступенчатом процессе запуска внешнего течения. Данные виртуального эксперимента обработаны двухтемпературным методом, используемом в экспериментальных исследованиях. Для температур торможения порядка 1000 К получены оценки точности восстановления температуры при использовании этого метода.

Показано, что двухтемпературный метод (метод «двух термопар») может быть успешно применен для определения температуры торможения даже в случае значительных тепловых потерь в элементы приемника.

### Список литературы

- 1. Strahle W.C., Muthukrishnan M. Thermocouple time constant measurement by cross power spectra // AIAA J. 1976. Vol. 14, No. 11. P. 1642–1644.
- Pickalov V.V., Goldfeld M.A. High temperatures measurement and reconstruction in high-speed flow // Conf. Abstracts of 6th European Conference on Computational Fluid Dynamics (ECFD VI) July 20–25, Barcelona, Spain, 2014. P. 1–2.
- Goldfeld M.A., Pickalov V.V. Application of method of deconvolution at temperature measurements in highenthalpy impulse wind tunnels // Applied Thermal Engng. 2017. Vol. 113. P. 731–738.
- 4. Goldfeld M.A., Pickalov V.V. Correction of inertance of temperature sensing devices in high-speed flow // J. of Phys.: Conference Series. 2019. Vol. 1404, No. 1. P. 012081-1–012081-5.
- 5. Fomin V.M., Kharitonov A.M., Maslov A.A., Shiplyuk A.N., Shumskii V.V., Yaroslavtsev M.I., Zvegintsev V.I. Hypersonic short-duration facilities for aerodynamic research at ITAM, Russia // Experimental Methods of Shock Wave Research. (Shock Wave Sci. and Technology Reference Library Vol. 9). Berlin: Springer, 2016. P. 315–346.
- 6. Bryson S., Levit C. The virtual wind tunnel // IEEE Computer Graphics and Applications. 1992. Vol. 12, Iss. 4. P. 25–34.
- Strumolo G.S. VAWT: the virtual aerodynamic/aeroacoustic wind tunnel // J. of Engng Mathematics. 2002. Vol. 43, No. 2. P. 173–187.
- 8. Корнев А.В., Козелков А.С. Применение отечественных суперкомпьютерных технологий для создания перспективных образцов авиационной техники // Современные информационные технологии и ИТ-образование. 2021. Т. 17, № 2. С. 250–264.
- 9. Tsyryulnikov LS., Komarov V.I., Maslov A.A. Measurement of the gas flow stagnation temperature by the method of two identical thermocouples in the short-duration aerodynamic facilities // Flow Measurement and Instrumentation. 2021. Vol. 77. P. 101863-1–101863-9.
- 10. Цырюльников И.С., Коротаева Т.А., Маслов А.А. Численное моделирование течения в датчике для измерения температуры торможения потока в импульсных аэродинамических установках // Прикл. механика и техн. физика. 2022. № 3. С. 75–87.
- Петунин А.Н. Методы и техника измерений параметров газового потока (приемники давления и скоростного напора). М: Машиностроение, 1972. 332 с.

Статья поступила в редакцию 6 апреля 2023 г., после доработки — 11 мая 2023 г., принята к публикации 16 июня 2023 г.