

## КРИТИЧЕСКИЕ ЯВЛЕНИЯ ПРИ ПИРОЛИЗЕ

Л. К. Гусаченко

Газодинамика и теплопередача в зазоре между сублимирующейся поверхностью и горячей пластинкой рассмотрены в работе [1]. Затем в [2] эти результаты успешно применялись в случае, когда давление  $p_1$ , прижимающее горячую пластинку к сублимирующейся поверхности, несколько превышает атмосферное давление  $p_0$ . В последнее время выяснилось, что для практики может представлять интерес пиролиз под большой нагрузкой, когда  $p_1/p_0 \gg 1$ . В этом случае полученные в [1] зависимости непригодны, так как из-за неучета инерционного члена в уравнении движения из них не следует возможность запирания при достижении скорости звука в зазоре.

Предположим, что можно пренебречь переменностью (по поверхности) температуры пластинки и температуры  $T_s$  сублимирующейся поверхности. Теплопередачу считаем чисто кондуктивной, что выполняется при  $c_p \Delta T / Q \ll 1$ . Здесь  $\Delta T$  — температурный перепад в зазоре,  $Q$  — теплота сублимации, включающая в себя и теплоту на подогревание приповерхностных слоев сублимирующегося вещества от начальной температуры до  $T_s$ . Тогда толщину  $\Delta z$  зазора можно считать всюду одинаковой. Для вязкости  $\mu$  теплопроводности  $\lambda$  и температуры  $T$  газа в каждом сечении зазора будем принимать средние значения. Для круглой пластинки течение газа в зазоре описывается уравнениями (для средних по толщине зазора величин):

$$1,2(\rho v^2 r)' / r = -p' - 12v\mu / (\Delta z)^2, \quad (1)$$

$$p = \rho RT, \quad (2)$$

$$RT = \text{const}, \quad (3)$$

$$2\pi r \Delta z \rho v = \pi r^2 m, \quad (4)$$

$$\lambda \Delta T / \Delta z = Qm. \quad (5)$$

Здесь  $1,2 = (\bar{v}^2) / (\bar{v})^2$ , черта — знак осреднения по  $z$  (в (1)–(5) опущен), штрих означает дифференцирование по радиусу  $r$ ,  $m$  — массовая скорость сублимации. Граничное условие (на краю пластины) к (1) имеет вид

$$p(r_0) = p_0. \quad (6)$$

В дальнейшем это условие будет уточнено. Кроме (1)–(6), выполняется условие механического равновесия пластины

$$\int_0^{r_0} 2\pi r \rho p dr = \pi r_0^2 p_1. \quad (7)$$

Из (1)–(5) следует уравнение для безразмерной скорости

$$rM'(1-M^2) = M(1+AM^2), \quad M(r_0) = M_0 \quad (8)$$

Здесь  $M = v/\sqrt{RT}/1,2$ ,  $A = 2 + 20\Pr Q/(c_p \Delta T)$ ,  $\Pr = \mu c_p / \lambda$  — число Прандтля. Величина  $M_0$  выражается через  $p_0$  с помощью (2)–(5)

$$M_0 = (A-2)m^2 r_0 RT / (40\mu p_0 \sqrt{RT}/1,2). \quad (9)$$

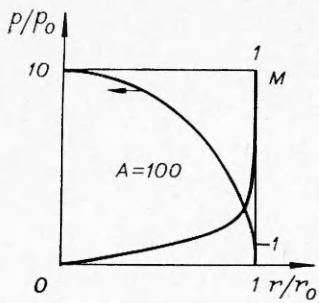


Рис. 1.

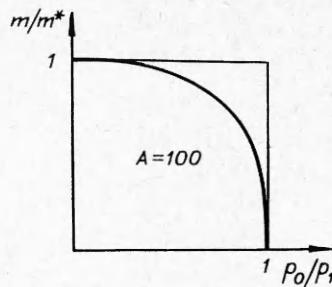


Рис. 2.

Из (8) видно, что значение  $M=1$  может достигаться на краю пластины. Если при заданном  $p_1$  будем уменьшать  $p_0$ , скорость пиролиза  $m$  может только возрастать (в частности, при  $p_0=p_1$  она равна нулю). Согласно (9), число  $M$  на выходе также должно увеличиваться пока не достигнет единицы. При дальнейшем уменьшении  $p_0$  вывод (9) противоречит уравнению (8), граничное условие к (8) должно иметь вид

$$M(r_0) = \min(M_0, 1). \quad (10)$$

Так как дальнейшее уменьшение  $p_0$  не влияет на течение в зазоре, можно говорить о запирании потока, при этом величина  $\sqrt{RT}/1,2$  играет роль скорости звука. Решение уравнения (8):

$$r/r_0 = [M/M(r_0)] \{[1+AM^2(r_0)]/(1+AM^2)\}^{0,5(1+1/A)}. \quad (11)$$

Из (4), (11) следует выражение для давления

$$p/p(r_0) = (r/r_0) M(r_0)/M. \quad (12)$$

При докритическом истечении  $p(r_0)$ , согласно (6), равно  $p_0$ , значение  $p(r_0)$  при критическом истечении определяется ниже. Из (7), (11), (12) следует

$$\begin{aligned} p(r_0) M(r_0)/(Ap_1) &= f(A, M(r_0)) \equiv \\ &\equiv 1,5M^3(r_0)(1+3/A)/\{1+3M^2(r_0)+[1+AM^2(r_0)]^{1,5(1+1/A)}\}. \end{aligned} \quad (13)$$

При докритическом истечении, подставляя (9) в (13), получим трансцендентное уравнение для скорости  $M$ . При критическом истечении, полагая в (13)  $M(r_0)=1$ , получим

$$p(r_0)/p_1 = Af(A, 1). \quad (14)$$

Согласно (14), критическое истечение имеет место при

$$p_0 \leq p_1 Af(A, 1). \quad (15)$$

Подставляя вместо  $M(r_0)$  в левую часть (13) выражение из (9) (вместо  $M_0$ ,  $p_0$  там должно быть  $M(r_0)$ ,  $p(r_0)$ ), получим выражение для скорости пиролиза при критическом истечении

$$m^* = \sqrt{40f(A, 1) \mu p_1 / (r_0 \sqrt{1,2RT})}, \quad p_1 > p_0 / Af(A, 1). \quad (16)$$

Во многих случаях  $A \gg 1$ , при этом  $f(A, 1) \approx 1,5/A^{1,5}$ . На рис. 1 дано распределение давления и скорости газа по радиусу при критическом

истечении. На рис. 2 показано (расчет по (13)), как скорость пиролиза стремится к своему пределу  $m^*$  при уменьшении  $p_0$ . Запирание здесь происходит при  $p_0/p_1=0,154$ , но уже гораздо раньше (начиная с  $p_0/p_1 \approx 0,5$ ) можно считать  $m \approx m^*$ .

НИИПММ  
при Томском государственном  
университете

Поступила в редакцию  
16/II 1976

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Р. Кэнтрелл. РКТ, 1963, 1, 7.
2. Е. В. Ткаченко, В. Б. Улыбин, А. С. Штейнберг. ФГВ, 1969, 6, 1.

### О НЕКОТОРЫХ ПАРАМЕТРАХ ДЕТОНАЦИИ ЗАРЯДОВ ИЗ ВЗРЫВЧАТЫХ НЕОРГАНИЧЕСКИХ АЗИДОВ

Д. А. Власов, Л. И. Муравина, А. Ф. Чумак

Инициирующая способность ВВ в основном определяется скоростью и давлением детонации. В литературе [1—7] почти нет фактического материала даже по такой характеристике, как скорость детонации основных инициирующих взрывчатых веществ — неорганических азидов свинца, серебра, кадмия.

В работе исследована зависимость скорости детонации перечисленных выше азидов от плотности заряда. Скорости детонации азидов измерялись на установке СФР-1 (в режиме фоторазвертки), а давление детонации определялось по методу «аквариума» [8]. Плотность зарядов ( $d=3$  мм,  $l=20$  мм) изменялась от  $2 \cdot 10^3$  кг/м<sup>3</sup> до максимальной плотности, которую имели заряды при удельном давлении прессования 3000 кг/см<sup>2</sup> ( $3,7-4,3 \cdot 10^3$  кг/м<sup>3</sup>).

Методика определения скорости и давления детонации была предварительно проверена на зарядах из тэна тех же размеров и той же плотности. В этом случае получена удовлетворительная сходимость результатов с известными литературными данными.

Результаты экспериментов представлены на рис. 1, 2. На основании экспериментальных данных путем обработки на электронно-вычислительной машине методом наименьших квадратов получены математические выражения зависимости скорости и давления детонации исследованных азидов от плотности, представленные в таблице и в виде прямых на рис. 1, 2.

На рис. 1 видно, что с изменением плотности заряда скорости детонации азида свинца и азида серебра изменяются практически одинаково и почти совпадают по величине, тогда как скорость детонации азида кадмия при той же плотности значительно меньше.

Давления детонации азида свинца и азида кадмия при одинаковых плотностях близки по величине (см. рис. 2). В то же время давление детонации азида серебра в исследованном интервале плотностей ниже, чем у азидов свинца и кадмия, причем с увеличением плотности заряда разница возрастает. Возможно, что снижение давления детонации зарядов азида серебра при высокой плотности связано с меньшим содержанием по объему газообразных продуктов в продуктах взрыва азида серебра по сравнению с азиодом свинца.