РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАУК

СИБИРСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ

ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЕ ПРОБЛЕМЫ РАЗРАБОТКИ ПОЛЕЗНЫХ ИСКОПАЕМЫХ

2015 № 2

УДК 622.023.2

ВЛИЯНИЕ АБСОРБЦИИ НА АКТИВНОЕ ДАВЛЕНИЕ ПЫЛЕВАТОГО ГРУНТА

Г. Хаджи-Никович¹, К. Джокович², С. Вуйич³

¹Белградский университет, E-mail:gordana.hadzinikovic@rgf.bg.ac.rs,
Дюшина, 7, г. Белград, Сербия,

²Институт испытаний материалов,
бул. Воеводы Мишича 43, г. Белград, Сербия

³Горный институт, E-mail: slobodan.vujic@ribeograd.ac.rs,
Батайнички пут, 2, г. Белград, Сербия

Подпорные стенки часто строят в ненасыщенных грунтах на небольших глубинах над уровнем грунтовых вод. Определение активного давления ненасыщенного грунта весьма важно для проектирования данных конструкций и основывается на расширенной теории боковых давлений Ранкина с учетом взаимозависимости активных давлений грунта и абсорбции в последнем. Для ненасыщенного пылеватого грунта, размещенного над уровнем грунтовых вод в длительных условиях, угол внутреннего трения определен на основании кривой "влажность – абсорбция". Для различных глубин подпорных стен и значений абсорбции, которая постоянна или линейно убывает с глубиной, определены активные давления и критическая высота котлованов с вертикальными стенками без крепления. Результаты подтверждают, что абсорбция снижает силы активного давления на подпорную стену и критическая высота вертикальных котлованов (выемок) значительно растет при повышении абсорбции.

Ненасыщенный грунт, абсорбция, зависимость "влажность—абсорбция", лабораторные испытания, активное давление грунта, стабильность вертикального котлована

При проектировании подпорных конструкций (подпорных стенок) самым существенным является определение активного давления грунта. Подпорные стенки часто строятся в ненасыщенном грунте, который отличается возможностью поглощения — абсорбцией или отрицательным поровым давлением. В результате поверхностного натяжения на границе раздела "воздух – вода" давление капиллярной воды ниже давления наружного воздуха. В таком случае абсорбция определяется как разность давления воздуха с наружной стороны мениска u_a и давления воды в мениске u_w , т. е. $u_a - u_w$ [1]. Абсорбция увеличивает сопротивление ненасыщенного грунта сдвигу и ее необходимо включить в лабораторные испытания и геостатические расчеты. Без учета данного факта активное давление грунта чаще всего определяется исходя из предположения, что грунт — насыщенный и воздействием абсорбции на сопротивление сдвигу ненасыщенного грунта пренебрегают. Традиционные анализы активного давления ненасыщенного грунта в этом случае приводят к неэкономичному проектированию подпорных конструкций [2].

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства образования, науки и технологического развития Республики Сербии (проект TR 36014).

В результате абсорбции ненасыщенный грунт отличается сцеплением, состоящим из двух компонентов: первым является эффективное сцепление c', для второго компонента $(u_a - u_w)$ tg φ^b необходимо знание абсорбции грунта $u_a - u_w$ и угла внутреннего трения ненасыщенного грунта φ^b . Исходя их данного подхода, в отношении ненасыщенного грунта можно применить теорию боковых давлений грунта Ранкина [3].

Толщина зоны над уровнем подземных вод на отдельных участках в районе г. Белграда может составлять 5-10 м. Для пылеватого грунта данной зоны определена ненасыщенная прочность на сдвиг грунта [4, 5] методом Ванапалли [6]. Угол φ^b вычислен на основании характеристической кривой "влажность—абсорбция" [7] экспериментальным путем в 15-барном экстракторе с полупроницаемыми пластинами в соответствии со стандартом ASTM [8, 9]. Полученные результаты соответствуют таковым других исследователей [10, 11].

Результаты настоящей работы подтверждают, что абсорбция снижает силу активного давления ненасыщенного грунта. С учетом данного факта проектирование подпорных конструкций может быть более реальным и экономичным при условии сохранения абсорбции в грунте и после проведения геотехнических работ.

АКТИВНОЕ ДАВЛЕНИЕ НЕНАСЫЩЕННОГО ГРУНТА

Распределение активного давления ненасыщенного грунта зависит от распределения абсорбции по глубине [12]. Абсорбция может быть постоянной или убывать с глубиной до уровня грунтовых вод. При постоянной абсорбции общее сцепление — постоянное, диаграмма распределения активных давлений для ненасыщенного грунта сдвигается влево параллельно диаграмме насыщенного грунта (рис. 1).

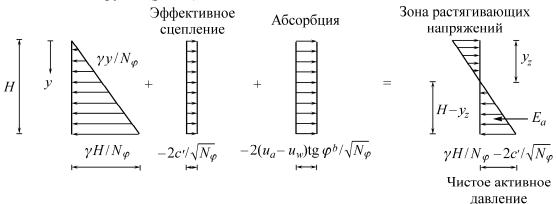


Рис. 1. Распределение активного давления ненасыщенного грунта с постоянной абсорбцией

Сила активного давления (равнодействующая активного давления) E_a может быть определена интегрированием активного давления грунта от основания стены до глубины зоны растяжения:

$$E_{a} = \frac{\gamma}{N_{\varphi}} \frac{(H^{2} - y_{z}^{2})}{2} - \frac{2c'}{\sqrt{N_{\varphi}}} (H - y_{z}) - \frac{2(u_{a} - u_{w}) \operatorname{tg} \varphi^{b}}{\sqrt{N_{\varphi}}} (H - y_{z}), \tag{1}$$

где γ — удельный вес грунта; y_z — глубина зоны растяжения; c' — эффективное сцепление; u_a-u_w — абсорбция; φ^b — угол трения, зависящий от абсорбции; N_φ — коэффициент:

$$\frac{1}{N_{\varphi}} = \operatorname{tg}^{2} \left[45^{\circ} - \frac{\varphi'}{2} \right],\tag{2}$$

здесь φ' — эффективный угол внутреннего трения.

Глубина зоны растягивающих напряжений также рассчитывается в зависимости от распределения абсорбции по глубине. При постоянной абсорбции для определения глубины растяжений y_z применяется соотношение

$$y_z = \frac{2c'}{\gamma} \sqrt{N_{\varphi}} + 2 \frac{(u_a - u_w) \operatorname{tg} \varphi^b}{\gamma} \sqrt{N_{\varphi}}.$$
 (3)

Во многих случаях отмечается снижение абсорбции с глубиной: на поверхности грунта абсорбция самая высокая, на глубине уровня грунтовых вод — нулевая. Различные профили абсорбции, убывающей с глубиной, показаны на рис. 2.

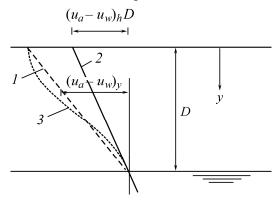


Рис. 2. Формы распределения абсорбции, снижающейся с глубиной: I — прямолинейная аппроксимация; 2 — гидростатическое распределение; 3 — типичное распределение отрицательного (избыточного) порового давления

Абсорбция на поверхности грунта выражается через гидростатическое давление с применением фактора f_w . Отрицательное поровое давление на поверхности грунта зависит от глубины до уровня грунтовых вод:

$$(u_a - u_w)_h = \gamma_w D, (4)$$

где $(u_a - u_w)_h$ — абсорбция на поверхности грунта; D — глубина до уровня грунтовых вод.

При y < D абсорбция равна

$$(u_a - u_w)_y = f_w (u_a - u_w)_h \left(1 - \frac{y}{D}\right).$$
 (5)

При линейном снижении абсорбции по глубине до уровня грунтовых вод глубина зоны растягивающих напряжений (с учетом общего горизонтального давления $u_a=0$)

$$y_{z} = \frac{2c'\sqrt{N_{\varphi}} + 2f_{w}(u_{a} - u_{w})_{h} tg\varphi^{b} \sqrt{N_{\varphi}}}{\gamma + \frac{2\sqrt{N_{\varphi}}}{D} f_{w} (u_{a} - u_{w})_{h} tg\varphi^{b}}.$$
 (6)

Эпюры активного давления ненасыщенного грунта с абсорбцией, которая линейно убывает с глубиной, представлены на рис. 3.

При проведении геотехнических работ откосы временных выемок в сцементированном мелкозернистом (тонкозернистом) грунте обычно остаются стабильными даже в случаях, когда они вертикальные или почти вертикальные [13]. Предполагая, что в данном случае образуется клин с ровной поверхностью скольжения, критическую высоту вертикальной выемки H_c можно определить из условия равновесия сил, действующих на оползающий клин (рис. 4).

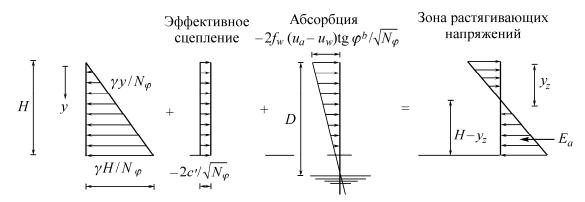


Рис. 3. Распределение активного давления ненасыщенного грунта с линейно убывающей абсорбцией

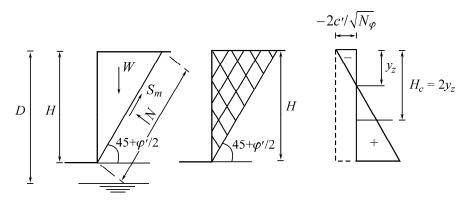


Рис. 4. Критическая высота выемки без крепления стенок в ненасыщенном грунте

Поверхность скольжения формируется под углом $45^{\circ}+\varphi/2$ по отношению к горизонтали. Сдвигающая сила S_m , оказывающая сопротивление скольжению, содержит часть прочности ненасыщенного грунта, зависящую от абсорбции u_a-u_w :

$$S_m = c'l + (N - u_a l) \operatorname{tg} \varphi' + (u_a - u_w) l \operatorname{tg} \varphi^b, \tag{7}$$

где N — нормальная составляющая; l — длина поверхности скольжения.

Зная глубину зоны растягивающих напряжений y_z , можно найти критическую глубину вертикальной стенки выемки без ее крепления:

$$H_c = 2y_z \,. \tag{8}$$

Сила активного давления на подпорную стенку равна нулю при высоте выемки, равной двойному значению глубины зоны растяжения. При глубине выемки меньше критической H_c выемка устойчива и без крепления (в предположении, что грунт подвергается определенным напряжениям растяжений без появления трещин). Трещины сдвига в грунте снижают критическую глубину выемки H_c .

СОПРОТИВЛЕНИЕ СДВИГУ НЕНАСЫЩЕННОГО ГРУНТА

Сопротивление сдвигу ненасыщенного грунта [14] можно определить на основании характеристической кривой "влажность – абсорбция SWCC" [15] и исходя из эффективных параметров прочности насыщенного грунта c' и φ' . Имеется несколько подходов и уравнений для расчета сопротивления сдвигу ненасыщенного грунта [16]. В настоящей работе применялся подход Ванапалли [6]:

$$\tau_f = c' + (\sigma - u_a) \operatorname{tg} \varphi' + (u_a - u_w) \operatorname{tg} \varphi' S_e, \tag{9}$$

где τ_f — сопротивление сдвигу ненасыщенного грунта; c' — эффективное сцепление насыщенного грунта; φ' — эффективный угол внутреннего трения насыщенного грунта; $\sigma - u_a$ — чистое нормальное напряжение; $u_a - u_w$ — абсорбция; S_e — эффективная водонасыщенность, определенная на основании характеристической кривой "влажность — абсорбция SWCC" [7].

Параметр сопротивления сдвигу ненасыщенного грунта φ^b представляет собой угол внутреннего трения, зависящий от абсорбции. Его также можно найти исходя из эффективной водонасыщенности [17, 18]:

$$tg\varphi^b f_w(u_a - u_w) = S_e tg\varphi'. \tag{10}$$

Для значения абсорбции в грунте принимается гидростатическое распределение отрицательного порового давления по отношению к уровню грунтовых вод. Значение абсорбции зависит от глубины уровня грунтовых вод, поверхностного и приповерхностного дренажа вокруг объекта, микроклиматических условий вокруг объекта, изменения уровня грунтовых вод в результате строительства объекта и пр.

ХАРАКТЕРИСТИКИ ГРУНТА И ПРОГРАММА ИСПЫТАНИЙ

Исследования проводились на ненасыщенном пылеватом грунте холмистого участка в районе г. Белграда. Поверхность участка представлена комплексом пылеватых осадочных пород толщиной до 10 м. В данном комплексе выделяются два горизонта лессовых осадочных пород с измененной первичной структурой и слой погребенной почвы, расположенный между ними в виде пластов с высокой долей мелкозернистой (глинистой) фракции по отношению к измененным лессам осадочных пород. Глины и мергели размещены под данным комплексом на глубине 10—15 м. Грунтовые воды находятся на глубине более 10 м [4].

Осадочные породы содержат до 75 % частиц размером 0.06-0.002 мм, содержание фракции больше 0.06 мм — 10-15 %, меньше 0.002 мм — также 10-15 %. В отношении фазового состава данные осадочные породы содержат 60-65 % твердых частиц. Пористость составляет 35-40 %, влажность 18-20 %, уровень насыщенности 75-80 %. Объемный вес сухого грунта — 16.0-17.0 кН/м 3 , объемный вес в естественном влажном состоянии $\gamma=19.0-20.0$ кН/м 3 .

В соответствии с классификацией Касагранде, лесные осадочные породы являются среднепластичными глинами СІ с границей текучести $LL=36-39\,\%$, границей раскатывания $PL=23\,\%$, числом пластичности $PI=13-16\,\%$, коллоидной активностью $K_p>1.25$.

По геологическим и гидрогеологическим характеристикам грунта и их физическим свойствам понятно, что данные осадочные породы находятся выше уровня грунтовых вод и в ненасыщенном состоянии.

Для образцов пылеватого ненасыщенного грунта путем лабораторных испытаний определены:

- характеристики кривой "влажность абсорбция", т. е. эффективный уровень насыщения абсорбция, $S_e (u_a u_w)$ -зависимости;
- зависимости ненасыщенного сопротивления сдвигу от абсорбции, т. е. τ_f – $(u_a$ – u_w) -зависимости;
- зависимости угла внутреннего трения ненасыщенного грунта от абсорбции, т.е. $\varphi^b (u_a u_w)$ -зависимости.

Характеристические кривые "эффективная степень насыщения – абсорбция" получены в результате экспериментальных испытаний путем дренирования насыщенных образцов грунта под разным давлением в 15-баровом экстракторе с полупроницаемыми пластинами в соответствии со стандартами ASTM [8, 9]. Проведены также трехосные эксперименты по определению эффективного сцепления c' и эффективного угла внутреннего трения ϕ' насыщенного грунта [4].

РЕЗУЛЬТАТЫ ЭКСПЕРИМЕНТОВ И ИХ АНАЛИЗ

Результаты экспериментов использовались для определения силы активного давления ненасыщенного грунта на подпорную стенку. Характеристическая кривая "эффективная степень насыщения—абсорбция", полученная для одного из образцов, показана на рис. 5.

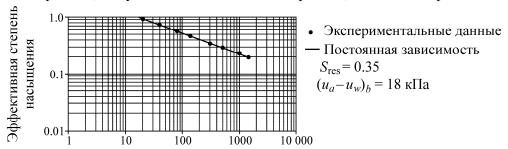


Рис. 5. Характеристическая кривая "эффективная степень насыщения – абсорбция"

Зависимости сопротивления сдвигу ненасыщенного грунта τ_f от абсорбции $u_a - u_w$ с применением уравнения (9) приведены на рис. 6a, а зависимости угла внутреннего трения ненасыщенного грунта ϕ^b от абсорбции $u_a - u_w$ с помощью уравнения (10) — на рис. 6δ .

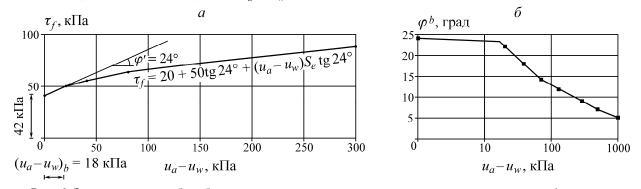


Рис. 6. Зависимость от абсорбции: a — сопротивления сдвигу ненасыщенного грунта; δ — угла внутреннего трения ненасыщенного грунта

Активное давление ненасыщенного грунта σh_a и сила активного давления E_a для разных высот подпорной стенки и разных значений абсорбции в условиях постоянной абсорбции показаны в табл. 1 и на рис. 7a, в условиях линейно убывающей с глубиной абсорбции — в табл. 2 и на рис. 76.

Исходя из полученных результатов, можно сделать вывод, что абсорбция значительно влияет на силу активного давления грунта на подпорную стенку. При увеличении абсорбции в грунте с 0 до 60 кПа сила активного давления, действующая на подпорную стенку высотой 5 м, снижается с 32 до 0 кПа (рис. 7a).

Даже при постоянной абсорбции по глубине ее следует замерять на протяжении времени. При этом значение силы активного давления на стенку меняется: самая большая сила возникает при абсорбции, равной нулю. Это подтверждает значимость роли ненасыщенного сопротивления сдвигу грунта над уровнем грунтовых вод.

ТАБЛИЦА 1. Активное давление грунта и сила активного давления при условии постоянной
абсорбции

Высота	σh_a , кПа	Абсорбция $u_a - u_w$, к Π а									
подпорной стенки, м	E_a , к H /м	0	20	40	60	80	100	150			
Глубина зоны раст напряжений	2.25	3.2	4.2	5.2	6.2	7.1	9.6				
$H_1 = 5.0$	σh_{a1}	23.8	15.3	6.9			_	_			
	E_{a1}	32.3	13.6	2.8				_			
$H_2 = 7.5$	σh_{a2}	45.4	36.9	28.5	20.1	11.6	3.2	_			
$11_2 - 7.5$	E_{a2}	119.15	78.9	47.0	23.3	7.8					
$H_3 = 10.0$	σh_{a3}	67.02	58.6	50.1	41.7	33.3	24.8	3.7			
	E_{a3}	259.7	198.3	145.4	100.5	63.9	35.6	_			

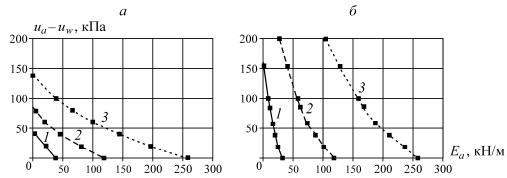


Рис. 7. Зависимость между силой активного давления на стенку и абсорбцией в ненасыщенном грунте: a — с постоянной абсорбцией; δ — с линейно убывающей абсорбцией (l — H = 5 м; 2 — 7.5; 3 — 10 м)

ТАБЛИЦА 2. Сила активного давления грунта при условии линейно убывающей по глубине абсорбции

Высота подпорной стенки, м	y_z , M	Абсорбция $u_a - u_w$, кПа									
	E_a , кН/м	0	20	40	60	80	100	150			
$H_1 = 5.0$	y_{z1}	2.75	2.77	3.17	3.48	3.73	3.93	4.31			
	E_{a1}	32.3	24.9	19.2	15.02	11.41	8.44	4.41			
$H_2 = 7.5$	\mathcal{Y}_{z2}	5.25	2.9	3.42	3.85	4.22	4.53	5.14			
	E_{a2}	119.2	102.1	88.5	73.7	64.6	57	43.53			
$H_3 = 10.0$	y_{z3}	7.75	2.97	3.57	4.09	4.55	4.94	5.75			
113 - 10.0	E_{a3}	259.7	232.8	210.33	190.7	173.09	158.17	128.61			

В случае линейно убывающей абсорбции с глубиной (рис. 76) силы активного давления рассчитаны при условии уровня грунтовых вод на 1 м ниже основания стенки и при $f_w = 1$ (абсорбция грунта определена в соответствии с гидростатическим распределением). Из анализа результатов, показанных на рис. 76, становится ясным, что сила активного давления при росте абсорбции снижается в меньшей степени, чем в случае ненасыщенного грунта с постоянной абсорбцией.

Сила активного давления на стенку зависит также от абсорбции грунта. С увеличением абсорбции сила активного давления действует ближе к основанию стены.

Анализ прочности вертикальной выемки без крепления выполнен для постоянной абсорбции и для абсорбции, линейно убывающей по глубине. Результаты анализа прочности и критической глубины выемки без крепления при постоянной абсорбции в грунте представлены в табл. 3 и на рис. 8.

ТАБЛИЦА 3. Критические глубины выемки без крепления при постоянной абсорбции по глубине

u_a –	<i>u</i> _w , кПа	0	20	40	60	80	100
y_z , M		2.25	3.2	4.2	5.2	6.2	7.1
H_c , N	M	4.5	6.4	8.4	10.4	12.3	14.2
C	a		10		б		
_•			12 10 8		2 1		0
			6	<u>/" </u>			

Рис. 8. Зависимость критической глубины выемки без крепления от абсорбции в ненасыщенном грунте: a — с постоянной абсорбцией; δ — с линейно убывающей абсорбцией (l — уровень грунтовых вод 6.0 м; 2 — 8.5 м)

Результаты анализа прочности и критической высоты выемки без крепления при линейно убывающей абсорбции по глубине представлены в табл. 4. Анализ устойчивости проводился по двум разным уровням грунтовой воды: $D_1 = 6.0$ и $D_2 = 8.5$ м от поверхности участка.

ТАБЛИЦА 4. Критические глубины выемок без крепления в грунте с линейно убывающей абсорбцией

$u_a - u_w$, кПа	0	20	40	60	80	100	150
y_{z1} , м для $D = 6.0$ м	2.25	2.8	3.2	3.5	3.7	3.9	4.3
H_{c1} , M	5.5	5.6	6.4	7.0	7.4	7.8	8.6
y_{z2} , м для $D = 8.5$ м	2.25	2.9	3.6	3.8	4.2	4.5	5.1
H_{c2} , M	5.5	5.8	7.2	7.6	8.4	9.0	10.2

выводы

При анализе активных давлений в ненасыщенном грунте необходимо определить параметры сопротивления сдвигу для эффективных напряжений: сцепление c', угол внутреннего трения ϕ' и общее сцепление c. Для установления общего сцепления необходимы угол внутреннего трения ненасыщенного грунта ϕ^b и значение абсорбции грунта. Для пылеватых осадочных пород в ненасыщенном состоянии углы ϕ^b определены на основании опытной зависимости влажности от абсорбции. Значение абсорбции определялось с учетом глубины уровня грунтовых вод.

Наличие абсорбции в грунте значительно снижает интенсивность сил активного давления на подпорную стенку. Абсорбция может быть постоянной по глубине или убывающей при увеличении глубины. В ненасыщенном грунте с постоянной абсорбцией по глубине при увеличении абсорбции с 0 до 100 кПа сила активного давления на подпорную стенку высотой 7.5 м

снижается с 120 кПа до нуля. Сила активного давления в ненасыщенном грунте с линейно убывающей абсорбцией снижается меньше, чем в грунте с постоянно убывающей абсорбцией. С ростом абсорбции сила активного давления действует ближе к основанию подпорной стенки.

Критическая глубина вертикальной выемки без крепления в ненасыщенном грунте равна двойной глубине зоны растягивающих напряжений. Критическая глубина также растет с ростом абсорбции. Важным является сохранение абсорбции грунта после выемки, которое можно достичь защитой от дополнительного увлажнения. При наличии в грунте трещин сдвига критическая глубина выемки будет снижаться. Глубина зоны растягивающих напряжений растет с ростом абсорбции грунта.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- **1. Gens A.** The development of unsaturated soil mechanics, Proceedings of Šuklje day 2014, Slovensko geotehniško društvo, Ljubljana, 2013.
- 2. Fredlund D. G. Unsaturated soil mechanics in engineering practice, Journal of geotechnical and geoenvironmental engineering ASCE, 2006, Vol. 132, Issue 3.
- 3. Fredlund D. G. and Rahardjo H. Soil mechanics for unsaturated soils, Wiley & Sons, New York, 2006.
- **4. Hadži-Niković G.** Constitutive dependencies of unsaturated soil area of Belgrade, PhD Thesis, University of Belgrade, Faculty of Mining and Geology, 2005.
- **5.** Hadži-Niković G. The influence of the grain-size distribution and soil structure on the unsaturated shear strength of loess sediments in Belgrade, Anaales Geologiques de la Peninsule Balkanique, 2009, No. 70.
- **6. Vanapalli S. K., Fredlund D. G., Pufahl D. E., Clinton A. W.** Model for the prediction of shear strength with respect to soil suction, Canadian Geotechnical Journal, 1996, Vol. 33, No. 3.
- **7. Brooks R. H. and Corey A. T.** Hydraulic properties of porous media, Colorado State Univ. Hydrol. Paper, 1964, No. 3.
- **8. ASTM D 2325-68.** Standard test method for capillary-moisture relationships for coarse- and medium textured soils by porous-plate apparatus.
- **9. ASTM D 3152-72.** Standard test method for capillary-moisture relationships for fine-textured soils by pressure-membrane apparatus.
- 10. Vanapalli S. K., Fredlund D. G., Pufahl D. E. The relationship between the soil-water characteristic curve and the unsaturated shear strength of a compacted glacial till, Geotechnical Testing Journal, 1996, 19/3.
- 11. Vanapalli S. K. and Fredlund D. G. Comparison of different procedures to predict unsaturated soil shear strength, Proc.Geo Denver Conf ASCE Special Publication, 2000, No. 99, Reston.
- **12. Skachkov M. N.** Density and pressure in granular media in the gravity field, Journal of Mining Science, 2011, Vol. 47, No. 1.
- **13.** Yakovlev D. V., Tsirel' S. V., Zuev B. Yu., and Pavlovich A. A. Earthquake impact on pitwall stability, Journal of Mining Science, 2012, Vol. 48, No. 4.
- **14. Fredlund D. G., Xing A., Fedlund M. D., and Barbour S. L.** The relationship of the unsaturated soil shear strength function to the soil-water characteristic curve, Canadian Geotechnical Journal, 1996, 33, No. 3.
- **15. Barbour S. L.** The soil-water characteristic curve a historical perspective and application to the behaviour of unsaturated soils, Canadian Geotechnical Journal, 1998, 35.
- **16. Bobryakov A. P., Revuzhenko A. F.** Loose material flow on the slope of conic embankment, Journal of Mining Science, 2005, Vol. 41, No. 2.
- 17. Wang X., Pan Y., and Wu X. A continuum grain-interface-matrix model for slabbing and zonal disintegration of the circular tunnel surrounding rock, Journal of Mining Science, 2013, Vol. 49, No. 2.
- **18. Mamaev Yu. A. and Khrunina N. P.** Effect of water saturation on elastic characteristics of alluvial sands in terms of the nagim river placer, Journal of Mining Science, 2012, Vol. 48, No. 5.