

модели Маскета — Леверетта. При этом капиллярные перетоки жидкостей от головной к хвостовой части языков являются основным механизмом, регулирующим развитие языков, в нелинейной стадии их роста.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Кац Р. М., Таранчук В. Б. Обзор работ по исследованию устойчивости фильтрационных течений // Динамика многофазных сред.— Новосибирск: ИТПМ СО АН СССР, 1981.
2. Homsy G. M. Viscous fingering in porous media // Ann. Rev. Fluid Mech.— 1987.— V. 19.— P. 271.
3. Chuoke R. L., Van Meurs P., Van der Poel C. The instability of slow, immiscible, viscous liquid-liquid displacement in permeable media // Trans. AIME.— 1959.— V. 216.— P. 188.
4. Bensimon D., Kadanoff L. P. et al. Viscous flow in two dimension // Rev. Modern Phys.— 1986.— V. 58, N 4.
5. Баренблатт Г. И., Ентов В. М., Рыжик В. М. Движение жидкостей и газов в природных пластах.— М.: Недра, 1984.
6. Рыжик В. М., Кисиленко Б. Е. Исследование продвижения границы раздела воды и нефти в пористой среде // Физико-геологические факторы при разработке нефтяных и нефтегазоконденсатных месторождений.— М.: Недра, 1969.
7. Бочаров О. Б., Кузнецов В. В. Численное моделирование неустойчивого вытеснения в пористой среде // Численные методы решения задач фильтрации многофазной несжимаемой жидкости.— Новосибирск: ИТПМ СО АН СССР, 1987.

г. Новосибирск

Поступила 15/XII 1987 г.,  
в окончательном варианте —  
7/IV 1988 г.

УДК 532.517.6:532.11:533.69

A. H. Антонов, K. H. Филиппов

## ПУЛЬСАЦИИ ДАВЛЕНИЯ В ВЫЕМКЕ, ОБТЕКАЕМОЙ ДОЗВУКОВЫМ ИЛИ СВЕРХЗВУКОВЫМ ПОТОКОМ ГАЗА

Проведено экспериментальное исследование пульсаций давления, возникающих при дозвуковом или сверхзвуковом обтекании выемки (выемка открытого типа [1]). Спектр пульсаций давления выемки характеризуется сплошной и дискретной составляющими. Изучению дискретной составляющей посвящены работы [2—8], где рассматривались механизм образования дискретной составляющей и ее характерные частоты. Некоторые данные по сплошной составляющей спектра представлены в [9].

В данной работе исследовано влияние параметров течения на уровни сплошной и дискретной составляющих в спектре пульсаций давления выемки.

1. Эксперименты проведены в дозвуковой и сверхзвуковой аэродинамических трубах. Испытанные модели составляют две группы. К группе I относятся цилиндры (или составная модель: конус — цилиндр), имеющие осесимметричные кольцевые выемки на боковой поверхности глубиной  $h$  и относительной длиной  $l^0 = l/h$ , ось модели совпадала с направлением вектора скорости потока; к группе II — плоские пластины, которые являлись боковой стенкой рабочей части аэродинамической трубы размером  $70 \times 50$  мм. В этих пластинах были выполнены выемки глубиной  $h$ , относительной длиной  $l^0 = l/h$  и шириной  $b = 70$  мм.

Все эксперименты проведены с выемками прямоугольной формы (рис. 1,  $\alpha_1 = \alpha_2 = 90^\circ$ ,  $\alpha_1, \alpha_2$  — угол между передней или задней стенкой выемки и ее дном). Параметры потока перед выемкой и размеры моделей, используемых в экспериментах, приведены в таблице, где  $M_1$  — число Маха набегающего потока перед выемкой;  $T_0/T_w$  — отношение температуры торможения во внешнем потоке к температуре стенки;  $Re$  — число Рейнольдса, рассчитанное по параметрам внешнего потока и длине модели от критической точки до переднего края выемки;  $d$  — диаметр модели модели; А, Б — группы экспериментов, проведенных соответственно в до- или сверхзвуковой аэродинамической трубе. Прямоугольная

система координат  $Oxy$  выбрана следующим образом: ось  $Ox$  вдоль дна,  $Oy$  вдоль передней стенки.

Были принятые специальные меры по уменьшению акустического фона в рабочей части дозвуковой аэrodинамической трубы (продольно-щелевая перфорация, мелкоячеистая сетка, натянутая на перфорацию, рабочая часть охватывалась демпферной камерой, снабженной шумоглушающими клиньями (безэховая (камера)), которые позволили полностью исключить возникновение паразитных дискретных составляющих, появляющихся в дозвуковых трубах, а также снизить на 6—15 дБ уровень сплошной составляющей спектра акустического фона.

На стенках и дне выемки заподлицо с ее поверхностью устанавливали датчики пульсаций давления (диаметр 6,25 мм) № 4136 фирмы «Брюль и Къер» (Дания). Ряд экспериментов на больших моделях проводили с емкостными датчиками (диаметр 18 мм). Сигнал от датчика регистрировался магнитофоном М-168 или «Шлюмберже» (Франция). Анализ и обработку сигнала осуществляли с помощью анализатора фирмы «Брюль и Къер». Спектральные характеристики определяли для полос частот шириной  $\Delta f = 10$  Гц, суммарные уровни в полосе  $\Delta f = 20$  кГц. Корреляционные характеристики снимались с помощью коррелятора ММД70 фирмы «Диза» (ГДР) в 1/3 октавной полосе частот с использованием полосовых фильтров ТДА-111 (ГДР). Погрешность измерения уровней пульсаций давления составляла 2—3 дБ.

2. Рассмотрим результаты экспериментального исследования пульсаций давления в выемке. Уровни пульсаций давления представим в виде

$$L = 20 \lg \left( \frac{\sigma}{\sigma_0} \frac{p_{at}}{p_1} \right), \quad L_1 = 20 \lg \left( \frac{\sigma_1}{\sigma_0} \frac{p_{at}}{p_1} \right), \quad L_\Sigma = 20 \lg \left( \frac{\sigma_\Sigma}{\sigma_0} \frac{p_{at}}{p_1} \right).$$

Здесь  $\sigma$ ,  $\sigma_1$ ,  $\sigma_\Sigma$  — среднеквадратичные значения пульсаций давления в полосе частот  $\Delta f = 10$ ; 1 Гц и 20 кГц;  $\sigma_0 = 2 \cdot 10^{-5}$  Па;  $p_{at}$  — стандартное атмосферное давление;  $p_1$  — статическое давление в потоке перед выемкой.

Эксперименты показывают, что для плоских течений при относительной ширине выемки  $b^0 = b/h \geq 2$  автомодельный по числу Рейнольдса режим течения возникает при  $Re \geq 4 \cdot 10^6$  (при турбулентном режиме течения в пограничном слое перед выемкой). При  $Re < 4 \cdot 10^6$  уменьшение  $Re$  приводит к увеличению суммарных уровней  $L_\Sigma$ . Ниже рассмотрим выемки для  $b^0 \geq 2$  и  $Re \geq 4 \cdot 10^6$ . Из экспериментов видно, что уровни пульсаций давления на задней стенке выше, чем на передней и на дне выемки. Максимальные пульсации давления реализуются в районе задней кромки выемки. На рис. 1 представлены уровни  $L_\Sigma$  на передней и

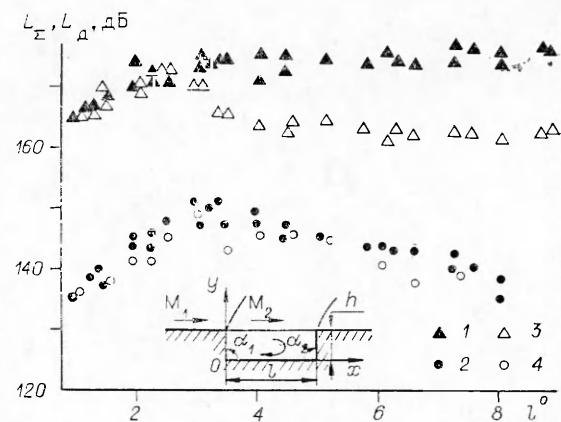
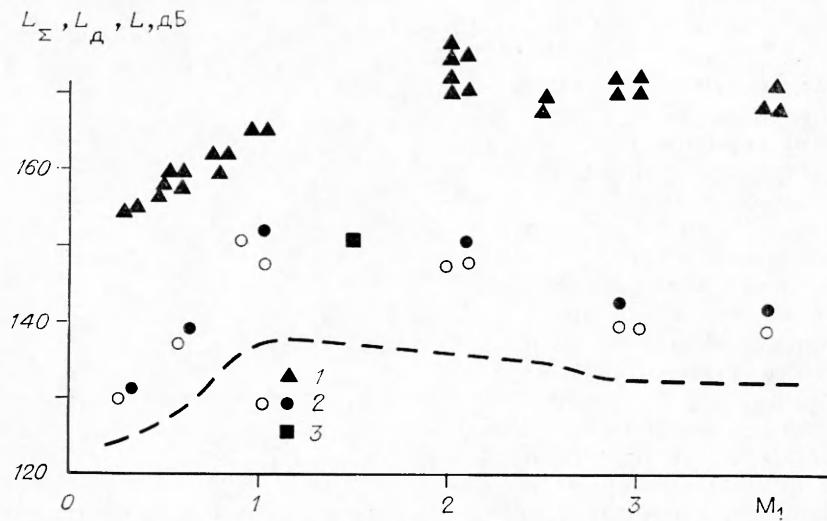


Рис. 1

Группа моделей	$M_1$	$Re$	$\frac{T_0}{T_w}$	$h, \text{мм}$	$l^0$	$d, \text{мм}$
I (A)	0,3—1,0	$6 \cdot 10^6$ — $10^7$	1	10—65	1—6	230
I (Б)	2,0—3,75	$4 \cdot 10^6$ — $2 \cdot 10^7$	1	10—28	1—6	96
II (Б)	2,0—4,0	$8 \cdot 10^5$ — $6 \cdot 10^7$	1—1,6	10—25	1—8	—

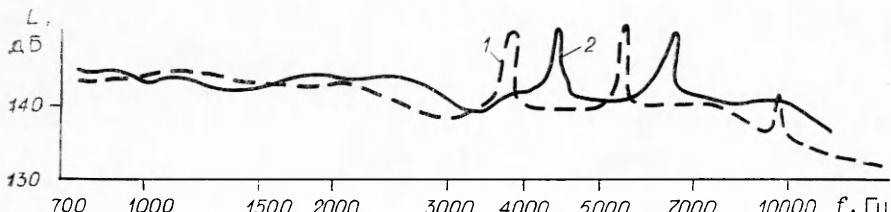


Р и с. 2

задней стенке выемки при изменении ее длины для  $M_1 = 2,1$ ,  $\delta_1/h = 0,1 - 0,5$ ,  $T_0/T_w = 1 - 1,6$ ,  $y^0 = y/h = 0,5$  (1, 3 —  $L_\Sigma$ , 2, 4 — уровень основного тона дискретной составляющей  $L_d$ , 1, 2 — задняя стенка, 3, 4 — передняя). Видно, что при увеличении  $l^0$  выемки уровень  $L_\Sigma$  на задней стенке возрастает. При  $l^0 \leq 2,5$  уровни пульсаций давления на передней стенке равны уровням пульсаций давления на задней стенке. При  $l^0 > 2,5$  пульсации давления на передней стенке меньше, чем на задней. При  $l^0 \geq 4$  уровни  $L_\Sigma$  на передней стенке примерно постоянны. Изменение  $T_0/T_w$  в диапазоне от 1 до 1,6 практически не влияет на  $L_\Sigma$ . Относительная толщина пограничного слоя перед его отрывом  $\delta_1/h = 0,1 - 0,5$  тоже не оказывает существенного воздействия на пульсации давления. Влияние  $M_1$  перед выемкой на  $L_\Sigma$  показано на рис. 2, где точки 1 —  $L_\Sigma$  ( $l^0 = 2$ ,  $\delta_1/h = 0,3$ ,  $T_0/T_w = 1$ ), 2, 3 — максимальный уровень  $L_d^*$  при различных  $l^0$ , штриховая линия — уровень  $L$  ( $l^0 = 2$ ,  $\delta_1/h = 0,3$ ,  $T_0/T_w = 1$ ), темные точки для задней стенки выемки ( $y^0 = 0,5$ ), светлые — для передней ( $y^0 = 0,5$ ), 3 — экспериментальные данные [7].

Высокие уровни  $L_\Sigma$  пульсаций давления на задней стенке определяются взаимодействием турбулентного слоя смешения со стенкой. На передней стенке пульсации давления регулируются двумя процессами: излучением шума от места взаимодействия слоя смешения с задней стенкой; взаимодействием струи обратных токов, возникающих в выемке, с передней стенкой. При малых длинах  $l^0$  скорость обратных токов незначительна и пульсации давления на передней стенке определяются излучением от задней стенки (при  $l^0 < 2,5$  уровень пульсаций давления на передней стенке приблизительно равен уровню на задней). При  $l^0 > 4$  основное влияние на пульсации давления на передней стенке оказывает струя обратных токов.

Характерные спектры пульсаций давления, измеренные в выемке, приведены на рис. 3. В зависимости от  $M_1$ ,  $Re$ ,  $l^0$  в спектрах пульсаций давления возможно появление дискретных составляющих, которые могут превышать уровень сплошного спектра на 6—15 дБ. Например, в спектрах, полученных на задней стенке выемки при  $M_1 = 2,1$ ,  $l^0 = 3,3$ ,  $Re = 4,5 \cdot 10^6$ ,  $T_0/T_w = 1 - 1,6$  (линии 1, 2 —  $T_0/T_w = 1; 1,6$ ),  $L_\pi = 150 - 151$  дБ и превышает уровень сплошного шума на 10—12 дБ. При этом спектр пульсаций давления без выемки не содержит дискретных составляющих, имея интенсивность сплошного шума в диапазоне частот  $f = 500 - 5000$  Гц на уровне  $L = 115 - 120$  дБ. Таким образом, среднеквадратичные значения амплитуды резонансных колебаний давления в выемке превышают среднеквадратичную амплитуду сплошного шума на



Р и с. 3

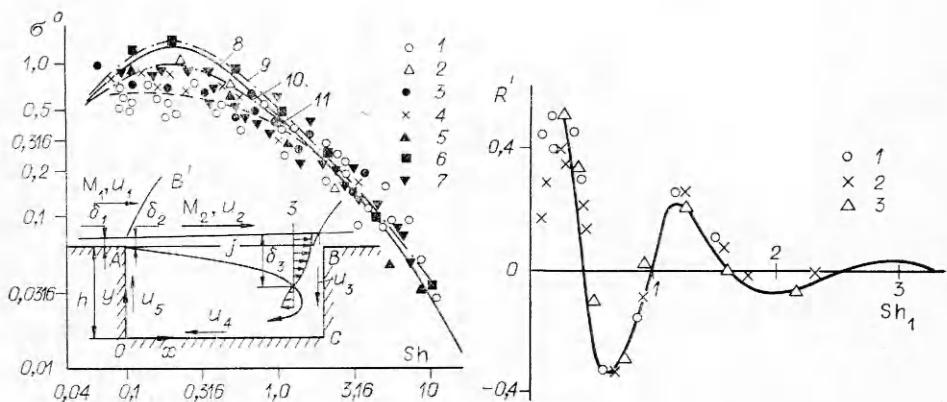
поверхности без выемки в 30—40 раз, а в выемке — в 4 раза. На частотах  $f = 700$ — $5000$  Гц  $L = 140$ — $145$  дБ, т. е. среднеквадратичные значения сплошного шума в выемке превышают среднеквадратичные значения сплошного шума на поверхности модели без выемки в 10—30 раз.

Ниже представлены данные экспериментов по уровням дискретной составляющей, полученные для передней и задней стенки выемки при  $Re > 4 \cdot 10^6$ . Для передней стенки результаты экспериментов можно для  $M_1 = 0,3$ — $1,0$ ,  $l^0 = 0,7$ — $6,6$ ,  $\delta_1/h = 0,2$ — $0,5$  аппроксимировать зависимостью  $L_d = b_0 + b_1 M_1$ , где  $b_0 = 123,6$ ,  $b_1 = 21,4$ . Для задней стенки экспериментальные результаты полезно разбить на две группы. В первую входят данные, полученные при  $0,7 \leq l^0 \leq 1,5$ . Они образуют единую зависимость  $L_d = L_d(M_1)$  для основного и первого тонов дискретной составляющей по  $M_1$  набегающего потока, которая является универсальной в диапазоне  $M_1 = 0,4$ — $1,0$  и определяется формулой  $L_d = \bar{b}_0 + \bar{b}_1 M_1$  ( $\bar{b}_0 = 120$ ,  $\bar{b}_1 = 25$ ). Аналогичную зависимость  $L_d = \tilde{b}_0 + \tilde{b}_1 M_1$  ( $\tilde{b}_0 = 130$ ,  $\tilde{b}_1 = 20$ ) можно построить для второй группы экспериментальных данных, найденных для  $1,5 \leq l^0 \leq 6,6$ .

Для сверхзвуковых течений ( $M_1 > 1$ ) изменение уровней дискретной составляющей по  $l^0$  и  $M_1$  показано на рис. 1, 2. На рис. 1 приведено влияние относительной длины выемки на  $L_d$  (точки 2, 4) при  $M_1 = 2,1$ . Максимальный уровень  $L_d^*$  реализуется при  $l^0 \approx 3$ . В опытах не удалось получить уровни  $L_d$  при  $l^0 < 1$ , так как амплитудно-частотная характеристика микрофонов, используемых при измерениях, ограничена сверху по частоте ( $f_b = 20$  кГц). В области  $l^0 > 9$  дискретные составляющие отсутствуют из-за перестройки течения в выемке (открытая выемка переходит в закрытую). Аналогичные результаты по  $L_d$  получены и для других значений  $M_1 > 1$ . Пульсации давления на частоте дискретной составляющей на поверхности задней кромки выемки представляют собой пульсации давления гидродинамического типа, так как вызваны периодическим воздействием крупномасштабных вихрей слоя смешения на эту поверхность [8]. На остальных поверхностях выемки (передняя стенка, дно, часть поверхности задней стенки) пульсации давления на частоте дискретной составляющей — пульсации давления акустического типа. Физическая природа этих пульсаций давления обсуждалась в [8].

Максимальные уровни  $L_d^*$  в выемке для различных значений  $l^0$  и диапазона  $M_1 = 0,3$ — $3,7$  собраны на рис. 2. Можно видеть, что наибольшие пульсации давления реализуются при  $M_1 \approx 1$ . Уровни  $L_d^*$  превосходят уровни  $L$  на 6—15 дБ.

Анализ экспериментальных данных по сплошной составляющей спектра пульсаций давления показывает его гидродинамический характер. Спектр пульсаций давления по своей форме близок к спектру при натекании турбулентной струи на плоскую преграду. На рис. 4 представлена зависимость относительной спектральной плотности  $\sigma^0 = \sqrt{f_0} \sigma_1 / \sigma_\Sigma$  от числа Струхала  $Sh = f/f_0$  (точки 1 —  $M_1 = 2,1$ ,  $l^0 = 2,4$ — $5,2$ ,  $T_0/T_w = 1$ — $1,6$ ,  $x^0 = x/h = 1,6$ — $2,6$ ,  $y^0 = 0$ ; 2 —  $M_1 = 2,9$ ,  $l^0 = 3,2$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x^0 = 1,6$ ,  $y^0 = 0$ ; 3 —  $M_1 = 2,1$ ,  $l^0 = 2,4$ — $3,2$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x/l = 1$ ,  $y^0 = 0,4$ — $0,7$ ; 4 —  $M_1 = 3$ ,  $l^0 = 2,1$ — $3,2$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x/l = 1$ ,  $y^0 = 0,4$ — $0,7$ ; 5 —  $M_1 = 2,4$ ,  $l^0 = 2,3$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x/l = 0$ ,  $y^0 = 0,2$ — $0,5$ ; 6 —



Р и с. 4

Р и с. 5

$M_1 = 1,5$ ,  $l^0 = 2,25$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x/l = 1$ ,  $y^0 = 0,5$  [7]; 7 —  $M_1 = 0,3$ — $1$ ,  $l^0 = 1,5$ — $2,0$ ,  $T_0/T_w = 1$ ,  $x/l = 1$ ,  $y^0 = 0,4$ — $0,7$ ;  $Re = (4$ — $20) \cdot 10^6$ . Результаты обработки экспериментальных данных, измеренных на задней и передней стенке и дне выемки, образуют единую зависимость.

Для задней стенки  $f_0 = u_j/\delta_3$ , для дна выемки  $f_0 = u_3/l$ , а для передней стенки  $f_0 = u_4/h$ . Здесь  $u_j$  — скорость на разделяющей линии тока турбулентного слоя смешения,  $u_3$  — скорость на внешней границе пограничного слоя на задней стенке,  $u_4$  — скорость на внешней границе пограничного слоя на дне выемки. Согласно работе [1],  $u_j/u_2 = 0,548 + 0,018M_1$ ,  $u_3 \approx 0,42 u_2$ ,  $u_4 = 0,3 u_2$  для  $M_1 < 1$  и  $u_4 = 0,25 u_2$  для  $M_1 \geq 1,5$ ; толщина турбулентного слоя смешения  $\delta_3$  перед задней стенкой вычислялась по методу [1]. Выбор характерных размеров  $\delta_3$  и  $l$ ,  $h$  в соотношении для  $f_0$  неслучаен. Турбулентный слой смешения несет вихри, характерный масштаб которых пропорционален  $\delta$ . После взаимодействия с задней стенкой выемки слой смешения образует течение (направленное вдоль стенки ко дну), которое может рассматриваться как течение в турбулентном слое смешения струи радиусом  $l/2$ , натекающей на плоскую преграду — дно выемки. На передней стенке при  $l^0 > 4$  пульсации давления определяются взаимодействием струи обратных токов радиусом  $h/2$  с этой стенкой.

На рис. 4 показаны относительные спектральные плотности, измеренные на плоской преграде при натекании на нее турбулентной струи (плоская струя — линия 8,  $r/R_1 = 0$  и осесимметричные струи — линии 9—11,  $r/R_1 = 0; 0,8; 1,2$  соответственно). Ось струи перпендикулярна плоскости преграды,  $r$  — расстояние точки наблюдения на преграде от критической точки,  $R_1$  — радиус струи перед взаимодействием с преградой. Относительный спектр для расстояний  $r/R_1 = 0$  взят из [10], спектры при  $r/R_1 = 0,8$  и  $1,2$  предоставлены В. М. Купцовым. Из рис. 4 видно удовлетворительное согласие экспериментальных данных, полученных в выемке, с данными по натеканию струи на преграду.

Рассмотрим корреляционные характеристики сплошной составляющей спектра пульсаций давления. На рис. 5 показаны результаты измерения действительной части продольного нормированного взаимного спектра  $R' = R'(\Delta x, 0, f)$  с помощью двух микрофонов, установленных на дне выемки на расстоянии между их центрами  $\Delta x$  (точки 1—3 соответствуют  $M_1 = 3,7; 3,7; 2,1$ ,  $l^0 = 3,3; 2,6; 3$ ,  $\Delta x/l = 0,14; 0,2; 0,24$ ,  $T_0/T_w = 1,35; 1,42; 1$ , линия — расчет по соотношению (2.2) при  $Sh_1 > 0,25$ ). Здесь  $Sh_1 = k\Delta x$  ( $k = 2\pi f/u_2$  — волновое число). Данные экспериментов при  $Sh_1 > 0,25$  удовлетворительно описываются зависимостью  $R' = \exp[-(a_x/b_x)Sh_1] \cos(a_x Sh_1)$  ( $a_x = 1,57$ ,  $b_x = 3,14$ ).

Характер зависимости  $R' = R'(Sh_1)$  отвечает пульсациям давления гидродинамического типа. Действительно, для пульсаций давления акустического типа характерной является скорость звука и при  $Sh_1 \rightarrow 0$

$R' \rightarrow 1$ . В нашем случае определяющая скорость — это скорость потока  $u_2$ , и при  $Sh_1 < 0,25$  уменьшение  $Sh_1$  при  $\Delta x/l = \text{const}$  ведет к уменьшению  $R'$  (см. рис. 5), что присуще пульсациям давления гидродинамического типа.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Чжен П. Отрывные течения.— М.: Мир, 1973.— Т. 1—3.
2. Морозов М. Г. Акустическое излучение полостей, обтекаемых сверхзвуковым потоком газа // Изв. АН СССР. ОТИ. Механика и машиностроение.— 1960.— № 2.
3. Rossiter I. E. Wind tunnel experiments on the flow over rectangular cavities at subsonic and transonic speeds/Amer. Rocket Soc.— N. Y., 1966.—(ARS RM 3438).
4. Heller H., Bliss D. The physical mechanism of flow-induced pressure fluctuations in cavities and concepts for their suppression.— N. Y., 1975.—(Pap./AIAA; N 75-491).
5. Морозов М. Г. Самовозбуждение колебаний при сверхзвуковых отрывных течениях // ИФЖ.— 1974.— Т. 27, № 5.
6. Биланин, Коверт. Оценка возможных частот возбуждения для прямоугольных полостей малой глубины // РТК.— 1973.— № 3.
7. Hankey W. L., Shang J. S. Analyses of pressure oscillations in an open cavity // AIAA J.— 1980.— V. 18, N 8.
8. Антонов А. Н., Вишняков А. Н., Шалаев С. П. Экспериментальное исследование пульсаций давления в выемке, обтекаемой дозвуковым или сверхзвуковым потоком газа // ПМТФ.— 1981.— № 2.
9. Clark R. L., Kaufman L. G., Maciulailis A. Aero-acoustic measurements for Mach 0,6 to 3,0 flows past rectangular cavities.— N. Y., 1980.— (Pap./AIAA; N 80-0036).
10. Купцов В. М., Сырчин А. Ф. и др. Пульсации давления на преграде при натекании струи // Изв. АН СССР. МЖГ.— 1980.— № 1.

г. Москва

Поступила 1/XII 1987 г.,  
в окончательном варианте —  
23/II 1988 г.

УДК 551.466

Ю. В. Владимиров

### ПОЛЕ ВНУТРЕННИХ ВОЛН В ОКРЕСТНОСТИ ФРОНТА, ВОЗБУЖДЕННОЕ ИСТОЧНИКОМ, ДВИЖУЩИМСЯ НАД ПЛАВНО МЕНЯЮЩИМСЯ ДНОМ

С помощью метода геометрической оптики в [1] решена задача о распространении над плавно меняющимся дном гармонических по времени и квазисинусоидальных по пространству поверхностных волн. Аналогичная задача для внутренних волн с произвольным распределением по глубине частоты Брента — Вяйсяля рассматривалась в [2]. В [3] исследовался случай локально-синусоидальных по пространству и времени внутренних волн при наличии медленно меняющихся сдвиговых течений. Трансформация волн Эйри в плавно однородном по горизонтали слое рассмотрена в [4]. Для движущегося в слое стратифицированной жидкости источника в случае постоянной глубины слоя фронты и линии равной фазы построены в [5]. Асимптотика решения для движущегося источника в окрестности фронта отдельно взятой моды была выписана в [6].

В настоящей работе методом бегущей волны [7], который является одной из модификаций метода геометрической оптики, рассматривается задача о поле внутренних волн в окрестности фронта отдельной моды, генерируемом движущимся над плавно меняющимся дном точечным источником массы.

**1. Постановка задачи и выбор вида решения.** Рассмотрим слой жидкости с частотой Брента — Вяйсяля  $N(z)$ , ограниченный поверхностью  $z = 0$  и дном  $z = H(X, Y)$ . Точечный источник интенсивности  $Q$  движется равномерно и прямолинейно со скоростью  $V$  на глубине  $z_0$  в положительном направлении оси  $X$ . Тогда поле скоростей в приближении Буссинеска удовлетворяет следующей линеаризованной системе уравнений:

$$(1.1) \quad \frac{\partial^2}{\partial T^2} \left( \Delta w + \frac{\partial^2 w}{\partial z^2} \right) + N^2(z) \Delta v = Q \delta''_{TT}(X - VT) \delta(Y) \delta'(z - z_0),$$

$$\Delta u + V \frac{\partial w}{\partial z} = Q \delta(z - z_0) \nabla(\delta(X - VT) \delta(Y)).$$