

РАСПРОСТРАНЕНИЕ УДАРНЫХ ВОЛН В ПОЛУОГРАНИЧЕННОМ ОБЪЕМЕ

A. И. Старицинов

(Ленинград)

При выходе ударной волны из трубы, расположенной в полуограниченном объеме, возникает система волн между концом трубы и дном объема, а также в зазоре между трубой и боковыми стенками объема. Распространение ударной волны после выхода из трубы до момента ее касания боковых стенок объема рассмотрено в работе [1]. В настоящей статье рассматривается движение газа в полуограниченном объеме после касания прошедшей ударной волной боковых стенок объема.

В § 1 приводится построение физической модели движения газа до момента прихода первичной ударной волны к дну объема. В § 2 находятся соотношения, позволяющие определить параметры потока в полуограниченном объеме до момента прихода первичной ударной волны к дну объема. В § 3 рассматривается движение отраженной ударной волны между трубой и боковыми стенками объема.

Обозначения

$\bar{N} = N\bar{a}_1$	скорость распространения ударной волны;	$\bar{a} = a\bar{a}_1$	скорость распространения звуков;
$\bar{u} = u\bar{a}_1$	скорость частиц газа;	$k = c_p/c_v$	показатель адиабаты;
$\bar{\rho} = \rho\bar{\rho}_1$	плотность газа;	$t = a_1\bar{t}/d$	безразмерное время;
$\bar{p} = p\bar{p}_1$	давление;	$F = \bar{F}/\bar{d}^2$	площадь;
$\bar{M} = \bar{u}/\bar{a}$	число Маха;	$V = \bar{V}/\bar{d}^3$	объем;
$\lambda = \bar{u}/\bar{a}_*$	приведенная скорость;	\bar{d}	внутренний диаметр трубы [м];
		\bar{t}	время [сек].

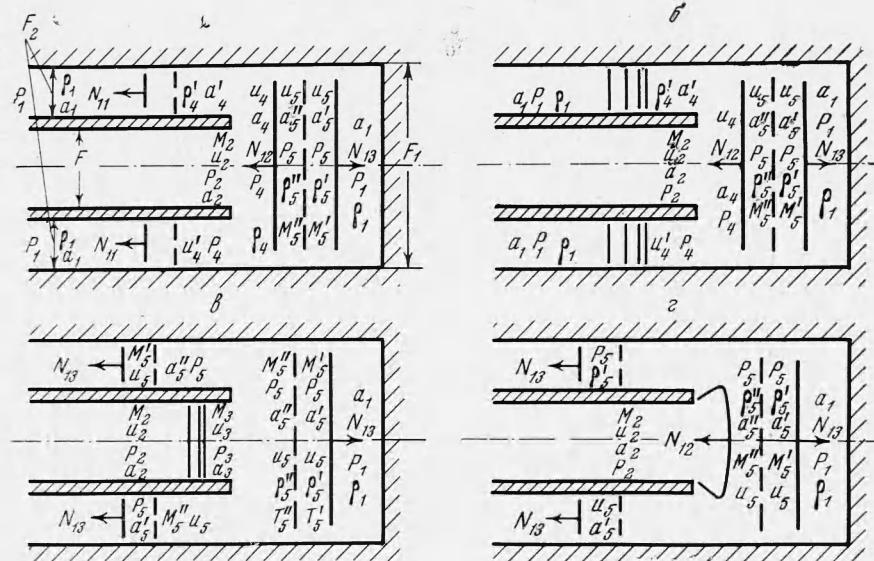
Индексом 1 обозначены параметры газа в объеме до выхода ударной волны из трубы, индексом 2 обозначены параметры газа за фронтом ударной волны в трубе, чертой сверху обозначены размерные параметры, индексом 0 обозначены параметры адиабатически заторможенного газа, * обозначены критические параметры потока.

1. В полуограниченном объеме (фиг. 1) расположена труба. По трубе распространяется ударная волна со скоростью N_1 , за фронтом ударной волны параметры газа постоянны.

В зависимости от параметров потока за фронтом ударной волны в трубе и от площадей F , F_1 , F_2 будут иметь место следующие случаи формирования потока.

(а) Скорость спутного потока за фронтом ударной волны в трубе $M_2 \geq 1$, а значение площадей F , F_1 , F_2 таково, что в результате расширения газа за прошедшей ударной волной давление в плоскости конца трубы $p_4 > 1$. Предполагаем, что давление по обе стороны от плоскости конца трубы одинаково, разделение потока, выходящего из трубы налево, в зазор и направо происходит в плоскости конца трубы. Следует отметить, что предположение о равенстве давления по обе стороны от плоскости среза конца трубы может быть заменено каким-либо другим представлением о характере течения в этой зоне. Принятое предположение оправдывается хорошим совпадением расчетных значений параметров потока с экспериментом, который был проведен в газодинамической лаборатории ЛГУ. Так как $p_4 > 1$, то в зазоре между трубой и боковыми стенками объема будет распространяться ударная волна со скоростью N_{11} (фиг. 1, a). Ввиду того что скорость потока на выходе из трубы сверхзвуковая, при расширении потока в объеме скорость его увеличится, а давление уменьшится. С другой стороны, при увеличении площади ударной волны от значения F до значения F_1 после выхода ее из трубы давление и скорость газа на фронте ударной волны уменьшаются.

Для устранения возникшего противоречия необходимо сделать предположение о наличии вторичной ударной волны между концом трубы и прошедшей из трубы первичной ударной волной. Вторичная ударная волна будет распространяться относительно частиц газа, вышедших из трубы, навстречу их движению. Поток газа, проходя через вторичную ударную волну, будет подтормаживаться. Газ в области между первичной и вторичной ударными волнами разделен контактной поверхностью (стационарный разрыв). Слева от контактной поверхности будет находиться газ, вышедший из трубы, справа — газ, находившийся в объеме.



Фиг. 1. Схема течения газа в полуограниченном объеме при различных значениях интенсивности ударной волны в трубе и различных значениях площадей:
 а — при $M_2 \geq 1, p_4 > 1$; б — при $M_2 \geq 1, p_4 < 1$;
 в — при $M_3 < 1, p_5 > 1$; г — при $M_4 > N_{12}/a_4$

(б) Скорость спутного потока за фронтом ударной волны в трубе $M_2 \geq 1$, а значение площадей F, F_1, F_2 таково, что в результате расширения газа за прошедшей ударной волной давление в плоскости конца трубы $p_4 < 1$. Предполагаем, как делалось выше, что давление по обе стороны от плоскости конца трубы одинаково, смешивание потока из зазора и из трубы происходит в плоскости конца трубы. В зазоре будет распространяться волна разрежения. Схема течения газа приведена на фиг. 1, б.

Рассуждения, аналогичные проведенным в (а), показывают, что в области между концом трубы и дном объема будут распространяться первичная ударная волна, контактная поверхность и вторичная ударная волна.

(в) Скорость спутного потока за фронтом ударной волны в трубе $M_2 < 1$, а значение площадей F, F_1, F_2 таково, что в прошедшей в трубу волне разрежения газ ускоряется до значения $M_3 = 1$. В результате расширения газа за прошедшей в объем ударной волной давление в плоскости конца трубы, как и в рассмотренных случаях (а) и (б), может быть либо $p_4 \geq 1$, либо $p_4 < 1$. При этом характер течения в полуограниченном объеме будет соответственно такой же, как в (а) и (б).

В (а), (б) и (в) рассматривались такие значения исходных данных N_1, F, F_1, F_2 , когда скорость потока в объеме перед фронтом вторичной ударной волны была выше скорости распространения вторичной ударной

волны. Вторичная ударная волна относительно стенок объема перемещалась вниз по потоку.

(г) При увеличении площади F_1 скорость потока перед вторичной ударной волной будет расти медленнее, чем скорость вторичной ударной волны. Наступит момент, когда скорость потока будет равна скорости вторичной ударной волны и последняя относительно стенок объема перемещаться не будет. При дальнейшем увеличении площади F_1 произойдет отрыв границы вторичной ударной волны от боковых стенок объема; эта волна расположится в непосредственной близости от конца трубы. В зазоре будет распространяться ударная волна такой же интенсивности, как и первичная ударная волна. Схема течения представлена на фиг. 1, г.

(д) Скорость спутного потока за фронтом ударной волны в трубе $M_2 < 1$, а значение площадей F , F_1 , F_2 таково, что в прошедшей в трубу волне разрежения газ ускоряется до значения $M_3 < 1$. В этом случае $p_4 > 1$, вторичная ударная волна отсутствует, в зазоре распространяется ударная волна такой же интенсивности, как и первичная ударная волна в области между концом трубы и дном объема (схема течения на фиг. 1в).

2. (а) Уравнения сохранения массы, количества движения и энергии для контрольных поверхностей, расположенных на срезе открытого конца трубы, в зазоре между концом трубы и ударной волной, между вторичной ударной волной и концом трубы, имеют вид

$$\begin{aligned} u_2 \rho_2 F &= u_4 \rho_4 F_1 + u'_4 \rho'_4 F_2, \\ \rho_2 u_2^2 F + p_2 F &= \rho_4 u_4^2 F_1 + \rho'_4 u'_4^2 F_2 + p_4 F_1 + p_4 F_2 + p_4 F_1 \quad (2.1) \\ \rho_2 u_2 F \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_2}{\rho_2} + \frac{u_2^2}{2} \right) &= \rho_4 u_4 F_1 \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_4}{\rho_4} + \frac{u_4^2}{2} \right) + \rho'_4 u'_4 F_2 \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_4}{\rho'_4} + \frac{u'_4^2}{2} \right) \end{aligned}$$

Предполагается, что газ перед вторичной ударной волной расширяется изэнтропически. Используемые обозначения см. на фиг. 1а. Из условия динамической совместности на ударной волне в зазоре напишем соотношения, выражающие u'_4 и ρ'_4 через p_4

$$u'_4 = (p_4 - 1) f, \quad \rho'_4 = \frac{\gamma p_4 + 1}{\gamma + p_4} \quad f = \frac{1}{k} \left(\frac{k+1}{2k} p_4 + \frac{k-1}{2k} \right)^{-1/2}, \quad \gamma = \frac{k+1}{k-1} \quad (2.2)$$

Решая систему уравнений (2.1), (2.2) относительно p_4 , получим

$$\begin{aligned} qe &= F_2 f (p_4 - 1) \left(\frac{p_4}{k-1} + b \right) + \frac{[m - (F_1 - F_2) p_4 - 2F_2 b] F_1}{q - F_2 c_f^2} \times \\ &\times \left\{ \frac{p_4}{k-1} + \frac{1}{2F_1} [m - (F_1 - F_2) p_4 - 2F_2 b] \right\} \quad (2.3) \\ q &= \rho_2 u_2 F, \quad e = \frac{1}{k-1} \frac{p_2}{\rho_2} + \frac{u_2^2}{2}, \quad m = \rho_2 u_2^2 F + p_2 F \\ b &= \frac{(p_4 - 1)^2}{k [(k+1) + (k-1) p_4]}, \quad c = \frac{(p_4 - 1) [(k+1) p_4 + (k-1)]}{[(k+1) + (k-1) p_4]} \\ u_4 &= \frac{m - (F_1 - F_2) p_4 - 2F_2 b}{q - F_2 c_f^2}, \quad \rho_4 = \frac{(q - F_2 c_f^2)^2}{F_1 [m - (F_1 - F_2) p_4 - 2F_2 b]} \end{aligned}$$

Приведенные соотношения позволяют определить параметры потока в области между ударной волной в зазоре и вторичной ударной волной.

Используя условия динамической совместности на первичной и вторичной ударных волнах, получим

$$\begin{aligned} [(\gamma + 1) N_{13}^2 - \gamma] &= p_4 [(\gamma + 1) N_{12}^2 / a_4^2 - \gamma] \\ 2(N_{13} - 1 / N_{13}) / (k + 1) &= u_4 - 2(N_{12} - a_4^2 / N_{12}) / (k + 1) \\ \gamma &= (k-1)/(k+1) \quad (2.4) \end{aligned}$$

Решая систему уравнений (2.4), определим значения N_{13} и N_{12} . Остальные параметры потока в области между первичной и вторичной ударными волнами могут быть найдены из условий динамической совместности.

(б) Уравнения сохранения массы, количества движения и энергии для контрольных поверхностей, расположенных на срезе открытого конца трубы, в зазоре между волной разрежения и концом трубы, между вторичной ударной волной и концом трубы, имеют вид (2.5)

$$u_2 \rho_2 F = u_4 \rho_4 F_1 - u_4' \rho_4' F_2, \quad \rho_2 u_2^2 F + p_2 F = \rho_4 u_4^2 F_1 - \rho_4' u_4'^2 F_2 + p_4 F_1 - p_4' F_2 \\ \rho_2 u_2 F \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_2}{\rho_2} + \frac{u_2^2}{2} \right) = \rho_4 u_4 F_1 \left(\frac{1}{k-1} \frac{F_1}{\rho_4} + \frac{u_4^2}{2} \right) - \rho_4' u_4' F_2 \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_4}{\rho_4'} + \frac{u_4'^2}{2} \right)$$

Предполагается, что газ до вторичной ударной волны расширяется изэнтропически. Используемые обозначения приведены на фиг. 1б.

На волне разрежения имеем

$$u_4' = \frac{2}{k-1} (1 - p_4^{1/(k-1)/k}), \quad \rho_4' = p_4^{1/k} \quad (2.6)$$

Решая уравнения (2.5) и (2.6) относительно p_4 , получим

$$qe = \frac{[m + F_2 h - (F_1 - F_2) p_4] F_1}{q + F_2 n} \left\{ \frac{p_4}{k-1} - \frac{1}{2F_1} [m + F_2 h - (F_1 - F_2) p_4] \right\} - \\ - F_2 n p_4^{-1/k} \left(\frac{p_4}{k-1} + \frac{F_2 h}{2} \right) \quad (2.7)$$

$$h = \frac{4}{(k-1)^2} (1 - p_4^{1/(k-1)/k})^2 p_4^{1/k}, \quad n = \frac{2}{k-1} (1 - p_4^{1/(k-1)/k}) p_4^{1/k} \\ u_4 = \frac{m + F_2 h - (F_1 - F_2) p_4}{q + F_2 n}, \quad \rho_4 = \frac{(q + F_2 n)^2}{F_1 [m + F_2 h - (F_1 - F_2) p_4]}$$

Приведенные соотношения совместно с уравнениями (2.4) позволяют определить все параметры потока в области между первичной ударной волной и волной разрежения.

В случае (в), используя условие $M_3 = 1$, параметры потока на выходе из трубы могут быть найдены по известным соотношениям на волне разрежения. Вид уравнений, определяющих параметры потока в объеме, будет таким же, как в случаях (а) и (б). Вместо начальных параметров потока, обозначавшихся в (а) и (б) индексом 2, вводятся начальные параметры, обозначаемые индексом 3, которые находятся на выходе из волны разрежения при условии $M_3 = 1$.

(г) Выражая значения членов очевидного тождества

$$p_5 = \frac{p_5}{p_05} \frac{p_05^*}{p_04} \frac{p_02}{p_2}$$

через λ и N_{13} , получим

$$[(\gamma + 1) N_{13}^2 - \gamma] = \left(\frac{1 - \gamma \lambda_5^2}{1 - \gamma \lambda_2^2} \right)^{k/(k-1)} \left(\frac{1 - \gamma \lambda_4^2}{1 - \gamma / \lambda_4^2} \right)^{1/(k-1)} [(\gamma + 1) N_1^2 - \gamma] \lambda_4^2 \quad (2.8)$$

обозначения — согласно схеме течения, см. фиг. 1 г.

Выражая в тождестве $u_5 = \lambda_5'' a_{*5}''$ значения u_5 из условия динамической совместности, а a_{*5}'' через a_2 и λ_2 , получим

$$\frac{2}{k+1} \left(N_{13} - \frac{1}{N_{13}} \right) = \lambda_5'' \left(\frac{2}{k-1} \right)^{1/2} \frac{a_2}{(1 - \lambda_2^2 \gamma)^{1/2}} \quad (2.9)$$

Предполагается, что поток за вторичной ударной волной перед контактной поверхностью расширяется изэнтропически до площади, равной суммарной величине проходных сечений ($F_1 + F_2$). Обозначая через

F_* площадь поверхности вторичной ударной волны, из уравнения неразрывности имеем

$$\frac{F}{F_*} = \frac{\lambda_4}{\lambda_2} \left(\frac{1 - \lambda_4^2 \gamma}{1 - \lambda_2^2 \gamma} \right)^{1/(k-1)}, \quad \frac{F_*}{F_1 + F_2} = \lambda_5'' \lambda_4 \left(\frac{1 - \lambda_5''^2 \gamma}{1 - \gamma / \lambda_4^2} \right)^{1/(k-1)}$$

Отсюда

$$\frac{F}{F_1 + F_2} = \frac{\lambda_4^2 \lambda_5''}{\lambda_2} \left[\frac{(1 - \lambda_4^2 \gamma)(1 - \lambda_5''^2 \gamma)}{(1 - \lambda_2^2 \gamma)(1 - \gamma / \lambda_4^2)} \right]^{1/(k-1)} \quad (2.10)$$

Исключая при помощи (2.10) из (2.8) λ_4 , получим

$$[(1 + \gamma) N_{13}^2 - \gamma] = \frac{F}{F_1 + F_2} [(1 + \gamma) N_1^2 - \gamma] \left(\frac{1 - \lambda_5''^2 \gamma}{1 - \lambda_2^2 \gamma} \right) \frac{\lambda_2}{\lambda_5''} \quad (2.11)$$

Решение системы уравнений (2.9) и (2.11) определяют значения N_{13} , λ_5'' . Остальные параметры потока могут быть найдены из условий на первичной ударной волне.

(д) Определение параметров потока в объеме сводится в этом случае к одной из задач, рассмотренных в работе [2]. Используя условия динамической совместности на первичной ударной волне, условия на волне разрежения в трубе, а также уравнение неразрывности, получим следующую систему уравнений относительно M_3 , M_5'' и N_{13} , решение которой определяет параметры потока в объеме:

$$\frac{F}{F_1 + F_2} = \frac{M_5''}{M_3} \left(\frac{1 + \alpha M_3^2}{1 + \alpha M_5''^2} \right)^{1/2\alpha} \quad (2.12)$$

$$[(1 + \gamma) N_{13}^2 - \gamma] = \left(\frac{1 + \alpha M_3^2}{1 + \alpha M_5''^2} \right)^{k/(k-1)} \left(\frac{1 + \alpha M_2}{1 + \alpha M_3} \right)^{k/\alpha}$$

$$\frac{2}{k+1} \left(N_{13} - \frac{1}{N_{13}} \right) = M_5'' \left(\frac{1 + \alpha M_2}{1 + \alpha M_3} \right) \left(\frac{1 + \alpha M_3^2}{1 + \alpha M_5''^2} \right)^{1/2} a_2, \quad \alpha = \frac{k-1}{2}$$

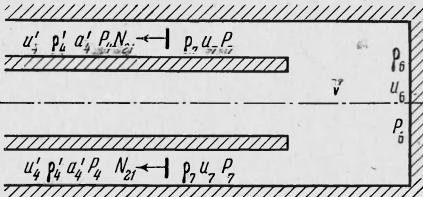
3. После подхода первичной ударной волны к дну объема ударная волна отразится от него и начнет распространяться вверх по потоку, взаимодействуя при этом с контактной поверхностью и вторичной ударной волной (если таковая образовалась). Результаты этого взаимодействия могут быть рассчитаны по соотношениям, приведенным в работе [3]. Ниже рассматривается распространение отраженной ударной волны в зазоре с момента прихода ее в плоскость конца трубы. Нахождение параметров потока за ударной волной в зазоре при строгой постановке задачи сводится к интегрированию системы трех дифференциальных уравнений в частных производных при весьма сложных граничных условиях. В настоящее время решение такой задачи может быть осуществлено только численными методами. В данной работе решение задачи проводится при следующих предположениях: а) пренебрегается наличием контактной поверхности между промежуточной в зазоре отраженной ударной волной и плоскостью среза конца трубы; б) изменение параметров газа по длине в области между плоскостью конца трубы и ударной волной происходит мгновенно; в) в объеме между концом трубы и дном объема отсутствуют волновые процессы, заполнение объема происходит квазистационарно. На фиг. 2 приведена схема течения и обозначения, используемые при решении задачи.

Газ из объема вытекает в зазор, при этом расход равен $Q_2 = \rho_7 u_7 F_2$, где u_7 , ρ_7 — соответственно скорость и плотность газа за ударной волной, Q_1 — расход газа из трубы. Тогда уравнение сохранения массы для объема V запишется следующим образом:

$$V d\rho_6 / dt = Q_1 - Q_2 \quad (3.1)$$

где ρ_6 — средняя по объему V плотность в момент времени t .

Выразим в (3.1) ρ_6 и u_7 через ρ_7 . Уравнения сохранения массы, количества движения и энергии для контрольных поверхностей, расположенных между ударной волной



Фиг. 2. Схема течения газа в полуограниченном объеме после проникновения отраженной ударной волны в зазор

и плоскостью конца трубы, а также в объеме V , имеют вид:

$$\begin{aligned} u_6 \rho_6 F_1 = u_7 \rho_7 F_2 = \theta, & \quad \rho_6 u_6^2 F_1 + p_6 F_1 = \rho_7 u_7^2 F_2 + p_7 F_2 = \Phi \\ \rho_6 u_6 F_1 \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_6}{\rho_6} + \frac{u_6^2}{2} \right) = \rho_7 u_7 F_2 \left(\frac{1}{k-1} \frac{p_7}{\rho_7} + \frac{u_7^2}{2} \right) = \psi \end{aligned} \quad (3.2)$$

Решая эту систему, получим

$$\rho_6 = \frac{\theta \Phi + [\theta^2 \Phi^2 - 4(k-1)(2-k)\theta^2 \psi]^{1/2}}{2 F_1 \psi (k-1)} \quad (3.3)$$

Здесь p_7 и u_7 выражаются через ρ_7 из условий динамической совместности

$$p_7 = p_4 \frac{\kappa \rho_7 / \rho_4' - 1}{\kappa - \rho_7 / \rho_4'}, \quad u_7 = \left[a_4' \left(\frac{\rho_7}{\rho_4'} - 1 \right) R + u_4' \right] \frac{\rho_4'}{\rho_7}, \quad R = \left(\frac{1}{\kappa - \rho_7 / \rho_4'} \frac{2}{k-1} \frac{\rho_7}{\rho_4'} \right)^{1/2}$$

(минус при $p_4 < 1$, плюс при $p_4 > 1$). Продифференцируем (3.3) по ρ_7 , получим

$$\begin{aligned} d\rho_6 = \{ & AC + (2AB - Eu_7^3 \rho_7^2 [4u_7' \rho_7 p_7 + 3u_7 p_7 + u_7 \rho_7 p_7' + \\ & + (k-1)(3u_7^2 \rho_7^2 u_7' + 2u_7^3 \rho_7)]) C / (2H) - (B+H) [(u_7' p_7 + u_7 p_7') / (k-1) + \\ & + (3u_7^2 u_7' \rho_7 + u_7^3) / 2] \} F_2 / (2CF_1) d\rho_7, \end{aligned} \quad (3.4)$$

$$\begin{aligned} A = & \frac{3u_7^2 u_7' \rho_7^2 + 2u_7^3 \rho_7 + u_7' \rho_7 p_7 + u_7 p_7 + u_7 \rho_7 p_7'}{k-1}, \quad B = \frac{u_7^3 \rho_7^2 + p_7 u_7 \rho_7}{k-1}, \\ C = & \frac{u_7 p_7}{k-1} + \frac{u_7^3 \rho_7}{2}, \quad D = \frac{u_7^4 \rho_7^3 p_7}{k-1} + \frac{u_7^6 \rho_7^4}{2} \\ E = & \frac{4(2-k)}{(k-1)^2}, \quad H = \left(B^2 - \frac{2-k}{k-1} D \right)^{1/2} \\ p_7' = & [\kappa(\kappa - \rho_7 / \rho_4') + (\kappa \rho_7 / \rho_4' - 1)] (\kappa - \rho_7 / \rho_4')^{-2} p_4 \\ u_7' = & \{ [R + (\rho_7 / \rho_4' - 1) \kappa R^{-1} (k-1)^{-1} (\kappa - \rho_7 / \rho_4')^{-2}] \rho_7 / \rho_4' - \\ & - [(\rho_7 / \rho_4' - 1) R - u_4'] \} (\rho_4' / \rho_7)^2 \end{aligned}$$

Заменяя в (3.1) значение $d\rho_6$ через (3.4) и интегрируя, получим

$$t = \int_{\rho_{7n}}^{\rho_7} \frac{V f(\rho_7) d\rho_7}{(Q_1 - Q_2)} \quad (3.5)$$

где ρ_{7n} — плотность газа за фронтом прошедшей в зазор ударной волны в момент прохождения плоскости конца трубы, $f(\rho_7)$ — множитель перед $d\rho_7$ в формуле (3.4). За начало отсчета времени принял момент прохождения отраженной ударной волной плоскости конца трубы. Величину ρ_{7n} определяем из равенства расхода в начальный момент при $t = 0$: $u_6 \rho_6 F_1 = u_{7n} \rho_{7n} F_2$. На фронте прошедшей в зазор ударной волны

$$\rho_4' (N_{21} \pm u_4') = \rho_{7n} (N_{21} - u_{7n}) \quad (3.6)$$

где N_{21} — скорость распространения ударной волны в зазоре, знак минус берется при $p_4 < 1$, знак плюс при $p_4 > 1$. Используя соотношение $u_7(\rho_7)$ на ударной волне, а также выражение (3.6) из условия равенства расхода получим

$$\frac{u_6 \rho_6 F_1}{\rho_{7n} F_2} = a_4' \left(\frac{\rho_{7n}}{\rho_4'} - 1 \right) \frac{R_{7n} \rho_4'}{\rho_7} - \frac{u_4' \rho_4'}{\rho_{7n}}, \quad R_{7n} = \left(\frac{1}{\kappa - \rho_{7n} / \rho_4'} \frac{2}{k-1} \frac{\rho_{7n}}{\rho_4'} \right)^{1/2} \quad (3.7)$$

Здесь u_6 и ρ_6 значения на ударной волне, подошедшей к плоскости среза конца трубы после отражения от дна объема.

Интеграл (3.5) берется численно. В результате интегрирования получается зависимость $\rho_7(t)$. Остальные параметры газа за ударной волной, а также закон движения ударной волны в зазоре определяются из условий динамической совместности на фронте ударной волны.

Поступила 9 II 1966

ЛИТЕРАТУРА

- Старшинов А. И. Формирование потока за фронтом ударной волны при истечении из сопла. Вестник Ленингр. ун-та, 1965, № 13.
- Безмено В. Я. Нестационарные течения в ударной трубе переменного сечения. Тр. ЦАГИ, вып. 737.
- Гласис И., Паттерсон Г. Теоретическое и экспериментальное исследование потоков в ударной трубе. Сб. «Ударные трубы». Изд. иностр. лит., 1962.