УДК 532.529.5; 66.021.3

# Экспериментальное исследование межфазного массообмена при снарядном течении смеси этанол-СО<sub>2</sub> в прямоугольном микроканале<sup>\*</sup>

Г.В. Барткус<sup>1</sup>, Н.А. Филатов<sup>2</sup>, А.С. Букатин<sup>2,3</sup>, В.В. Кузнецов<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Институт теплофизики им. С.С. Кутателадзе СО РАН, Новосибирск

<sup>2</sup>Санкт-Петербургский национальный исследовательский академический университет им. Ж.И. Алфёрова РАН

<sup>3</sup>Институт аналитического приборостроения РАН, Санкт-Петербург

E-mail: germanbartkus@gmail.com

Экспериментально изучена структура снарядного газожидкостного течения и межфазный массообмен при течении смесей этанол-N<sub>2</sub> и этанол-CO<sub>2</sub> в горизонтальном прямоугольном микроканале. Эксперименты проведены в прямом микроканале с сечением 380×190 мкм. Для определения изменения объема газового снаряда по длине микроканала использован метод высокоскоростной визуализации с цифровой обработкой. В широком диапазоне расходов газа измерены частота следования и объем газовых снарядов, их скорость, определен объемный коэффициент массоотдачи со стороны жидкости для смеси этанол-CO<sub>2</sub>. Предложена физически обоснованная модель межфазного массообмена для снарядного течения в канале прямоугольного сечения, учитывающая циркуляционное течение в перемычке жидкости.

Ключевые слова: прямоугольный микроканал, газожидкостное течение, межфазный массообмен, растворение CO<sub>2</sub>.

## Введение

Микроканальные реакторы и теплообменники получают все более широкое распространение в технике вследствие высокой удельной площади контакта фаз и интенсификации процессов массообмена [1]. При сравнении объемных коэффициентов массоотдачи  $k_L a$ , достигаемых в различных массообменных аппаратах, например, в бромистолитиевых абсорберах [2], микрореакторы существенно опережают аналогичные аппараты и имеют большие перспективы применения в химических и биологических технологиях, в том числе для утилизации углекислого газа [3]. Для реализации преимуществ микроканалов необходимы детальные характеристики гидродинамики и процессов тепло- и массопереноса в микромасштабных системах, которые слабо изучены.

<sup>\*</sup> Исследование выполнено при финансовой поддержке РНФ (проект № 21-19-00626).

<sup>©</sup> Барткус Г.В., Филатов Н.А., Букатин А.С., Кузнецов В.В., 2023

Наиболее распространенными в микроканальных реакторах и теплообменниках являются каналы с прямоугольным сечением. Гидродинамика газожидкостных и двухжидкостных течений в прямоугольных микроканалах характеризуется большим разнообразием определяющих параметров, к которым относятся: отношение сторон канала, геометрия входного смесителя (перекрестный, Y-образный или T-образный смесители), отношение расходов фаз [4, 5]. Одним из наиболее распространенных режимов течения в микроканалах является снарядное течение (тейлоровское течение), которое характеризуется последовательностью удлиненных пузырей, отделенных жидкими перемычками [6]. Газовые снаряды отделены от стенки микроканала пленкой жидкости, а в перемычке жидкости возникает циркуляционное течение, наблюдаемое с использованием цифровой трассерной визуализации потоков (PIV) [7, 8] и показанное на рис. 1. На этом рисунке приведена схема течения в элементарной ячейке с обозначением участков пленки жидкости  $L_{\rm film_bub}$ , слоя жидкости на стенке  $L_{\rm film_slug}$  и областей снаряда ( $S_{\rm cap} + S_{\rm film}$ ), соответствующих различным значениям локального коэффициента массоотдачи, предложенная в работе [9].

Экспериментальные исследования межфазного массообмена при физической и химической абсорбции углекислого газа в жидкости для течения в микроканале выполнены в [8, 10, 11]. Для измерения объемного коэффициента массоотдачи в таких условиях использованы интегральные методы (титрование), измерение изменения объема газового снаряда при физической и химической абсорбции газа жидкостью [10, 11] и контрастная визуализация [8]. Для определения коэффициента массоотдачи при абсорбции углекислого газа жидкостью в ряде работ использована модель полного смешения [10], которая находится в противоречии с результатами контрастной визуализации [8].

В работах [9, 12] предложена наиболее детальная математическая модель массообмена при снарядном течении в микроканале круглого сечения, рассмотрены различные механизмы массопереноса в рамках элементарной ячейки (см. рис. 1): совместный массоперенос из головной и хвостовой частей снаряда ( $S_{cap}$ ) в перемычку жидкости (синий цвет); массоперенос из боковой части снаряда в пленку жидкости в области снаряда, имеющей длину  $L_{film_{bub}}$  (зеленый цвет) и массоперенос между тонким пристенным слоем жидкости длиной  $L_{film_{slug}}$  (желтый цвет) и жидкостью в перемычке. Предложенный в [9] подход позволяет рассчитать изменение концентрации по длине канала в перемычке жидкости  $C_{slug}$  и пленке  $C_{film}$  и определить интегральный коэффициент массоотдачи для канала круглого сечения.



Рис. 1. Схема элементарной ячейки для снарядного течения с обозначением участков пленки жидкости L<sub>film\_bub</sub>, слоя жидкости на стенке L<sub>film\_slug</sub> и областей снаряда (S<sub>cap</sub> + S<sub>film</sub>), соответствующих различным значениям коэффициента массоотдачи. Направление течения показано стрелкой.

Целью настоящей работы является экспериментальное исследование гидродинамики и межфазного массообмена при снарядном газожидкостном течении смесей этанол-азот и этанол-углекислый газ в горизонтальном прямоугольном микроканале с сечением 380×190 мкм с Т-образным боковым смесителем. Новизна состоит в применении оптической системы с высоким разрешением (3,57 мкм/пиксел) для регистрации изменения объема снаряда вследствие поглощения газа жидкостью и новом подходе к определению коэффициента массоотдачи в прямоугольном микроканале на основе моделей [9] и [12], учитывающем локальную структуру циркуляционного течения в перемычке жидкости.

## Экспериментальная установка и методики измерения

Схема экспериментального стенда для исследования структуры газожидкостного течения представлена на рис. 2*a*. Углекислый газ или азот поступал из баллона высокого давления через редуктор на вход в контроллер расхода газа Bronkhorst EL-FLOW F-201CV и далее в смеситель микроканала для формирования газожидкостного течения. Перед входом в канал располагался тройник, одно плечо которого было подключено к датчику давления HoneyWell 40PC015G, второе плечо — к контроллеру расхода, третье — на вход в микроканал. Питание датчика обеспечивалось источником питания Gwinstek GPR-3060D. Сигнал датчика давления записывался с помощью высокоскоростного АЦП ZETLab 210 и затем обрабатывался на компьютере. При определении объемного расхода газа в заданном сечении  $Q_{gas}$  микроканала вводится поправка на плотность газа в этом сечении, которая определяется по давлению в соответствии со справочными данными [13]. Давление определяется с использованием линейной аппроксимации изменения давления по длине рабочего участка. Приведенная скорость фаз определена как объемный расход, отнесенный к на площади сечения микроканала  $J_{liq,gas} = Q_{liq,gas}/S$ .

Жидкость под избыточным давлением, создаваемым азотом из баллона высокого давления, поступала из емкости для жидкости в термомассовый регулятор расхода жидкости Bronkhorst LIQUI-FLOW L30 и далее в смеситель микроканала. На выходе газожидкостная смесь стекала в открытый бак, при этом газ уходил в атмосферу. Для проведения экспериментов всегда использовалась новая жидкость.

Регистрация структуры газожидкостного течения производилась с помощью высокоскоростной камеры Optronis CR600x2 и объектива 6,3x ausJENA Planachromat в начале микроканала после смешения и в конце микроканала. Камера и LED-источник располагаются по разные стороны от прозрачного микроканала по нормали к его поверхности. Это позволило получить разрешение 3,57 мкм/пиксел при частоте съемки 2000 кадр/с. Пакет программ DMV [14] использован для обработки изображений.

Микроканал изготовлен из материала PDMS методом мягкой литографии в Санкт-Петербургском национальном исследовательском академическом университете им. Ж.И. Алфёрова PAH [15]. Микроканал имел прямоугольное сечение 380×190 мкм, его схема показана на рис. 2b. После сборки канала его ширина определялась с помощью оптического микроскопа с использованием усреднения для 10 измерений по длине канала, глубина канала определялась при фокусировании на верхнюю и нижнюю стенки микроканала. Неопределенность измерения ширины канала составила ± 4,2 мкм, глубины — ± 3,5 мкм.

Формирование газожидкостного течения происходило в боковом Т-образном миксере (см. рис. 2b). Ввод газа был перпендикулярен к потоку жидкости. Поверхность канала из PDMS является гидрофобной для воды, и в качестве рабочей жидкости был



Рис. 2. Схемы экспериментальной установки (a) и микроканала с Т-образным боковым входом (b). Размеры указаны в мм.

выбран 90%-й (по массе) водный раствор этанола (далее — этанол), с коэффициентом диффузии  $D_{\text{diff}} = 3,527 \text{ м}^2/\text{c}$ , который хорошо смачивает поверхность канала. Измерения контактного угла на поверхности PDMS показали среднее значение, равное  $(23 \pm 3)^\circ$ . В качестве газов были выбраны азот (эксперименты без массообмена) и углекислый газ (эксперименты с массообменом).

# Характеристики газожидкостного течения для смеси этанол – N<sub>2</sub> в микроканале

Для определения характеристик газожидкостного течения в микроканале при отсутствии массообмена проведена серия экспериментов для течения смеси этанол – азот. Экспериментальное исследование было необходимо для обоснования разработанной методики определения объема газового снаряда, которая далее применялась при определении объемного коэффициента массоотдачи для течения смеси этанол – углекислый газ в условиях интенсивного межфазного массообмена. Эксперименты проведены в диапазоне приведенных скоростей газа  $J_{gas} = 0,09 - 0,48$  м/с при  $J_{liq} = 0,1$  м/с, когда реализуется периодический снарядный режим течения. На рис. За приведена характерная структура периодического течения смеси этанол – азот в прямоугольном микроканале для приведенной скорости жидкости  $J_{liq} = 0,1$  м/с и газа  $J_{gas} = 0,18$  м/с, полученная на расстоянии 3 мм от смесителя. Как видно, течение представляет собой чередование газовых снарядов и жидких перемычек, что в полной мере соответствует схеме течения в элементарной ячейке (см. рис. 1). Сравнение размеров снарядов в области смесителя и в конце канала показало увеличение объема газовых снарядов по длине канала вследствие падения давления.

Для определения контуров снаряда использовался параллельный пучок света. На рис. За светлые контуры были построены с использованием пакета программ для обработки изображений DMV [14]. При обработке изображений снарядов определялась площадь



*Рис. 3.* Методика измерения объема газового снаряда (*a*): измеряемый контур внешней границы снаряда *S*<sub>2</sub> и внутренней границы снаряда *S*<sub>1</sub> и схема поперечного сечения микроканала с менисками жидкости в углах и пленкой жидкости на стенках (*b*).

снаряда по внешнему контуру  $S_2$  для количества снарядов не менее 100 в рамках одного режима. Для аналогичного набора снарядов определялась площадь по внутреннему контуру  $S_1$ . Внутренняя и внешняя границы контуров снарядов  $S_2$  и  $S_1$  (см. рис. 3a) определялись по относительному пороговому значению градации серого, которое задавалось и варьировалось в узком диапазоне, описывая контуры снаряда.

С использованием полученных контуров объем снаряда определялся для его поперечного сечения (см. рис. 3*b*). Объем определялся в предположении равномерной толщины пленки жидкости  $\delta$  вдоль и поперек снаряда [16]. Толщина пленки определялась по закону Тейлора [17] в зависимости от измеренной скорости газового снаряда  $U_{\text{bub}}$ :

$$\frac{\delta}{D_{\rm h}} = \frac{0.67 {\rm Ca}^{2/3}}{1+3.35 {\rm Ca}^{2/3}},\tag{1}$$

где  $D_{\rm h}$  — гидравлический диаметр, Ca =  $U_{\rm bub}\mu/\sigma$  — капиллярное число. Закон Тейлора был получен для среднего значения толщины пленки жидкости в канале круглого сечения. В каналах прямоугольной формы распределение пленки жидкости неравномерное и образуются тонкая пленка жидкости вдоль длинной стороны микроканала и мениски жидкости на короткой стороне канала (см. рис. 3b). В [18] было показано, что для каналов прямоугольной формы средняя толщина пленки больше, чем предсказанная по закону Тейлора, и он может быть использован только для оценки средней толщины пленки жидкости в снаряде.



вых снарядов на входе (1) и выходе (2) микроканала, с расходом  $Q_{gas_in}$ , поданным с контроллера расхода, для течения смеси этанол – N<sub>2</sub>. Puc. 5. Зависимость скорости снарядовот приведенной скорости смесина расстоянии 6 мм от выхода канала.

Используя (1) и схему сечения снаряда (см. рис. 3*b*), получим уравнение для расчета объема газового снаряда по измеренным значениям площадей сечения внешнего и внутреннего контуров  $S_1$ ,  $S_2$  в виде

$$V_{\text{hub}} = S_1 (H - 2\delta) + (S_2 - S_1) (H - 2\delta)k, \tag{2}$$

где  $k = (\pi R^2/2)/(2R^2)$ . С помощью уравнения (2) был определен объем газовых снарядов в начале и конце канала, после чего с учетом частоты следования снарядов f по формуле  $Q_{\text{gas}_m} = V_{\text{bub}} \cdot f$  был определен измеренный объемный расход газа в начале и конце канала. Путем подбора параметра порогового значения в программе DMV было определено пороговое значение 0,25, при котором сравнение объемного расхода, полученного через объем снаряда по формуле (2) и частоте снарядов, с объемным расходом, определенным контроллером, давало отличие не более 10 %.

На рис. 4 приведено сравнение измеренного расхода газа  $Q_{\rm gas_m}$ , определенного по объему снарядов на входе и выходе микроканала, с расходом  $Q_{\rm gas_in}$ , поданным с контроллера газа. На рис. 4 видно, что объемный расход газа увеличивается на выходе из микроканала вследствие падения давления и отклонение объемного расхода, определенного через объем снаряда, не превышает 10 % объемного расхода, определенного контроллером, для всего диапазона измерений. Описанная методика определения размера газовых снарядов была использована для расчета объемного коэффициента массоотдачи при течении смеси этанол –  $CO_2$ .

Зависимость скорости газовых снарядов в конце канала  $U_{bub}$  от приведенной скорости смеси представлена на рис. 5. Скорость газового снаряда  $U_{bub}$  связана с приведенной скоростью смеси:  $U_{bub} = c(J_{liq} + J_{gas})$ , где c — параметр распределения. На рис. 5 видно, что параметр распределения в микроканале зависит от приведенной скорости смеси и равен c = 1,2 для значения  $J_{tp} = 0,5$  м/с, что показывает существенное отклонение объемного газосодержания от расходного газосодержания. Коэффициент скольжения  $w = (U_{bub} - J_{tp})/U_{bub}$ 

связан с параметром распределения следующим образом: w = c - 1, коэффициент скольжения равен 0,2 для приведенной скорости смеси  $J_{tp} = 0,5$  м/с.

# Структура газожидкостного течения и межфазный массообмен при поглощении CO<sub>2</sub> этанолом

Измерение объемного коэффициента массоотдачи при поглощении углекислого газа этанолом выполнено для периодического снарядного режима течения в диапазоне приведенных скоростей газа и жидкости, ранее исследованном для течения смеси этанол – N<sub>2</sub>.

На рис. 6 показана структура течения смеси этанол –  $CO_2$  для приведенных скоростей  $J_{liq}$ = 0,11 м/с,  $J_{gas}$ = 0,33 м/с после смесителя (*a*) и в конце микроканала (*b*). Наблюдаемое уменьшение размера снаряда в конце канала происходит вследствие поглощения газа жидкостью в результате физической абсорбции. В экспериментах определено среднее значение коэффициента массоотдачи по изменению объема газового снаряда на длине 25 мм при измеренном объеме на расстоянии 3 мм после смесителя и 6 мм от выхода из микроканала.

Для определения объемного коэффициента массоотдачи использовано балансовое уравнение для изменения концентрации газа во всей жидкости в рамках элементарной ячейки с объемом  $V_{\rm UC}$  (см. рис. 1). В предположении однородной концентрации растворенного газа в жидкой перемычке и пленке жидкости постоянного объема  $V_{\rm slug}$  уравнение для изменения концентрации растворенного газа записывается следующим образом:

$$V_{\text{slug}} \frac{dC}{dt} = k_L A_{\text{bub}} (C_* - C), \tag{3}$$

где C — концентрация растворенного газа в жидкости в рамках элементарной ячейки,  $k_L$  — средний коэффициент массоотдачи на поверхности газового снаряда,  $C_*$  — равновесная концентрация растворенного газа,  $A_{bub}$  — площадь контакта фаз газ – жидкость в снаряде. Равновесная концентрация CO<sub>2</sub> в 90%-м растворе этанола для условий эксперимента равна  $C_* = 81,1$  моль/м<sup>3</sup> [19].

Учитывая, что скорость движения снаряда равна  $U_{bub}$ , проведем интегрирование (3) по длине участка измерения массоотдачи L и получим изменение концентрации раство-



Рис. 6. Фотографии течения смеси этанол – CO<sub>2</sub> в прямоугольном микроканале для приведенных скоростей  $J_{liq} = 0,11$  м/с,  $J_{gas} = 0,33$  м/с на расстоянии 3 мм после смесителя (*a*) и 6 мм от выхода канала (*b*). Направление течения указано стрелкой.

ренного газа в жидкой перемычке на расстоянии L в виде

$$k_L a = (1 - \varphi) \frac{U_{\text{bub}}}{L_{\text{chan}}} \ln\left(\frac{C_* - C_0}{C_* - C_L}\right),\tag{4}$$

где  $\varphi = V_{\rm bub}/V_{\rm UC}$  — объемное газосодержание,  $V_{\rm slug} = (1-\varphi)V_{\rm UC}$ .

В ряде работ (например, [20]) предполагалось, что объемное газосодержание равно расходному:  $\varphi = \beta$ . В этом случае выражение (4) принимает вид, используемый в этих работах для обработки экспериментальных данных:

$$k_L a = \frac{J_{\text{liq}}}{L_{\text{chan}}} \ln \left( \frac{C_* - C_0}{C_* - C_L} \right).$$
(5)

Учитывая, что параметр распределения c = 1,2 (см. рис. 5), для газожидкостного течения в прямоугольном микроканале наблюдается существенное проскальзывание газовой фазы относительно жидкой фазы, поэтому при обработке данных по массообмену необходимо использовать уравнение (4), а не (5).

Для определения начальной концентрации растворенного газа необходимо учитывать интенсивное растворение в области формирования снарядов в смесителе. Поскольку в смеситель подавался этанол с нулевой начальной концентрацией углекислого газа, концентрация растворенного газа в жидкой перемычке в начале участка измерения массоотдачи определялась по измерениям расхода газа контроллером до смесителя, частоте следования и среднему размеру снарядов на расстоянии 3 мм от смесителя:

$$C_0 = \frac{v_0 - v_{\rm in}}{V_{\rm slug}},$$

здесь  $v_0$ ,  $v_{in}$  — количество молей в снаряде, определенное по измеренному расходу до и после смесителя соответственно:

$$v_i = \frac{P_i V_{\text{bub},i}}{RT}.$$

Таким же образом определялась и концентрация растворенного газа в конце участка измерения массоотдачи  $C_L$  на расстоянии 6 мм от выхода из микроканала. Полученные концентрации поглощенного углекислого газа были использованы для определения объемного коэффициента массоотдачи.

Для сопоставления полученных данных с расчетом по одночленному уравнению, предложенному в [20], проведена обработка данных изменения концентрации в жидкой перемычке с использованием уравнения (5). На рис. 7*a* приведена зависимость объемного коэффициента массоотдачи для течения смеси этанол –  $CO_2$  в прямоугольном микроканале от приведенной скорости газа, полученная из уравнения (5). На рис. 7*a* наблюдается небольшое увеличение коэффициента массоотдачи, а затем его уменьшение с ростом приведенной скорости газа. Треугольными маркерами на этом рисунке показаны результаты расчета по одночленному уравнению из работы [20], которое обобщает экспериментальные данные, полученные для течения смеси вода –  $CO_2$  в канале с сечением 0,5×1,0 мм. Как видно, результаты расчета по методике [20] существенно отличаются от экспериментальных данных для смеси этанол –  $CO_2$  для малых и больших приведенных значений скорости газа. Отсюда следует ограниченная применимость одночленного



*Рис.* 7. Зависимость от приведенной скорости газа объемного коэффициента массоотдачи  $k_L a$ , рассчитанного по формуле (5) в сравнении с моделью из работы [20] (*a*) и рассчитанного по формуле (4) в сравнении с моделью (6)–(11) (*b*).

уравнения [20] для расчета межфазного массообмена при газожидкостном течении в микроканале.

На рис. 7b представлена зависимость объемного коэффициента массоотдачи от приведенной скорости газа для течения смеси этанол –  $CO_2$  в прямоугольном микроканале, рассчитанного по уравнению (4). Такой подход в большей степени соответствует полученным данным, так как скорость снарядов существенно отличается от приведенной скорости смеси. В данном случае наиболее обоснованной является модель массообмена, предложенная в работе [9] для микроканала круглого сечения. В этой модели рассматривается массоперенос в трех зонах течения, показанных на рис. 1, которые включают головную и хвостовую части снаряда, пленку жидкости в области снаряда и тонкий пристенный слой жидкости в области перемычки жидкости. Выделение пристенного слоя жидкости в области перемычки жидкости связано с наблюдаемой в экспериментах и расчетах [21] областью рециркуляционного движения в перемычке жидкости (рис. 8*a*). Как видно, пристенный слой жидкости в жидкой перемычке не участвует в циркуляционном движении и органичен разделяющей изолинией скорости.

Для представленной на рис. 1 схемы течения в прямоугольном микроканале уравнения из [9] для расчета концентрации поглощенного газа в перемычке жидкости  $C_{\rm slug}$ и расчета концентрации поглощенного газа в пленке и слое жидкости на стенке  $C_{\rm film}$ записываются как балансовое уравнение для концентрации поглощенного газа в перемычке жидкости объемом  $V_{\rm slug}$ :

$$V_{\text{slug}} \frac{dC_{\text{slug}}}{dt} = (k_L a)_{\text{caps}} \left[ C_* - C_{\text{slug}}(t) \right] V_{\text{UC}} + (k_L)_{\text{film\_slug}} A_{\text{film\_slug}} \left[ C_{\text{film}}(t) - C_{\text{slug}}(t) \right] -$$
(6)

и балансовое уравнение для концентрации поглощенного газа в пленке жидкости:

$$q_{\text{film}} \frac{dC_{\text{film}}}{dz} = (k_L)_{\text{film\_bub}} a_{\text{film\_bub}} \left[ C_* - C_{\text{film}}(z) \right] - (k_L)_{\text{film\_slug}} a_{\text{film\_slug}} \left[ C_{\text{film}}(z) - C_{\text{slug}}(z) \right],$$
(7)

511

где  $q_{\rm film}$  — объемный расход в пленке жидкости в прямоугольном микроканале;  $(k_L a)_{\rm caps}$ ,  $(k_L a)_{\rm film\_bub}$ ,  $(k_L a)_{\rm film\_slug}$  — объемные коэффициенты массоотдачи для передней и задней частей снаряда в перемычку жидкости, от боковой части снаряда в пленку жидкости и от тонкого пристенного слоя жидкости в жидкую перемычку соответственно;  $A_{\rm film\_slug}$  — площадь контакта между слоем жидкости на стенке и перемычкой жидкости, рассчитанная по измеренным значениям длины  $L_{\rm film\_slug}$  и толщины пленки  $\delta$ ;  $a_{\rm film\_slug}$  площадь контакта на объем элементарной ячейки. Объемы перемычки жидкости и пленки жидкости под газовым снарядом в продольном и поперечном сечениях прямоугольного микроканала отмечены на рис. 1 и 3 синей и зеленой областями. Средняя концентрация растворенного газа в жидкости в рамках элементарной ячейки  $C_{\rm UC}$  рассчитывается как сумма концентраций  $C_{\rm slug}$  и  $C_{\rm film}$ , полученных в результате численного решения и умноженных на соответствующие объемы:

$$C_{\rm UC} = \frac{V_{\rm film} C_{\rm film} + V_{\rm slug} C_{\rm slug}}{V_{\rm film} + V_{\rm slug}}.$$
(8)

Далее C<sub>UC</sub> используется для определения полного объемного коэффициента массоотдачи по (4).

Особенностью расчета коэффициента массоотдачи в канале с прямоугольным сечением является то, что при расчете необходимо использовать не всю поверхность передней и хвостовой частей снаряда, а только часть поверхности  $S_{caps_lim}$  до линии тока, отделяющей зону циркуляции от течения в пристенном слое жидкости (см. рис. 8*a*) [21]. Поперечное сечение канала с разделительной изолинией для канала с соотношением сторон 2,5 для коэффициента скольжения w = 0,2 из [21] показано на рис. 8*b*. Эти данные



Рис. 8. Схематическое представление рециркуляционной зоны в жидкой перемычке по [21] (a) и контур разделительной изолинии рециркуляционной зоны в поперечном сечении канала с соотношением сторон 2,5 при w = 0,2 (b).

были использованы для расчета удельной поверхности передней и хвостовой частей снаряда  $a_{caps}$ , соответствующей внутренней рециркуляционной зоне в перемычке жидкости, характерной длины и скорости жидкости в зоне циркуляции. С учетом этого коэффициенты массоотдачи для передней и задней частей снаряда, в пленке жидкости под снарядом и тонком слое на стенке в жидкой перемычке равны

$$(k_L)_{\rm caps} = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \sqrt{\frac{D_{\rm diff} U_{\rm circ}}{L_{\rm circ}}},\tag{9}$$

$$(k_L)_{\text{film\_bub}} = \frac{2}{16\sqrt{\pi}} \sqrt{\frac{D_{\text{diff}} U_{\text{bub}}}{L_{\text{film\_bub}}}},$$
(10)

$$(k_L)_{\text{film\_slug}} = 4.11 \frac{D_{\text{diff}}}{D_{\text{h}}}.$$
(11)

При расчетах скорость циркуляции  $U_{circ} = 0,37U_{bub}$  и длина дуги  $L_{circ}$  от переднего края до точки на поверхности снаряда, соответствующей центру рециркуляционного контура, аналогичны результатам расчета [21] для канала с соотношением сторон 2,5. При расчете массообмена в пленке жидкости необходимо учитывать концентрационную неоднородность в пленке, что приводит к снижению потока растворяющегося компонента на границе газ – жидкость [21]. Обработка полученных экспериментальных данных показала, что наилучшее совпадение результатов расчета и эксперимента для прямоугольного канала наблюдается при использовании понижающего коэффициента 1/16 в уравнении (10). Уравнение (11) для расчета массоотдачи в тонком слое жидкости на стенке микроканала с соотношением сторон 2 основано на аналогии процессов тепло- и массообмена [22].

Сопоставление экспериментальных данных с расчетом по разработанной методике показано на рис. 7*b*. Как видно, результаты расчета для всех приведенных скоростей газа со средней относительной ошибкой (mean percentage error) MPE = 5,6 % хорошо соответствуют экспериментальным данным и показывают достижение предельного значения коэффициента массоотдачи при скорости газа больше 0,4 м/с. Уменьшение коэффициента массоотдачи, определенного по (4), по сравнению с расчетом при скорости газа больше 0,4 м/с может быть связано с приближением к границе переходного режима, когда нарушается периодичность течения.

#### Заключение

В настоящей работе представлены результаты экспериментального исследования гидродинамики и межфазного массообмена при поглощении углекислого газа этанолом в прямоугольном микроканале сечением 380×190 мкм. Проведенные эксперименты по исследованию структуры периодического снарядного режима течения смеси 90%-й этанол – азот позволили обосновать новый метод определения объема снарядов по данным скоростной видеосъемки течения. Получено, что неопределенность в измерении объема газового снаряда по данной методике не превышает 10 %. Выполнены эксперименты, направленные на изучение межфазного массообмена при течении смеси 90%-й этанол – углекислый газ для периодического снарядного режима течения. С использованием данных по изменению объема снаряда вследствие поглощения газа определен объемный коэффициент массоотдачи и получена его зависимость от приведенной скорости газа. Предложена физически обоснованная модель межфазного массообмена, которая является развитием подхода из работы [9] на случай газожидкостного течения в канале прямоугольного сечения и учитывает характеристики рециркуляционного течения в перемычке жидкости, расчеты по которой хорошо соответствуют полученным данным для периодического снарядного течения.

#### Обозначения

<i>D</i> — диаметр, м,	f — частота генерации снарядов, Гц,
<i>L</i> — длина, м,	S, А — площадь, межфазная площадь, м <sup>2</sup> ,
<i>H</i> , <i>W</i> — высота канала и ширина микроканала, м,	v — количество молей вещества, моль,
<i>t</i> — время, с,	$C$ — концентрация $CO_2$ в жидкости, моль/м <sup>3</sup> ,
J — приведенная скорость, м/с,	$C_*$ — равновесная концентрация CO <sub>2</sub> в жидкости,
U — скорость, м/с,	моль/м <sup>3</sup>
$Q, q$ — объемный расход, м $^3$ /с,	$D_{\text{diff}}$ — коэффициент лиффузии, м <sup>2</sup> /с,
<i>P</i> — давление, Па,	$k_{r}$ — пореруностный коэффициент массоотла-
<i>R</i> — газовая постоянная, Дж/(моль·К),	$\kappa_L$ — поверлностный коэффициент массоотда-
<i>Т</i> — температура, К,	чи, м/с,
V — объем м <sup>3</sup>	<i>а</i> — удельная поверхность контакта фаз, м <sup>2</sup> /м <sup>3</sup> ,
, 00bcm, m,	<i>k<sub>L</sub>a</i> — объемный коэффициент массообмена, 1/с.

#### Безразмерные комплексы

Ca = $U_{\rm bub}\mu/\sigma$ — капиллярное число,	$w = (U_{bub} - U_{tp})/U_{bub}$ — коэффициент скольже-
$c = U_{\rm bub} / (J_{\rm liq} + J_{\rm gas})$ — коэффициент распределения,	ния.

#### Греческие символы

$a_{\rm c}$ — соотношение сторон,	$\mu$ — динамическая вязкость, Па·с,
$\delta$ — толщина пленки жидкости, м,	$\sigma-\!\!\!\!\!-$ коэффициент поверхностного натяжения, Н/м

#### Индексы

0 — начальный,	bub — снаряд,
in — входное значение,	caps — передняя и задняя торцевые области снаряда,
out — выходное значение,	UC — элементарная ячейка,
h — гидравлический,	slug — перемычка жидкости,
lig — жидкость,	film — пленка жидкости,
gas — газ,	circ — циркуляция,
tp — двухфазный,	m — измеренный.

## Список литературы

- Günther A., Jensen K.F. Multiphase microfluidics: from flow characteristics to chemical and materials synthesis // Lab. Chip. The Royal Soc. Chemistry. 2006. Vol. 6, No. 12. P. 1487–1503.
- 2. Буфетов Н.С., Дехтярь Р.А., Овчинников В.В. Исследование переходных режимов при абсорбции пара водным раствором бромида лития // Теплофизика и аэромеханика. 2021. Т. 28, № 1. С. 131–143.
- Aghel B., Heidaryan E., Sahraie S., Mir S. Application of the microchannel reactor to carbon dioxide absorption // J. Clean. Prod. 2019. Vol. 231. P. 723–732.
- **4. Чиннов Е.А., Роньшин Ф.В., Кабов О.А.** Режимы двухфазного течения в микро- и миниканалах (обзор) // Теплофизика и аэромеханика. 2015. Т. 22, № 3. С. 275–297.
- Yagodnitsyna A.A., Kovalev A.V., Bilsky A.V. Flow patterns of immiscible liquid-liquid flow in a rectangular microchannel with T-junction // Chem. Engng. J. 2016. Vol. 303. P. 547–554.
- 6. Yin Y., Zhang X., Zhu C., Fu T., Ma Y. Hydrodynamics and gas-liquid mass transfer in a cross-flow T-junction microchannel: Comparison of two operation modes // Sep. Purif. Technol. 2021. Vol. 255. P. 117697-1–117697-4.
- 7. Zaloha P., Kristal J., Jiricny V., Völkel N., Xuereb C., Aubin J. Characteristics of liquid slugs in gas–liquid Taylor flow in microchannels // Chem. Eng. Sci. 2012. Vol. 68, No. 1. P. 640–649.
- Butler C., Lalanne B., Sandmann K., Cid E., Billet A.-M. Mass transfer in Taylor flow: Transfer rate modelling from measurements at the slug and film scale // Intern. J. Multiph. Flow. 2018. Vol. 105. P. 185–201.

- Butler C., Cid E., Billet A.-M. Modelling of mass transfer in Taylor flow: Investigation with the PLIF-I technique // Chem. Eng. Res. Des. 2016. Vol. 115. P. 292–302.
- 10. Yue J., Chen G., Yuan Q., Luo L., Gonthier Y. Hydrodynamics and mass transfer characteristics in gas–liquid flow through a rectangular microchannel // Chem. Eng. Sci. 2007. Vol. 62, No. 7. P. 2096–2108.
- 11. Yao C., Zhao Y., Zheng J., Zhang Q., Chen G. The effect of liquid viscosity and modeling of mass transfer in gas-liquid slug flow in a rectangular microchannel // aiche J. 2020. Vol. 66, No. 5. P. E16934. http://doi.org/10.1002/aic.16934.
- Van Baten J.M., Krishna R. CFD simulations of mass transfer from Taylor bubbles rising in circular capillaries // Chem. Eng. Sci. 2004. Vol. 59, No. 12. P. 2535–2545.
- 13. Варгафтик Н.Б. Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей. М.: Наука, 1972. 720 с.
- 14. Basu A.S. Droplet morphometry and velocimetry (DMV): a video processing software for time-resolved, label-free tracking of droplet parameters // Lab. Chip. The Royal Soc. Chem. 2013. Vol. 13, No. 10. P. 1892–1901.
- 15. Букатин А.С., Мухин И.С., Малышев Е.И., Кухтевич И.В., Евстрапов А.А., Дубина М.В. Особенности формирования микроструктур с высоким аспектным соотношением при изготовлении полимерных микрофлюидных чипов для исследования единичных живых клеток in vitro // Журн. Техн. Физики. 2016. Т. 61, № 10. С. 1566–1571.
- 16. Chaoqun Y., Yuchao Z., Chunbo Y., Minhui D., Zhengya D., Guangwen C. Characteristics of slug flow with inertial effects in a rectangular microchannel // Chem. Eng. Sci. 2013. Vol. 95. P. 246–256.
- Aussillous P., Quéré D. Quick deposition of a fluid on the wall of a tube // Phys. Fluids. 2000. Vol. 12, No. 10. P. 2367–2371.
- Bartkus G.V., Kuznetsov V.V. Application of the laser-induced fluorescence to study local characteristics of a gas-liquid flow in rectangular microchannel // J. Physics: Conf. Series. 2021. Vol. 2127, No. 1. P. 012008-1– 012008-6.
- 19. Yao C., Dong Z., Zhao Y., Chen G. An online method to measure mass transfer of slug flow in a microchannel // Chem. Eng. Sci. 2014. Vol. 112. P. 15–24.
- 20. Yue J., Chen G., Yuan Q., Luo L., Le Gall H. Mass transfer in gas-liquid flow in microchannels // CIESC J. 2006. Vol. 57, No. 6. P. 1296–1303.
- Abadie T., Xuereb C., Legendre D., Aubin J. Mixing and recirculation characteristics of gas–liquid Taylor flow in microreactors // Chem. Engng Res. Des. 2013. Vol. 91, No. 11. P. 2225–2234.
- 22. Kandlikar S., Garimella S., Li D., Colin S., King M.R. Heat transfer and fluid flow in minichannels and microchannels. N.Y.: Elsevier, 2005. 473 p.

Статья поступила в редакцию 15 ноября 2022 г.,

после доработки — 5 декабря 2022 г.,

принята к публикации 8 декабря 2022 г.,

после дополнительной доработки — 11 января 2023 г.